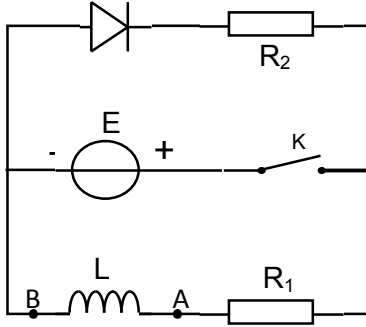


## التمرين الأول : ( 07 نقاط )



نحقق الدارة الكهربائية المبينة في الشكل :تعطى  $R_1=30 \Omega$  ;  $R_2=20 \Omega$

1 - نغلق القاطعة لمدة كافية ،

ماهو سلوك الوشيعة علل و ما دور الصمام الثنائي في الدارة .

2 - في اللحظة  $t=0$  نفتح القاطعة  $K$ .

أ / عين على الدارة جهة التيار الكهربائي والاتجاه الاصطلاحي للتوترات الكهربائية .

ب / بين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي  $U_{R1}$

بين طرفي الناقل الاومي  $R_1$  هي :

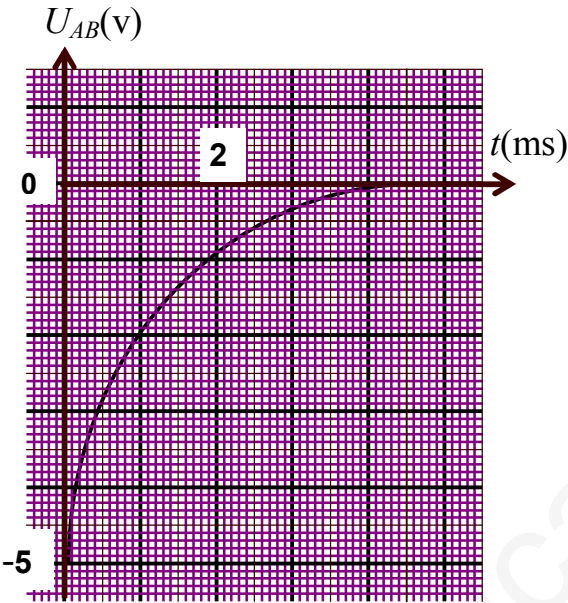
$$\frac{dU_{R1}}{dt} + \frac{(R_1 + R_2)}{L} U_{R1} = 0$$

ج / علما أن حل هذه المعادلة التفاضلية هو:  $U_{R1}(t) = R_1 I_0 e^{-\frac{1}{\tau} t}$

استنتج عبارة  $U_{AB}(t)$ .

د / المتابعة الزمنية لتطور التوتر الكهربائي  $U_{AB}(t)$  عند فتح القاطعة.

سمحت لنا برسم البيان التالي:



1- استنتج بيانيا قيم كل من  $E$  ،  $\tau$  ثم احسب قيم  $I_0$  ،  $L$  .

2- ارسم في نفس المعلم المعطى المنحنيين البيانيين لكل من  $U_{R1}(t)$  ،  $U_{R2}(t)$

## التمرين الثاني : ( 06 نقاط )



مظلي مع مظلته كتلته  $70 \text{ kg}$  يسقط من مروحية ساكنة على ارتفاع معين من سطح الأرض

في مكان فيه الجاذبية  $g=10 \text{ m/s}^2$

عندما يكتسب تسارعا لحظيا قيمته  $(a_0 = -40 \text{ m/s}^2)$  يفتح مظلته في لحظة نعتبرها  $t=0$  ،

يخضع المظلي مع مظلته أثناء سقوطه لقوة احتكاك مع الهواء شدتها تتناسب طرذا مع سرعته .

بإهمال دافعة ارخميدس في الهواء .

1- مثل القوى المؤثرة على المظلي مع مظلته عند  $t=0$  ، وعندما تثبت سرعته عند القيمة  $10 \text{ m/s}$  .

2- اثبت أن شدة قوة الاحتكاك مع الهواء عند  $t=0$  هي  $f_0=3500 \text{ N}$  .

3- احسب شدة قوة الاحتكاك الحدية  $f_L$  واستنتج قيمة معامل الاحتكاك  $K$  مع الهواء

4- اثبت أن المعادلة التفاضلية للحركة بدلالة التسارع اللحظي :  $\frac{da}{dt} + \frac{K}{m}a = 0$

5- علما أن حل المعادلة التفاضلية هو :  $a(t) = a_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$

مثل كيفيا مخطط تغير تسارع حركة المظلي بدلالة الزمن

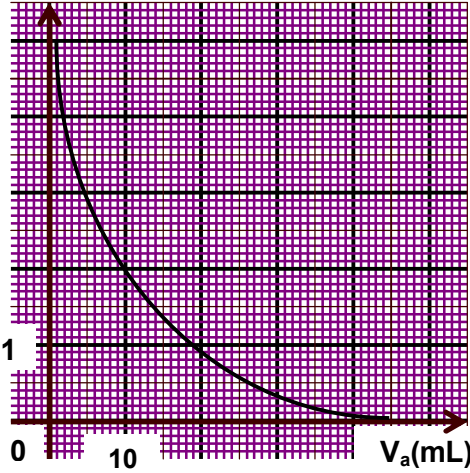
### التمرين الثالث : ( 07 نقاط )

لتعيين التركيز المولي لمحلول مثيل أمين وقيمة ثابت الحموضة للثنائية (أساس / حمض) الموافقة للأمين :

\* نحضر محلول مائي (S) لمثيل أمين ( $\text{CH}_3\text{NH}_2$ ) ثم نعاير ( $20\text{ml}$ ) منه بمحلول حمض كلور الماء ( $\text{H}_3\text{O}^+ + \text{Cl}^-$ )

تركيزه المولي  $10^{-2} \text{ mol/L}$  بإضافة حجم  $V_a$  تدريجيا

$$\frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]}$$



الشكل المرفق يمثل تغيرات النسبة بين التركيز المولي للأمين المتبقي

وحمضه المرافق بدلالة حجم المحلول الحمضي المضاف .

1 / أكتب معادلة التفاعل الحادث مبينا انه تفاعل حمض أساس .

2 / أوجد عبارة ثابت التوازن الكيميائي للتفاعل الحادث بدلالة ثابت الحموضة

للثنائية (أساس / حمض) الموافقة للأمين .

3 / أوجد : أ - حجم المحلول الحمضي اللازم للتكافؤ بطريقتين بيانيا .

ب - استنتج التركيز المولي الابتدائي للمحلول (S)

4 / استنتج قيمة الـ  $\text{PKa}$  للثنائية (أساس / حمض) الموافقة للأمين علما أن  $\text{pH}$  المحلول (S) هو 11 عند  $25^\circ \text{C}$

5 / بين أن تفاعل المعايرة تفاعل تام .

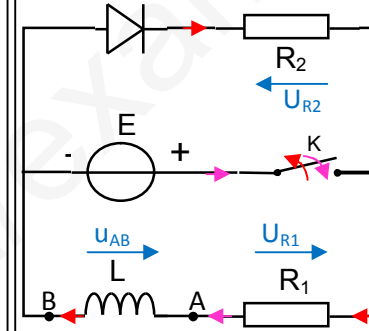
أساتذة المادة

بالتوفيق



### التمرين 01: (07 نقاط)

- 1- سلوك الوشيعية : سلك موصل في النظام الدائم  $I = cte \rightarrow U_{AB} = 0$   
 دور الصمام الثنائي : توجيه التيار وحماية الدارة عند فتح القاطعة  
 2- أ . جهة التيار والاتجاه الاصطلاحي للتوترات ك



ب . المعادلات :

$$U_{AB} + U_{R1} + U_{R2} = 0$$

$$L \frac{di}{dt} + U_{R1} + R_2 i = 0$$

$$i = \frac{U_{R1}}{R_1}, \quad \frac{di}{dt} = \frac{1}{R_1} \frac{dU_{R1}}{dt}$$

$$\frac{L}{R_1} \frac{dU_{R1}}{dt} + U_{R1} + \frac{R_2}{R_1} U_{R1} = 0$$

$$\frac{dU_{R1}}{dt} + \frac{(R_1 + R_2)}{L} U_{R1} = 0$$

ج . عبارة  $U_{AB}(t)$  :

$$U_{AB} = L \frac{di}{dt}$$

$$i = \frac{U_{R1}}{R_1} = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow \frac{di}{dt} = -\frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$U_{AB}(t) = -\frac{LE(R_1 + R_2)}{(R_1 + R_2)L} = -E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

د . قيمة E :  $t=0 \rightarrow U_{AB} = -E = -5 \rightarrow E = 5V$

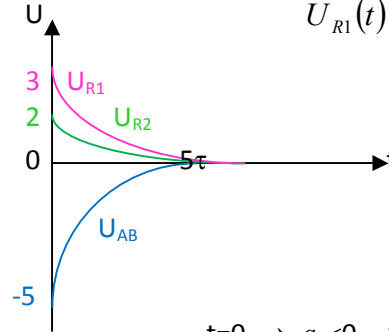
قيمة  $\tau$  :  $t=\tau \rightarrow U_{AB} = -0,37E = 1,85V \rightarrow \tau \approx 1ms$

قيمة L :  $\tau = \frac{L}{R_1 + R_2} \rightarrow L = 5 \times 10^{-2} H$

قيمة  $I_0$  :  $I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2} \rightarrow I_0 = 0,1A$

### رسم المنحنيات :

$$U_{R1}(t) = R_1 I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = 3e^{-\frac{t}{\tau}}$$



### التمرين 02: (06 نقاط)

1- تمثيل القوى :

$$t=0 \rightarrow a_0 < 0 \rightarrow \Sigma F < 0 \rightarrow f_0 > P$$

$$v=10=cte \rightarrow \Sigma F = 0 \rightarrow f = P$$

2- قيمة  $f_0$  عند  $t=0$

$$\Sigma \vec{F}_{ext} m \vec{a}_0 \rightarrow \vec{P} + \vec{f}_0 = m \vec{a}_0$$

$$t=0 \rightarrow v=0$$

$$P - f_0 = m a_0 \rightarrow f_0 = m(g - a_0) = 3500N$$

3- قيمة  $f_L$  :

$$\Sigma \vec{F}_{ext} = \vec{0} \rightarrow \vec{P} + \vec{f}_L = \vec{0}$$

$$P - f_L = 0 \rightarrow f_L = mg = 700N$$

قيمة K :

$$f_L = K v_L \rightarrow K = \frac{f_L}{v_L} = \frac{700}{10} = 70 kg s^{-1}$$

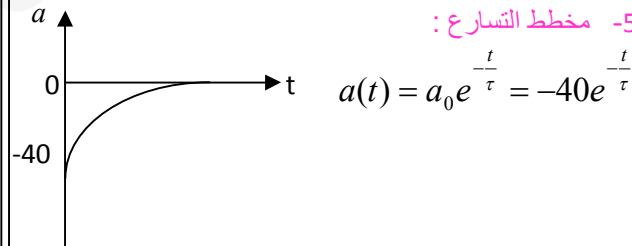
4- المعادلة التفاضلية بدلالة  $a$  :

$$\Sigma \vec{F}_{ext} m \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{f} = m \vec{a} \rightarrow mg - f = ma$$

$$-K \frac{dv}{dt} = m \frac{da}{dt}$$

$$\frac{da}{dt} + \frac{K}{m} a = 0$$

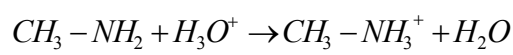
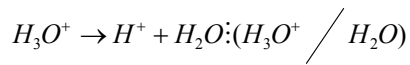
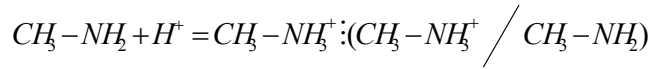
5- مخطط التسارع :



$$a(t) = a_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = -40 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

### التمرين 03: (07 نقاط)

1- معادلة التفاعل :



هناك تبادل بروتوني بين حمض من ثنائية (أساس/حمض) وأساس من أخرى فالتفاعل حمض أساس

2- عبارة K بدلالة  $K_a$  :

$$K = Q_{rf} = \frac{[CH_3NH_3^+]_f}{[CH_3NH_2]_f \cdot [H_3O^+]_f} = \frac{1}{K_a} = 10^{PKa}$$

3- أ . قيمة  $V_{aE}$  :

$$[CH_3NH_2] = 0 \text{ عند التكافؤ يكون}$$

$$\frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = 0 \rightarrow V_{aE} = 4ml$$

ط 2 : عند نصف التكافؤ يكون

$$\frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = 1 \rightarrow \frac{V_{aE}}{2} = 20ml \rightarrow V_{aE} = 40ml$$

$$C_S V_S = C_a V_{aE} \text{ (ت م س) عند قيمة } C_S :$$

$$C_S = \frac{C_a V_{aE}}{V_S} = 2 \times 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$$

$$PKa = PH - \log \frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} \text{ قيمة } PKa :$$

$$PH = 11 \rightarrow V_a = 0 \rightarrow \frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = 5 \rightarrow PKa = 11 - \log 5 = 10,3$$

$$K = 10^{PKa} = 10^{10,3} \text{ التفاعل تام ؟}$$

بمان  $K > 10^4$  فان التفاعل تام

## اختبار البكالوريا التجريبي لمادة العلوم الفيزيائية

المدة : أربع ساعات

المستوى : ثالثة (تقني رياضي)

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتين

### الموضوع الأول

#### التمرين الأول:

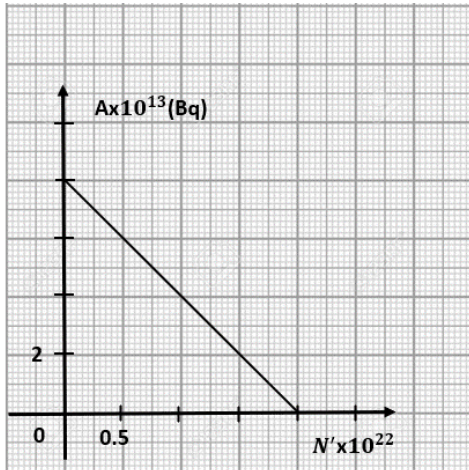
يعتبر الطب النووي من أهم الاختصاصات، إذ يستعمل في تشخيص الأمراض وفي علاجها. من بين التقنيات المعتمدة (radiothérapie) حيث يستعمل الإشعاع النووي في تدمير الأورام السرطانية، إذ يقذف الورم أو النسيج المصاب بالإشعاع المنبعث من الكوبالت  $^{60}_{27}\text{Co}$ .

يفسر النشاط الإشعاعي لـ  $\text{Co}$  بتحول نوترون  $n$  إلى بروتون  $p$ . يمثل منحنى الشكل- 2 تغيرات النشاط  $A$  لعينة من الكوبالت بدلالة  $N'$  عدد الأنوية المتفككة خلال الزمن  $t$ .

1- أ- حدد نمط النشاط الإشعاعي للكوبالت مع التعليل؟

ب- أكتب معادلة التفاعل النووي الموافق ثم تعرف على التواة الأيمن من بين النواتين  $^{26}\text{Fe}$  ,  $^{28}\text{Ni}$ .

ج- أكتب قانون التناقص الإشعاعي، ثم العلاقة النظرية التي تربط النشاط الإشعاعي  $A$  بعدد الأنوية  $N'$  المتفككة.



الشكل -1

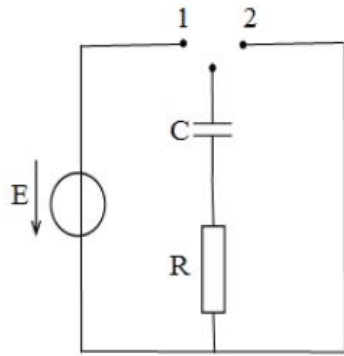
2- باستغلال البيان حدد:

- النشاط الإشعاعي الابتدائي  $A_0$  للعينة.
  - ثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$  لنواة الكوبالت 60.
  - عدد الأنوية الابتدائية  $N_0$  للعينة وكتلتها  $m_0$ .
- 3- يمكن اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال إذا أصبحت النسبة  $\frac{N'}{N} = 3$  حيث  $N$  عدد الأنوية المتبقية.

أ- بين أنه يمكن كتابة النسبة  $\frac{N'}{N}$  بالعلاقة التالية  $\frac{N'}{N} = (e^{\lambda t} - 1)$

ب- استنتج المدة الزمنية التي يمكن فيها اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال.

## التمرين الثاني:



باستعمال مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية  $E$  ، بادلة  $K$  ، مكثفة سعتها  $C$  ، ناقل أومي  $R$  نحقق الدارة المبينة في الشكل (1).

I- في اللحظة  $t = 0$  نضع البادلة  $K$  في الوضع I، ونتابع تطورات كل من التوتر بين طرفي المكثفة وشدة التيار المار في الدارة بدلالة الزمن وفي اللحظة  $t = 35s$  نفتح البادلة.

1- حدد على الدارة اتجاه التيار و أشعة التوترات .

2- حدد على الدارة كيفية ربط راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة توتر بين طرفي المكثفة.

3- جد المعادلة التفاضلية الممثلة لتغيرات شدة التيار  $i(t)$  ، واكتبها من الشكل:  $\frac{di(t)}{dt} + \beta i(t) = 0$

أ- أعط عبارة  $\frac{1}{\beta}$  . وما هو منلوله الفيزيائي؟

ب- لتكن العبارة  $i(t) = I_0 e^{-\beta t}$  حلا للمعادلة التفاضلية السابقة ، أوجد عبارة  $I_0$ .

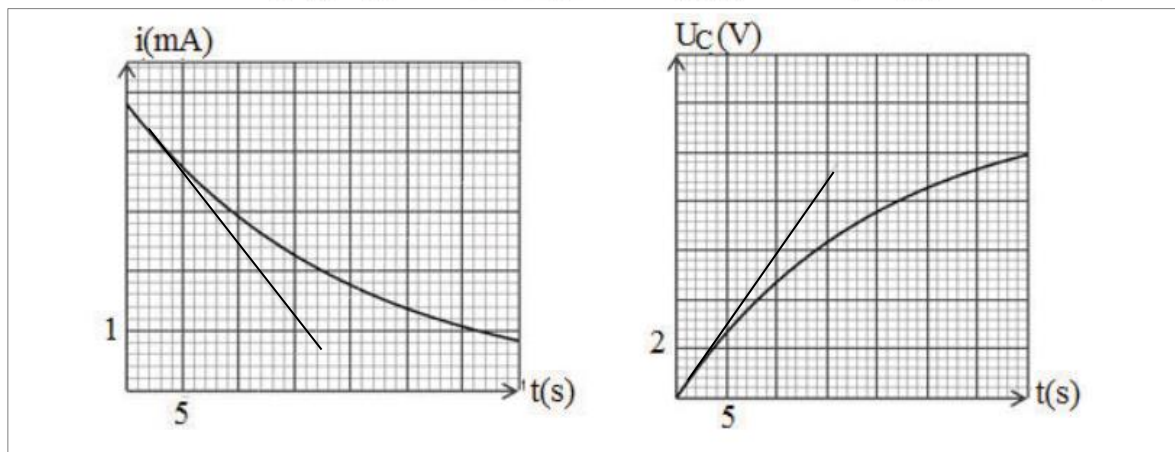
4- الدراسة التجريبية السابقة سمحت برسم البيانيين الممثلين في الشكلين المواليين :

أ- بين أن اللحظة  $t = 35s$  لا توافق النظام الدائم للدارة المدروسة .

ب- جد بيانيا قيمة كل من ثابت الزمن  $\tau$  ، وتوتر المولد  $E$  .

ج- استنتج قيمة كل من  $R$  ،  $C$  .

5- احسب عند اللحظة  $t = 35s$  الشحنة الكهربائية المكثفة ، وكذلك الطاقة التي تخزنها .



II- عند بلوغ النظام الدائم ننتقل البادلة إلى الوضع 2 .

1- ما هي الظاهرة التي تحدث؟

2- احسب زمن تناقص الطاقة إلى النصف  $t_{1/2}$  .

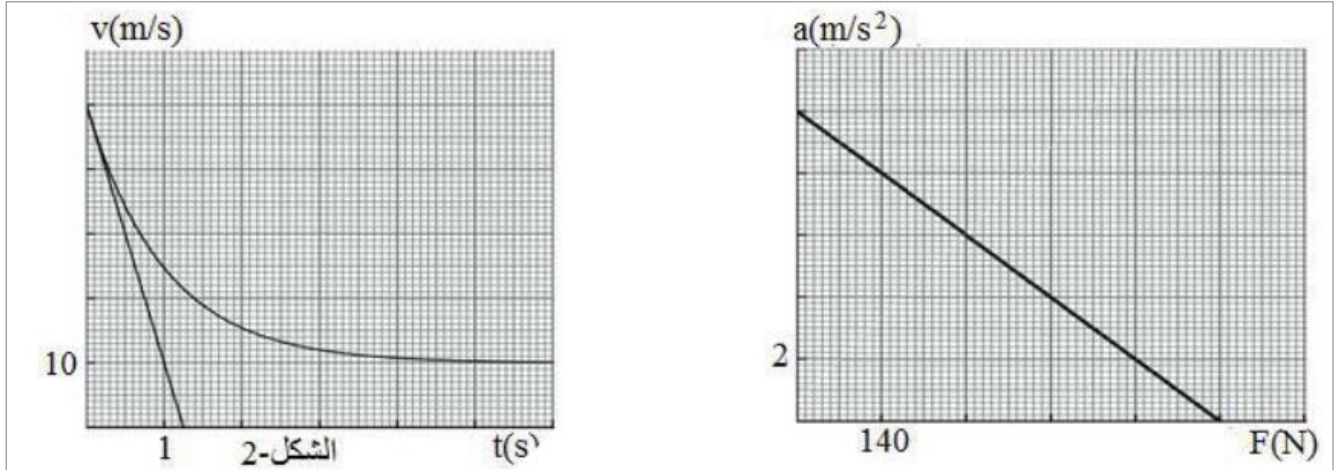
## التمرين الثالث:

تعطى الجملة الميكانيكية الشكل (01) المتكونة من مظلي ومظله حيث يسقط من مروحية ساكنة دون سرعة ابتدائية في

اللحظة  $t = 0$  ، يخضع أثناء سقوطه لقوة احتكاك  $f = -K_1 v$

كتلة المظلي مع مظله  $m = 70kg$  ،  $g = 10m/s^2$

1- قبل فتح المظلة: مثلنا تغيرات تسارع المظلي بدلالة شدة قوة الاحتكاك مع الهواء  $a = g(f)$  كما بالشكل التالي:



أ- عرف الجملة الميكانيكية .

ب- تطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلة التفاضلية التي تحكمها شدة قوة الاحتكاك .

ج- بين أن دافعة أرخميدس مهمة أمام القوى الأخرى.

د- اشرح لماذا تصبح قوة الاحتكاك ثابتة بعد فترة زمنية معينة، ثم أوجد شدة هذه القوة مستعينا بالبيان.

هـ- احسب ثابت الاحتكاك  $k_1$  والثابت المميز للحركة علما أن سرعة المظلي تصل إلى قيمة حدية تساوي 50m/s .

2- بعد فتح المظلة :

نهمل دافعة أرخميدس ، ونعتبر  $t = 0$  لحظة فتح المظلة .

مثلنا سرعة المظلي ومظله بدلالة الزمن ، و مماس البيان عند  $t = 0$  كما بالشكل (02) .

تعطى قوة الاحتكاك التي تؤثر على المظلي مع مظله بالعلاقة  $f = -K_2 v$  .

أ- مثل القوى المؤثرة على المظلي عند اللحظة  $t = 0$  .

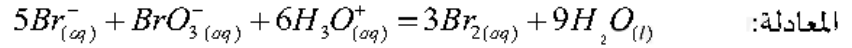
ب- أوجد كل من تسارع الجملة ، وشدة قوة الاحتكاك عند اللحظة  $t = 0$

ج- أوجد قيمة ثابت الاحتكاك  $k_2$  بطريقتين مختلفتين .

د- مثل كيفيا مخطط تسارع الجملة بدلالة الزمن.

للأحماض أهمية كبرى في الحياة اليومية قوية كانت أم ضعيفة ، فهي تشارك في اغلب التفاعلات الكيميائية سواء بصفتها متفاعل أو وسط ضروري لحدوث التفاعل

(I) نراقب تطور التفاعل التام و البطيء لشوارد البرومات  $BrO_3^-$  مع شوارد البروم  $Br^-$  في وسط حمضي وفق



نمزج في اللحظة  $t = 0$  حجما  $V_1 = 100ml$  من محلول ليروم البوتاسيوم  $(K^+ + Br^-)_{(aq)}$  تركيزه المولي

$C_1 = 7 \cdot 10^{-2} mol / l$  مع حجم  $V_2 = 100ml$  من محلول ليرومات البوتاسيوم  $(K^+ + BrO_3^-)_{(aq)}$  تركيزه المولي  $C_2$

بوجود وفرة من حمض الكبريت المركز. تعطى: الثنائيتان  $(BrO_3^- / Br_2)$  .  $(Br_2 / Br^-)$

1- اكتب المعادلتين النصفيتين للأكسدة والارجاع .

2- انشئ جدولاً لتقدم التفاعل .

3 - مكنت المتابعة الزمنية للتفاعل من الحصول على البيان

الموضح في الشكل -5- الممثل لتغيرات كمية مادة ثنائي البروم

$n_{Br_2}$  بدلالة الزمن .

أ - استنتج قيمة التقدم الاعظمي  $x_{\max}$ ، وحدد المتفاعل المحد

ب - احسب قيمة  $C_2$  .

ج - حدد من البيان زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$  .

4- اكتب عبارة السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة  $n_{Br_2}$  ثم

احسبها في اللحظة  $t = 12min$  .

5- نعيد التجربة السابقة لكن نستعمل محلول ليرومات

البوتاسيوم تركيزه المولي:  $C_3 = \frac{C_2}{2}$

(أ)- احسب قيمة التقدم الاعظمي الجديد  $x'_{\max}$  للتفاعل .

(ب)- كيف يتغير  $t'_{1/2}$  زمن نصف التفاعل الجديد (بتزايد او بتناقص) ،فسر على المستوى المجبري .

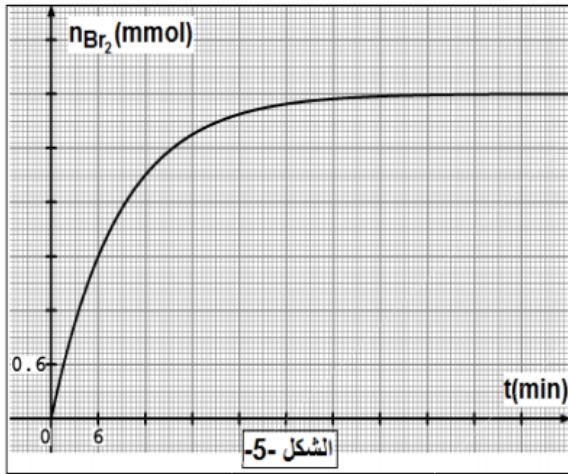
(ج)- اعد رسم منحنى شكل -5- على ورقة اجابتك ثم ارسم كيفيا في نفس المعلم المنحنى للممثل لتطور  $n_{Br_2}$  في التجربة

الجديدة موضحا كل من  $x'_{\max}$  و  $t'_{1/2}$  .

(II) نستعمل خواص تفاعلات الاحماض مع الاسس للتأكد من درجة الخل في قارورة من الخل التجاري كتب عليها

(7° حموضة) .

(درجة الحموضة هي كتلة حمض الايثانويك النقي  $CH_3COOH$  الموجودة في 100g من الخل التجاري)





نأخذ 10ml من الخل التجاري ونمدده 10 مرات فنحصل على محلول (S) نعاير حجما  $V_a = 20ml$  من المحلول (S) بمحلول هيدروكسيد الصوديوم ( $Na^+ + OH^-$ ) تركيزه  $C_b = 0.1mol / l$  المعايرة  $pH$  مترية. فنقرأ قيمته  $pH = 4.8$  عند اضافة  $V_b = 12ml$  من محلول هيدروكسيد الصوديوم.

1- ارسم مخطط البروتوكول التجريبي للمعايرة الـ  $pH$  مترية.

2- اكتب معادلة تفاعل المعايرة.

3- أ)- مثل جدول تقدم المعايرة من أجل  $V_b = 12ml$

ب)- احسب النسبة النهائية لتقدم التفاعل  $\tau_f$ . ماذا تستنتج؟

4- احسب حجم المحلول القاعدي لحدوث التكافؤ ( $V_{eq}$ )، ثم استنتج  $C_a$  تركيز المحلول (S).

5- احسب  $C_0$  تركيز حمض الايثانويك في قارورة الخل التجاري.

6- حدد درجة الخل التجاري، هل هي متوافقة مع ماهو مكتوب في القارورة.

المعطيات:

المحاليل مأخوذة في  $25^\circ C$  :

$$M_{CH_3COOH} = 60g / mol \quad , \quad pK_e = 14 \quad , \quad pK_a_{(CH_3COOH/CH_3COO^-)} = 4.8$$

الكتلة الحجمية للخل التجاري:  $p = 1.02g / ml$



مع تمنياتي لكم بالتوفيق والنجاح والسداد في شهادة البكالوريا



# التصحيح النموذجي لاختبار البكالوريا التجريبي لمادة العلوم الفيزيائية

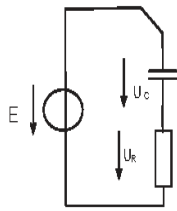
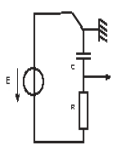


ثانوية الشهيد زاغر جلول بالإدرسية

2021-2020

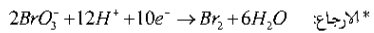
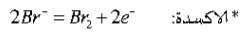
الموضوع الاول

المستوى: ثالث {تقني رياضي}

ن 4.5	التمرين الثاني	ن 4.5	التمرين الأول
	<p>1- تحديد اتجاه التيار والتوترات على الدارة .</p>  <p>2- تحديد كيفية ربط راسم الاهتزاز المهبطي :</p>  <p>3- المعادلة التفاضلية لشدة التيار :</p> $U_C + U_R = E$ <p>بتطبيق قانون جمع التوترات</p> $\frac{q}{C} + Ri = E$ <p>حيث <math>\frac{dq}{dt} = i</math> بالاشتقاق بالنسبة للزمن نجد :</p> $\frac{1}{C} \frac{dq}{dt} + R \frac{di}{dt} = 0$ <p>ومنه <math>\frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} i = 0</math></p> <p>أ- <math>\frac{1}{RC} = \beta</math> ويمثل ثابت الزمن <math>\tau</math> وهو الزمن اللازم لبلوغ التوتر بين طرفي المكثف 63% من التوتر الأعظمي للمرك</p> <p>ب- عبارة <math>I_0</math> : في اللحظة <math>t=0s</math> ، <math>U_C=0</math> ، <math>i=I_0</math> أي أن <math>0+RI_0=E</math></p> <p>ومنه <math>I_0 = \frac{E}{R}</math></p> <p>4- في النظام الدائم <math>i=0</math> لكن بياناتنا عند <math>t=35s</math> شدة التيار غير معروفة ، ومنه هذه اللحظة لا توافق النظام الدائم .</p> <p>( ب ) من بيان شدة التيار نجد <math>\tau = 20s</math> ، وعند هذه اللحظة في بيان التوتر نجد <math>E=12V</math></p> <p>( ج ) قيمة <math>R</math> و <math>C</math> :</p> <p>بياناتنا <math>I_0 = 4.8 \times 10^{-3} A</math> أي أن <math>R = \frac{E}{I_0} = 2500 \Omega</math></p> <p><math>C = \frac{\tau}{R} = 8 \times 10^{-3} F</math></p> <p>5- الشحنة الكهربائية للمكثف ، والطاقة المخزنة فيها عند <math>t=35s</math> :</p> <p>من البيان <math>U_C=10V</math> ومنه <math>q = CU_C = 8 \times 10^{-2} C</math></p> <p><math>E_{(C)} = \frac{1}{2} CU_C^2 = 0.4J</math></p> <p>II -</p> <p>1 - الظاهرة التي تحدث هي تفريغ للمكثف .</p> <p>2 - زمن تناقص الطاقة إلى النصف :</p> <p><math>t_{1/2} = \frac{\tau}{2} \ln 2 = 6.9s</math></p>	<p>1- <u>أ- انحط الإشعاع مع التعليل :</u></p> <p>نحيط تفكك نواة الكوبالت <math>^{60}_{27}Co</math> هو <math>\beta^-</math> لأن <math>^{60}_{27}Co \rightarrow ^1_0n + ^1_1P + ^0_{-1}e</math></p> <p>ب- <u>معادلة التفكك :</u></p> <p>كتابة معادلة التفكك : <math>^{60}_{27}Co \rightarrow ^A_ZX + ^0_{-1}e</math></p> <p>اذن من قانوننا الإنحفاظ <math>Z=28</math> و <math>A=60</math> ومن النواة البنت هي <math>^{60}_{28}Ni</math></p> <p>فتصبح المعادلة كمايلي :</p> $^{60}_{27}Co \rightarrow ^{60}_{28}Ni + ^0_{-1}e$ <p>ج <u>قانون الناقص الإشعاعي :</u></p> $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ <p><u>العلاقة بين <math>A</math> و <math>N</math> :</u></p> $N_0 - N = N^*$ <p>المتفككة = المتبقية - الابتدائية</p> <p>ولدينا : <math>N_0 - N_0 e^{-\lambda t} = N</math> و <math>A = A_0 e^{-\lambda t}</math> ومنه <math>\frac{A}{A_0} = e^{-\lambda t}</math></p> <p><u>نعوض :</u></p> $N_0 - N_0 \frac{A}{A_0} = N^*$ <p>نضرب في <math>A_0</math> :</p> $N_0 A_0 - N_0 A = N^* A_0$ <p>نقسم على <math>N_0</math> :</p> $A_0 - A = N^* \frac{A_0}{N_0}$ <p>و منه <math>A = -N^* \frac{A_0}{N_0} + A_0</math></p> <p>2- <u>قيمة <math>A_0</math> :</u></p> $A_0 = 8.10^{13} Bq$ <p>ب- <u>قيمة <math>\lambda</math> :</u></p> <p>معادلة البيان :</p> <p>المعادلة النظرية :</p> <p>بالمطابقة نجد :</p> $A = -N^* \frac{A_0}{N_0} + A_0$ $a = -\lambda = A/N^* = -4.10^{-9}$ $\lambda = 4.10^{-9} 1/s$ <p>ج- <u>عدد الانوية الابتدائية :</u></p> <p>نواة <math>N_0 = A_0/\lambda = 2.10^{31}</math></p> <p>د- <u>الكتلة الابتدائية :</u></p> $m_0 = \frac{N_0 M}{N_A} = 19.92.10^8$ <p>3- <u>البرهان على العلاقة :</u></p> <p>ولدينا <math>\frac{N^-}{N} = \frac{N_0 - N}{N} = \frac{N_0}{N} - 1</math></p> <p>أ- <u>استنتاج المدة الزمنية :</u></p> <p>بالنعوض نجد : <math>\frac{N^-}{N} = e^{\lambda t} - 1</math> وبالمطابقة مع العلاقة <math>\frac{N^-}{N} = 3</math> نجد : <math>e^{\lambda t} = 4</math></p> <p>وبالتالي يكون <math>t = \frac{\ln 4}{\lambda} \approx 11 ans</math> بالتعويض نجد : <math>t = 3,465.10^8 s</math></p>	



1- المعادلتين النصفيتين:



2- جدول التقدم:

الحالة	التقدم	$5Br^- + BrO_3^- + 6H^+ = 3Br_2 + 3H_2O$			
زيادة	0	$C_1V_1$	$C_2V_2$	زيادة	0
//	3x	$C_1V_1 - 5x$	$C_2V_2 - x$	//	3x
//	$3x_{max}$	$C_1V_1 - 5x_{max}$	$C_2V_2 - x_{max}$	//	$3x_{max}$

3- أ. حساب  $x_{max}$ :

$$\text{من المنحنى (2) } n_{Br_{2f}} = 3x_{max} = 3.6 \text{ mmol} \quad \text{ومنه } x_{max} = 1.2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

$$\text{نعوض في } n_{Br^-} = C_1V_1 - 5x_{max} \quad \text{فنجد: } n_{Br^-} = 1 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \neq 0$$

ومنه المتفاعل المحد هو  $BrO_3^-$ 

$$\text{ب. حساب } C_2: C_2V_2 - x_{max} = 0 \rightarrow C_2 = \frac{x_{max}}{V_2} \quad C_2 = 1.2 \cdot 10^{-2} \text{ mol/l}$$

$$\text{ج. تحديد } t_{1/2} \text{ من البيان بالانقطاع نجد } t_{1/2} = 6 \text{ min}$$

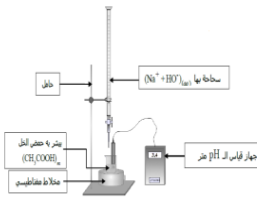
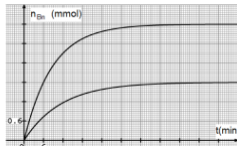
$$\text{د. حساب السرعة الحجمية: } v_p = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{1}{3V} \frac{dn_{Br_2}}{dt}$$

نرسم المماس ونحسب الميل نجده أو نعوض فنجد:  $v_p = 1.76 \text{ mol/L} \cdot \text{min}$ 4- أ. حساب  $x'_{max}$ : بما أن تركيز المتفاعل المحد هو الذي ينقص فيبقى هو المتفاعل المحد أي نحسب  $x'_{max}$ 

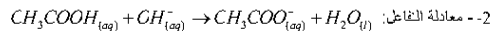
$$\text{من } C_3V_2 - x'_{max} = 0 \rightarrow x'_{max} = \frac{C_3V_2}{2} = 0.6 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \quad BrO_3^-$$

ب.  $t'_{1/2}$  يتزايد لأن التفاعل يصبح أبطأ فعندما ينقص تركيز المتفاعلات تتناقص عدد الافراد الكيميائية المتفاعلة ومنه تتناقص عدد التصادمات الفعالة وبالتالي تتناقص سرعة التفاعل.

ج. رسم البيان:



II) 1- البروتوكول التجريبي:



3- جدول التقدم:

الحالة	التقدم	$CH_3COOH_{(aq)} + OH^-_{(aq)} \rightarrow CH_3COO^-_{(aq)} + H_2O_{(l)}$			
زيادة	0	$C_aV_a$	$C_bV_b$	زيادة	0
زيادة	$x_f$	$C_aV_a - x_f$	$C_bV_b - x_f$	زيادة	$x_f$

ب. حساب  $V_a$  قبل التكايف (نصف التكايف) أي المتفاعل المحد هو  $OH^-$  ومنه

$$x_{max} = C_bV_b = 1.2 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \quad \text{ولدينا } [OH^-] = 10^{pH - pK_a} = 6.3 \cdot 10^{-10} \text{ mol/l}$$

$$\text{ومنه } x_f = C_bV_b - [CH^-](V_a + V_b) = 1.2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

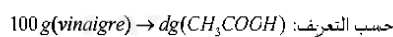
ومنه  $\tau_f = 1$  نستنتج أن التحول تام.

$$\text{4- حساب } V_{eq}: \text{لدينا } V_{a_{eq}} = 2V_a = 24 \text{ ml} \quad \text{لأن } V_{a_{eq}} = 2V_a \quad \text{ومنه } pH = pK_a \quad \text{ومنه } C_aV_a = C_bV_{b_{eq}} \rightarrow C_a = \frac{C_bV_{b_{eq}}}{V_a}$$

$$C_a = 0.12 \text{ mol/l}$$

$$\text{5- حساب } C_0: C_0 = 10C_a = 1.2 \text{ mol/l}$$

6- تحديد درجة الخل

لدينا: كتلة 10g من الخل  $m = p \cdot V = 10.2 \text{ g}$ 

$$\text{هذه الكتلة تحتوي على } m_{CH_3COOH} = C_0 \cdot V \cdot M = 0.72 \text{ g}$$

$$\text{ومنه: } 10.2 \text{ g (vinaigre)} \rightarrow 0.72 \text{ g (CH}_3\text{COOH)}$$

$$100 \text{ g} \rightarrow d$$

وفي موافقة مع ما هو مكتوب.  $d = 7^\circ$ 

1- قبل فتح المظلة:

أ- تعريف الجلة الميكانيكية: هي جسم أو عدة أجسام أو جزء من جسم محدث تحديدا تاما لغرض الدراسة وكل ما هو خارج عن هذا التحديد يعتبر وسطا خارجيا.  
ب- ايجاد المعادلة التفاضلية التي تحكمها شدة قوة الاحتكاك:  
بتطبيق (2) نجد:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \rightarrow \vec{f} + \vec{p} + \vec{\pi} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على محور الحركة نجد:

$$p - \pi - f = ma \rightarrow mg - f - \pi = m \frac{dv}{dt}$$

$$mg - f - \pi = m \frac{d(\frac{f}{k})}{dt}$$

$$\frac{df}{dt} + \frac{k}{m} f = k_1 g - \frac{k_1 \pi}{m} = k_1 g (1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}) \quad \text{.....(01)}$$

ج- إثبات أن دافعة أرخميس مهمة:

معادلة البيان:

$$a = A \cdot f + B \quad \text{.....(02)}$$

نظريا لدينا:

$$p - \pi - f = ma \rightarrow a = -\frac{1}{m} f + g - \frac{\pi}{m} \quad \text{.....(03)}$$

بمطابقة (02) و (03) نجد:

$$\left\{ \begin{aligned} A &= -\frac{1}{m} \\ B &= g - \frac{\pi}{m} \end{aligned} \right. \Leftrightarrow \pi = m(g - B) = 70(10 - 10) = 0$$

ومنه دافعة أرخميس مهمة.

د- الشرح:

بما أن شدة قوة الاحتكاك تتناسب طرديا مع قيمة السرعة فإن:

عند  $t=0$  تكون  $f=0$  لأن قيمة السرعة معومة.في النظام الانتقالي تزداد قيمة  $f$  لأن قيمة السرعة تزداد بمرور الزمن.في النظام الدائم تصل قيمة  $f$  إلى قيمة حدية ثابتة لأن قيمة السرعة تكون ثابتة.

إيجاد شدة قوة الاحتكاك:

$$\text{من البيان وعند } a=0 \text{ نجد: } f_L = 700 \text{ N}$$

هـ- حساب ثابت الاحتكاك  $k_1$ :

في النظام الدائم يكون:

$$k_1 = \frac{f_L}{v_L} = \frac{700}{50} = 14 \text{ Kg/s}$$

ح- حساب الثابت المميز للحركة:

$$\tau = \frac{m}{k_1} = \frac{70}{14} = 5 \text{ s}$$

2- بعد فتح المظلة:

أ- تمثيل القوى المؤثرة على المظلي عند اللحظة  $t=0$ :ب- إيجاد تسارع الجلة عند  $t=0$ :

$$\text{السلس منب } a_0 = \frac{10 - 50}{1 - 0} = -40 \text{ m/s}^2$$

شدة قوة الاحتكاك عند  $t=0$ :

$$\text{بتطبيق قانون نيوتن الثاني عند اللحظة } t=0 \text{ وبعد الإسقاط نجد: } mg - f_0 = ma_0$$

$$f_0 = m(g - a_0) = 70(10 + 40) = 3500 \text{ N}$$

ج- إيجاد قيمة ثابت الاحتكاك  $k_2$ :

$$\text{1ط: من البيان نجد قيمة ثابت الزمن } \tau = 1 \text{ s}$$

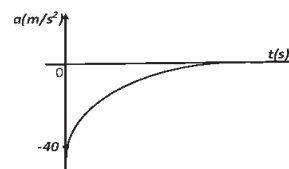
$$\text{ومنه: } k_2 = \frac{m}{\tau} = \frac{70}{1} = 70 \text{ Kg/s}$$

2ط: في النظام الدائم يكون:

$$P = f_L$$

$$mg = k_2 v_L \Leftrightarrow k_2 = \frac{mg}{v_L} = \frac{70 \times 10}{10} = 70 \text{ Kg/s}$$

د- تمثيل مخطط تسارع الجلة بدلالة الزمن:



## اختبار الفصل الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

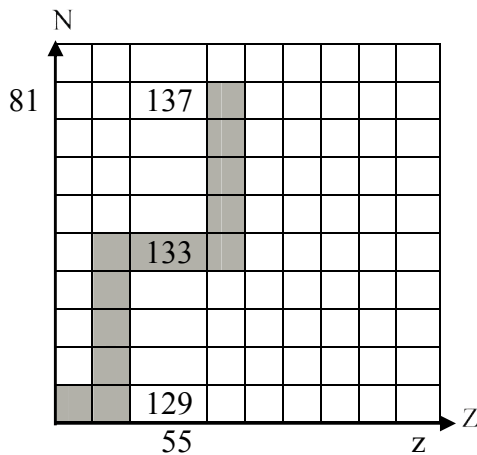
## التمرين الأول : (07 نقاط)

بغرض تشغيل مغناطيس كهربائي في جهاز روبوت آلي، نحقق دائرة بها وشيعة (L,r) على التسلسل ، مقاومة R وبطارية نووية تحتوي على السيزيوم  $^{134}_{55}\text{Cs}$  ، توترها ثابت يتم فيها تحويل الطاقة الحرارية الناتجة بالتفكك النووي إلى تيار كهربائي باستعمال خاصية الفعل الكهروحراري.

1- تحتوي البطارية على نظير السيزيوم  $^{134}_{55}\text{Cs}$  المشع للإشعاع  $\beta^-$  ويمكنها الاشتغال لمدة كافية .

لعنصر السيزيوم عدة نظائر منها :  $^{129}_{55}\text{Cs}$  و  $^{137}_{55}\text{Cs}$  مشعان، أما  $^{133}_{55}\text{Cs}$  فهو مستقر. يشع  $^{137}_{55}\text{Cs}$  حسب النمط  $\beta^-$

و  $^{129}_{55}\text{Cs}$  حسب النمط  $\beta^+$  .



الشكل (1)

زمن نصف عمر السيزيوم 137 هو  $t_{1/2} = 30,16 \text{ ans}$ .

1- عرّف ظاهرة النشاط الإشعاعي؟

2- اكتب معادلتَي تفكك كلاً من  $^{129}_{55}\text{Cs}$  و  $^{137}_{55}\text{Cs}$ .

3- ما المقصود بالنظائر؟

4- تمثل المنطقة الملونة على مخطط سيقري جزءاً من واد الاستقرار.

أ- ما المقصود بـ A و Z في الكتابة الرمزية للنواة  $^A_Z\text{X}$ ؟

ب- حسب موضعي النواتين  $^{129}_{55}\text{Cs}$  و  $^{137}_{55}\text{Cs}$  في هذا المخطط، حدد مصدري  $\beta^-$  و  $\beta^+$ .

5- أكتب معادلة التفكك النووي الحادث للنواة  $^{134}_{55}\text{Cs}$ .

6- أمكن تتبع النشاط الإشعاعي لكتلة للعينة  $m_0$  الموجودة

في البطارية فتحصلنا على المنحنى المقابل. ( الشكل (2)).

استنتج من البيان :

أ- النشاط الإشعاعي الابتدائي  $A_0$ .

ب- زمن نصف العمر  $t_{1/2}$  وثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$ .

ج- قيمة الكتلة  $m_0$  للعينة في البطارية.

3- أوجد اللحظة التي يكون فيها النشاط الإشعاعي يساوي 20% من قيمته الابتدائية.

المعطيات :  $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$  ،  $^{137}_{56}\text{Ba}$  ،  $^{129}_{54}\text{Xe}$ .

II- تمت دراسة الدارة قبل تركيبها في الروبوت، وذلك من أجل إيجاد القيم الفيزيائية المناسبة لعناصر الدارة باستعمال راسم

الاهتزاز المهبطي. يعطى :  $R = 20 \Omega$  ،  $r = 4 \Omega$ .

1- أ- اوجد المعادلة التفاضلية التي تعطي تطور التوتر  $U_R$  بين طرفي المقاومة  $R$ .

ب- يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة بالعلاقة :  $U_R = A - Be^{-\alpha t}$ .

عين الثوابت  $A, B, \alpha$ .

2- يعطى بيان تغيرات  $\frac{du_R}{dt} = f(u_R)$  الموضح في الشكل (4).

أ- اكتب المعادلة الموافقة لهذا البيان.

ب- استنتج بياناً وبالاستعانة بالمعادلة التفاضلية السابقة قيم

ثابت الزمن  $\tau$  ، ذاتية الوشعة  $L$  و توتر البطارية  $E$ .

3- أ- اكتب عبارة شدة التيار الأعظمي واحسب قيمته.

ب- احسب الطاقة المخزنة في الوشعة في النظام الدائم.

التمرين الثاني : (06 نقاط)

1- نحقق دائرة كهربائية بالربط على التسلسل العناصر الكهربائية التالية : مولد للتوتر الثابت قوته الكهرومحرركة  $E$  ، مكثفة

فارغة سعتها  $C = 5.10^{-5}F$  ، ناقل أومي مقاومته  $R$  وقاطعة  $K$ .

نغلق القاطعة  $K$  في اللحظة  $t=0$ . سمح برنامج معلوماتي وبطاقة تحصيل معلوماتية بالحصول على منحنى الشكل (5)

الممثل  $\frac{u_C}{u_R} = f(t)$ .

1- ارسم مخططاً للدائرة تبين عليه جهة التيار وتمثل عليه التوترات بأسهم .

2- اكتب المعادلة التفاضلية لتطور التوتر بين طرفي المكثفة  $U_C$ .

3- يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة بإحدى العبارات التالية :

$$U_C(t) = Ee^{-\tau t} , U_C(t) = E(1 - e^{-\tau t}) , U_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$$

حدد الحل المناسب مع التبرير .

4- اعط العبارة الزمنية للتوتر  $U_R(t)$  بين طرفي الناقل الأومي.

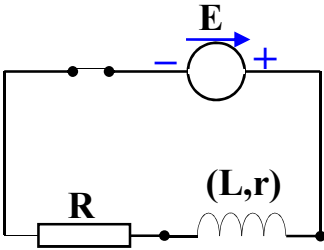
5- بين أن :  $\frac{u_C}{u_R} = e^{t/\tau} - 1$  ، ثم استنتج قيمة ثابت الزمن  $\tau$  لثنائي القطب  $RC$ .

6- اوجد قيمة المقاومة  $R$ .

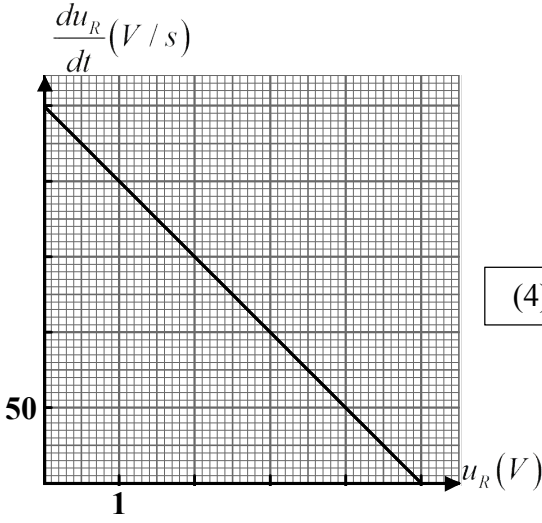
II- نحقق دائرة الشكل (6) بنفس الناقل الأومي السابق و  $n$  مكثفة مشحونة

مماثلة للمكثفة السابقة ومربوطة بنفس النمط (إما تسلسل أو تفرع) ولتكن

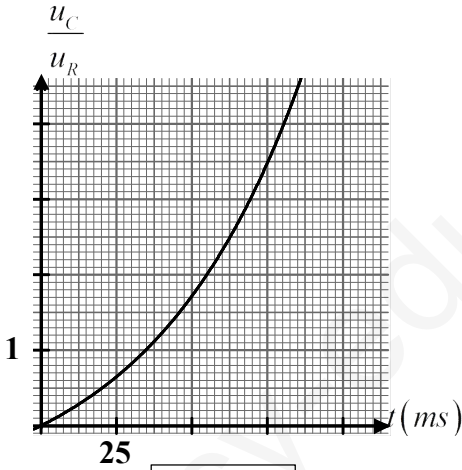
$C_{eq}$  هي سعة المكثفة المكافئة لهذه المكثفات. نغلق القاطعة في اللحظة  $t=0$ .



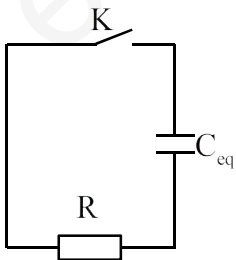
الشكل (3)



الشكل (4)

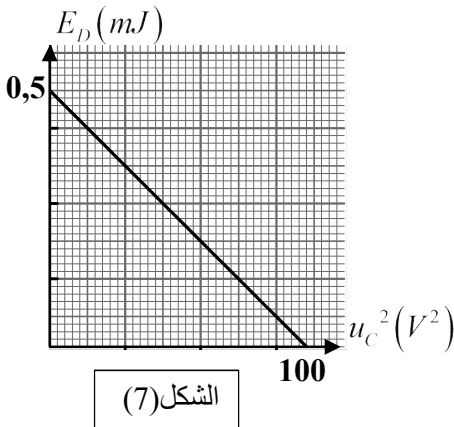


الشكل (5)



الشكل (6)

1- ماذا يحدث للمكثفة عند غلق القاطعة ؟



سمح التجهيز السابق بالحصول على منحني تغيرات الطاقة  $E_D$  المحولة إلى الناقل الأومي بدلالة مربع التوتر  $u_C$  للمكثفة المكافئة  $E_D = g(u_C^2)$  . ( الشكل (7) )

2- بين أن الطاقة المحولة  $E_D$  تعطى بالعلاقة :  $E_D = E_{\max} - \frac{1}{2} C_{eq} u_C^2$

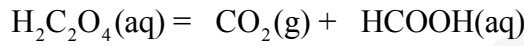
حيث  $E_{\max}$  الطاقة المحولة العظمى، يطلب إعطاء عبارتها بدلالة  $E$  و  $C_{eq}$ .

3- اكتب معادلة البيان، ثم استنتج قيمة كلاً من  $E$  و  $C_{eq}$ .

4- استنتج نمط الربط ثم حدد العدد  $n$ .

التمرين التجريبي : (07 نقاط)

1- حمض الأكساليك  $H_2C_2O_4$  يتفكك حرارياً وفق تفاعل تام نمذجته بمعادلة التفاعل الكيميائي :



نتابع التفكك لكتلة  $m = 0,18 \text{ g}$  من حمض الأكساليك بقياس حجم غاز الفحم المنطلق عند درجة حرارة ثابتة  $28^\circ C$  وتحت

ضغط  $P = 10^5 \text{ Pa}$  فنحصل على نتائج ندونها في الجدول :

$t(\text{min})$	0	5	11,6	20	35	56,7	75
$V_{CO_2}(\text{mL})$	0	4,2	9,2	14,6	22,2	29,9	34,3

1- اثبت أن التفاعل الحادث أكسدة - ارجاع مع ايجاد الثنائيتين الداخلتين في التفاعل.

2- عرف الحمض حسب تعريف برونشستد.

3- صنف هذا التفاعل من حيث المدة المستغرقة.

4- بين أن الحجم المولي في شروط التجربة هو  $V_m = 25 \text{ L/mol}$ .

5- بالاستعانة بجدول تقدم التفاعل :

أ- اوجد عبارة التقدم  $x$  بدلالة حجم غاز الفحم المنطلق واحسب عند كل لحظة قيمته.

ب- ارسم البيان  $x = f(t)$ .

ج- حدد زمن نصف التفاعل ، احسب سرعة التفاعل عند اللحظة  $t = t_{1/2}$ .

د- استنتج كتلة حمض الميثانويك  $HCOOH$  المتحصل عليه عند نهاية التفاعل.

6- تم استخلاص  $HCOOH$  الناتج في التفاعل السابق. نذيب حمض الميثانويك  $HCOOH$  المتحصل عليه عند نهاية

التفاعل في حجم  $V$  من الماء المقطر فنحصل على محلول تركيزه المولي  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  وله  $pH = 2,9$ .

أ- وضح كيف يمكن تحضير هذا المحلول.

ب- اكتب معادلة انحلال الحمض في الماء.

ج- بين أنه يمكن كتابة عبارة ثابت الحموضة بالعلاقة التالية :  $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$  ، احسب قيمته.

د- قارن بين قوة حمض الأكساليك وحمض الميثانويك.

**المعطيات :**  $R = 8,31 \text{ SI}$  ,  $M_O = 16 \text{ g/mol}$  ,  $M_C = 12 \text{ g/mol}$  ,  $M_H = 1 \text{ g/mol}$  ,  $PKa(H_2C_2O_4/HC_2O_4^-) = 1,2$

II- محلول مائي لمركب كيميائي B صيغته العامة  $C_nH_{2n+1}NH_2$  ، تركيزه المولي بشوارد  $OH^-$  يساوي  $3,16 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$

ونسبة تقدمه النهائي  $\tau_f = 13,73 \%$  .

1-أ- احسب  $pH$  هذا المحلول وبين طبيعته (محلول حمضي أو أساسي).

ب- اوجد الصيغة المجملة لهذا المركب الكيميائي . علما أن  $M_{(C_nH_{2n+1}NH_2)} = 31 \text{ g/mol}$

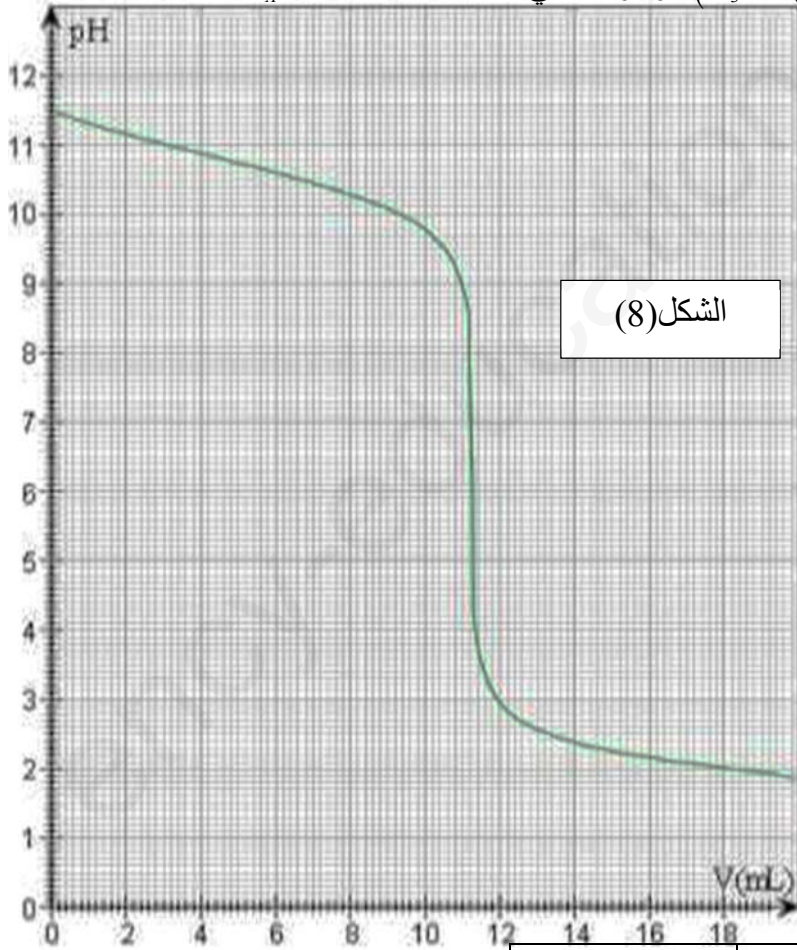
ج- اكتب معادلة انحلاله في الماء ثم انشئ جدول تقدم التفاعل.

د- اثبت أن نسبة التقدم النهائي يمكن كتابتها على الشكل :  $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [H_3O^+]_f}$  ، ثم احسب قيمة  $C_B$  .

هـ- اعط عبارة ثابت الحموضة  $Ka$  للثنائية (أساس / حمض) الموافقة واحسب قيمته، استنتج قيمة  $pka$  .

1- للتأكد من قيمة التركيز المولي السابق  $C_B$  نجري معايرة  $pH$  متريّة لحجم  $V_B = 22,4 \text{ mL}$  من محلول المركب B

بواسطة محلول لحمض كلور الماء  $(H_3O^+(aq), Cl^-(aq))$  تركيزه المولي  $C_A = 4,6 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L}$  فكان البيان الممثل



لتغيرات  $pH = f(V_A)$  الشكل (9).

أ- ارسم البروتوكول التجريبي الذي يسمح باجراء

هذه المعايرة.

ب- اكتب معادلة التفاعل المنمذجة لتحول المعايرة.

ج- انشئ جدولاً لتقدم التفاعل.

د- جد إحداثيي نقطة التكافؤ و احسب قيمة  $C_B$  .

هـ- حدد الأنواع الكيميائية الموجودة في المزيج بعد

إضافة حجم قيمته  $V = 5,6 \text{ cm}^3$  من الحمض.

ثم احسب التركيز المولي لكل منها.

و- ما هو الكاشف الملون المناسب لتجربة المعايرة

السابقة من بين الكواشف الملونة :

الكاشف	أخضر البروموكريزول	أحمر الميثيل	فينول فتالين
مجال التغير اللوني	5,4 - 3,8	6,3 - 4,8	10 - 8,2

حظ سعيد للجميع

**المعطيات :**  $M_N = 14 \text{ g/mol}$  ,  $M_H = 1 \text{ g/mol}$  ,  $M_C = 12 \text{ g/mol}$  ,  $Ke = 10^{-14}$



## التمرين الأول : (06,75 نقطة)

1-1- تعريف ظاهرة النشاط الإشعاعي: هي ظاهرة طبيعية يحدث فيها تفكك الأنوية غير المستقرة ( المشعة ) كي تصبح تصبح مستقرة و خلال ذلك تصدر إشعاعات  $\alpha$  أو  $\beta^-$  أو  $\beta^+$  و يرافقها  $\gamma$  و هي خواصها تلقائية ، حتمية و عشوائية.

2- معادلتى التفكك:  $^{129}_{55}\text{Cs} \rightarrow ^{129}_{54}\text{Xe} + ^0_{+1}\text{e} + \nu + \gamma$   $^{137}_{55}\text{Cs} \rightarrow ^{137}_{56}\text{Ba} + ^0_{-1}\text{e} + \bar{\nu} + \gamma$   $^{134}_{55}\text{Cs} \rightarrow ^{134}_{56}\text{Ba} + ^0_{-1}\text{e} + \bar{\nu} + \gamma$

3- النظائر: هي أنوية لها نفس Z أي تنتمي لنفس العنصر الكيميائي و تختلف في عدد النيوترونات N أي تختلف في A .

4-أ- المقصود بـ A و Z في الكتابة الرمزية للنواة  $^A_Z\text{X}$ : Z هو العدد الشحني و يمثل عدد البروتونات في النواة  $^{134}_{55}\text{Cs}$

A العدد الكتلي و يمثل عدد النوكليونات ( بروتونات و نيوترونات ) حيث  $A = Z + N$  .

ب- حسب موضع المخطط (N-Z) فإن :

النواة  $^{137}_{55}\text{Cs}$  تقع فوق واد الاستقرار أي فيها فائض من النيوترونات فتتفكك مصدرة الإشعاع  $\beta^-$  .

النواة  $^{129}_{55}\text{Cs}$  تقع تحت واد الاستقرار أي فيها فائض من البروتونات فتتفكك مصدرة الإشعاع  $\beta^+$  .

4- معادلة التفكك النووي الحادث للنواة  $^{134}_{55}\text{Cs}$ : النواة تقع فوق واد الاستقرار أي تصدر  $\beta^-$  :  $^{134}_{55}\text{Cs} \rightarrow ^{134}_{56}\text{Ba} + ^0_{-1}\text{e} + \bar{\nu} + \gamma$

5- الاستنتاج من البيان :

أ- النشاط الإشعاعي الابتدائي  $A_0$ :  $A_0 = 5 \times 10^{10} \text{ Bq}$

ب- زمن نصف العمر  $t_{1/2}$  وثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$ :

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0,693}{2,05} \approx 0,338 \text{ ans}^{-1} \quad t_{1/2} \approx 2,05 \text{ ans}$$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0,693}{2,05 \times 365 \times 24 \times 60 \times 60} \approx 1,072 \cdot 10^{-8} \text{ s}^{-1}$$

$$\lambda = 1,072 \cdot 10^{-8} \text{ s}^{-1} \approx 0,338 \text{ ans}^{-1}$$

ج- قيمة الكتلة  $m_0$  للعينة في البطارية: أولاً نحسب عدد الأنوية  $N_0 = \frac{A_0}{\lambda} = \frac{5 \cdot 10^{10}}{1,072 \cdot 10^{-8}} = 4,66 \cdot 10^{18} \text{ noyaux}$

$$N_0 = \frac{m_0}{M} N_A \Rightarrow m_0 = \frac{N_0 \times M}{N_A} = \frac{4,66 \cdot 10^{18} \times 134}{6,023 \times 10^{23}} = 103,675 \cdot 10^{-5} \text{ g} = 1,03675 \cdot 10^{-3} \text{ g} \approx 1,04 \text{ mg}$$

$$m_0 = 103,675 \cdot 10^{-5} \text{ g} = 1,03675 \cdot 10^{-3} \text{ g} \approx 1,04 \text{ mg}$$

3- إيجاد اللحظة التي يكون فيها النشاط الإشعاعي يساوي 20% من قيمته الابتدائية: أي  $\frac{A(t)}{A_0} = 20\% = \frac{20}{100} = 0,2$

ط 1 حسابية: اعتماداً على قانون التناقص الإشعاعي:  $\frac{A(t)}{A_0} = e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{A(t)}{A_0} = e^{-\lambda t}$  ندخل على العبارة الأخيرة

$$\ln \frac{A(t)}{A_0} = -\lambda t \Rightarrow t = \frac{-1}{\lambda} \ln \frac{A(t)}{A_0} = \frac{-1}{0,338} \ln 0,2 = 4,76 \text{ ans} \quad t = 4,76 \text{ ans}$$

ط 2 بيانية:  $\frac{A(t)}{A_0} = \frac{20}{100} = \frac{1}{5}$  كما هو مبين على البيان  $t = 4,76 \text{ ans} \approx 4,76 \text{ ans}$

## II-1-أ- إيجاد المعادلة التفاضلية بدلالة $u_R$ :

بتطبيق قانون جمع التوترات: (1)  $E = u_b + u_R$  ، نعوض كلا من  $u_b = L \frac{di}{dt} + ri$  و  $i = \frac{u_R}{R}$  في  $\frac{di}{dt} = \frac{1}{R} \frac{du_R}{dt}$  فنجد  $E = \frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} + r \frac{u_R}{R} + u_R \Rightarrow E = \frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} + u_R \left( \frac{r+R}{R} + 1 \right)$  ثم نبسط

$$0,25 \quad \frac{du_R}{dt} + \left( \frac{r+R}{L} \right) u_R = \frac{RE}{L} \quad \text{إذن} \quad \left( E = \frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} + u_R \left( \frac{r+R}{R} + 1 \right) \right) \times \frac{R}{L}$$

يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة بالعلاقة:  $u_R = A - B e^{-\alpha t}$  . تعيين الثوابت  $A, B, \alpha$ : نشق  $\frac{du_R}{dt} = B \alpha e^{-\alpha t}$

نعوض عبارة  $u_R$  و مشتقة في المعادلة التفاضلية:  $B \alpha e^{-\alpha t} + \left( \frac{r+R}{L} \right) (A - B e^{-\alpha t}) = \frac{RE}{L}$

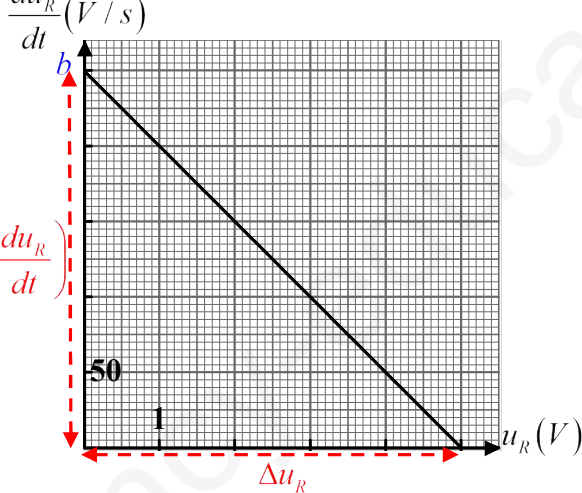
ننشر فنجد  $B \alpha e^{-\alpha t} + \left( \frac{r+R}{L} \right) A - B \left( \frac{r+R}{L} \right) e^{-\alpha t} = \frac{RE}{L}$  نتحقق هذه المعادلة لما:

$$\Rightarrow \begin{cases} A \left( \frac{r+R}{L} \right) = \frac{RE}{L} \Rightarrow A = \frac{RE}{R+r} & 0,25 \\ B \alpha e^{-\alpha t} - B \left( \frac{r+R}{L} \right) e^{-\alpha t} = 0 \Rightarrow B e^{-\alpha t} \left( \alpha - \left( \frac{r+R}{L} \right) \right) = 0 \Rightarrow \alpha - \frac{r+R}{L} = 0 \Rightarrow \alpha = \frac{R+r}{L} & 0,25 \end{cases}$$

و لدينا لما  $t=0$ :  $u_R(0) = Ri(0) = 0$  نعوض في العبارة  $u_R(t=0) = A - B e^{-\alpha \cdot 0} = A - B = 0 \Rightarrow A = B$

$$0,25 \quad A = B = \frac{RE}{R+r} \quad \text{فعبارة} \quad u_R(t) = A - B e^{-\alpha t} = \frac{RE}{R+r} (1 - e^{-\frac{R+r}{L} t}) \quad \text{مع أن ثابت الزمن} \quad \tau = \frac{L}{R+r}$$

1-أ- كتابة معادلة البيان  $\frac{du_R}{dt} = f(u_R)$ : البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته  $\frac{du_R}{dt} = a u_R + b$



نستنتج قيمة الثابت  $b$  من البيان:  $b = 5 \times 50 = 250 \text{ V/S}$

قيمة  $a$  تمثل معامل توجيه البيان الذي يحسب بميل البيان:  $\frac{du_R}{dt} (V/s)$

$$\text{tg } \alpha = \frac{\Delta \frac{du_R}{dt}}{\Delta u_R} = \frac{-5 \times 50}{1 \times 5} = -50 \text{ s}^{-1}$$

$$0,25 \quad \frac{du_R}{dt} = -50 u_R + 250 \quad \text{فمعادلة البيان: (1) } \dots$$

أ- الاستنتاج بيانيا وبلاستعانة بالمعادلة التفاضلية السابقة قيم  $\tau, L$  و  $E$ : لدينا الم الت  $\frac{du_R}{dt} + \left( \frac{r+R}{L} \right) u_R = \frac{RE}{L}$  أي

$$(2) \quad \frac{du_R}{dt} = - \left( \frac{r+R}{L} \right) u_R + \frac{RE}{L} \dots \quad \frac{R+r}{L} = 50 = \frac{1}{\tau} \Rightarrow \tau = \frac{1}{50} = 0,02 \text{ s} \quad \text{و (2): } \tau = 0,02 \text{ s} \quad 0,25$$

$$0,25 \quad L = 0,48 \text{ H} \quad \frac{L}{R+r} = 0,02 \text{ s} \Rightarrow L = 0,02 (R+r) = 0,02 (20+4) = 0,48 \text{ H} \quad \text{أي}$$

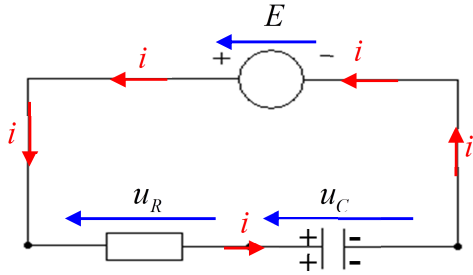
$$0,25 \quad E = 6 \text{ V} \quad \frac{RE}{L} = 250 \Rightarrow RE = 250 L \Rightarrow E = \frac{250 L}{R} = \frac{250 \times 0,48}{20} = 6 \text{ V}$$



3-أ- عبارة شدة التيار الأعظمي:  $I_0 = \frac{E}{R+r}$  حساب قيمته:  $I_0 = \frac{E}{R+r} = \frac{6}{20+4} = 0,25 \text{ A}$  0,25  $I_0 = 0,25 \text{ A}$

ب- حساب الطاقة المخزنة في الوشعة في النظام الدائم:  $E_{b\max} = \frac{1}{2} L I_0^2 = \frac{1}{2} \times 0,48 (0,25)^2 = 0,015 \text{ J}$

0,25  $E_{b\max} = 0,015 \text{ J} = 15 \text{ mJ}$



التمرين الثاني : (04,75 نقطة)

1-1- رسم مخطط للدائرة أبين عليه جهة التيار و التوترات بأسمهم :

1- كتابة المعادلة التفاضلية بدلالة : (0,5)

بتطبيق قانون جمع التوترات: (1)  $E = u_C + u_R$  لدينا:  $u_R = Ri$  و  $i = \frac{dq}{dt}$  و  $u_C = \frac{q}{C}$  إذن  $u_R = R \frac{dq}{dt} = RC \frac{du_C}{dt}$

نعوض عبارة  $u_R$  في العبارة (1):  $\left( E = u_C + RC \frac{du_C}{dt} \right) \times \frac{1}{RC}$  فنجد  $\left( \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC} \right)$  و هي المطلوب. (0,5)

2- يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة بإحدى العبارات التالية :

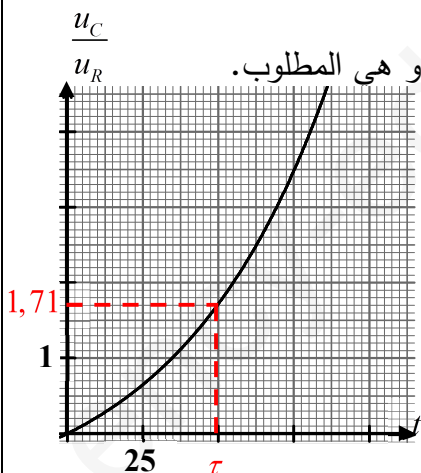
الحل المناسب هو  $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$  التبرير: نعوض الحل في المعادلة التفاضلية: (1)  $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau}) = E - Ee^{-t/\tau}$  (0,25)

نبحث عن المشتق (2)  $\frac{du_C}{dt} = \frac{d}{dt}(E - Ee^{-t/\tau}) = 0 + \frac{E}{\tau} e^{-t/\tau}$  نعوض العبارتين (1) و (2): في المعادلة التفاضلية:

$$\frac{E}{\tau} e^{-t/\tau} + \frac{1}{RC} (E - Ee^{-t/\tau}) = \frac{E}{RC} \Rightarrow \frac{E}{\tau} e^{-t/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{Ee^{-t/\tau}}{RC} = \frac{E}{RC}$$

3- العبارة الزمنية للتوتر  $u_R(t)$  :  $u_R = Ri = R \frac{dq}{dt} = RC \frac{du_C}{dt} = RC \frac{E}{\tau} e^{-t/\tau} = E e^{-t/\tau}$  0,25  $u_R(t) = E e^{-t/\tau}$

إثبات أن :  $\frac{u_C}{u_R} = e^{t/\tau} - 1$  لدينا:  $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$  و  $u_R(t) = E e^{-t/\tau}$  إذن:



و هي المطلوب. (0,5) 0,5  $\frac{u_C}{u_R} = e^{t/\tau} - 1$  إذن  $\frac{u_C}{u_R} = \frac{E(1 - e^{-t/\tau})}{E e^{-t/\tau}} = \frac{(1 - e^{-t/\tau})}{e^{-t/\tau}} = \frac{(1 - e^{-t/\tau}) \times e^{t/\tau}}{e^{-t/\tau} \times e^{t/\tau}} = \frac{e^{t/\tau} - 1}{1} = e^{t/\tau} - 1$

4- استنتاج قيمة  $\tau$ : نعلم حسب المدلول الفيزيائي لـ  $\tau$  أن  $u_C(t = \tau) = 0,63 E$

0,25  $\tau = 50 \text{ ms}$   $\frac{u_C}{u_R}(\tau) = e^1 - 1 = 1,71$  إذن  $u_R(t = \tau) = E e^{-1} = E e^{-1}$

5- إيجاد قيمة المقاومة  $R$ :  $\tau = RC \Rightarrow R = \frac{\tau}{C} = \frac{50 \cdot 10^{-3}}{5 \cdot 10^{-5}} = 10^3 \Omega$  0,25  $R = 10^3 \Omega$

1-1- عند غلق القاطعة المكثفة تتفرغ. (0,25)

2- إثبات أن الطاقة المحولة  $E_D$  تعطى بالعلاقة:  $E_D = E_{\max} - \frac{1}{2} C_{eq} u_C^2$  : الدارة تتكون من مكثفة سعتها  $C_{eq}$  شحنت بمولد و افرغت في ناقل أومي مقاومته  $R$  ، إذن حسب مبدأ انحفاظ الطاقة ، المولد يخزن طاقة أعظمية  $E_{\max}$  توزع في الدارة

بين المكثفة رمزها  $E_C$  و المقاومة رمزها  $E_D$  ( باعتبار أسلاك التوصيل و القاطعة مثالين ) فنكتب

$E_{\max} = E_D + E_C$  إذن  $E_D = E_{\max} - E_C$  و لدينا  $E_C = \frac{1}{2} C_{eq} u_C^2$  إذن  $E_D = E_{\max} - \frac{1}{2} C_{eq} u_C^2$  و هي المطلوب.

حيث  $E_{\max}$  الطاقة المحولة العظمى، يطلب إعطاء عبارتها بدلالة  $C_{eq}$  و  $E$ .

3- كتابة معادلة البيان: البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته  $E_D = a u_c^2 + b$  نستنتج قيمة الثابت  $b$  من البيان:  $b = 0,5 \text{ mJ}$

قيمة  $a$  تمثل معامل توجيه البيان الذي يحسب بميل البيان:

$$\tan \alpha = \frac{\Delta E_D}{\Delta u_c^2} = \frac{-0,5 \cdot 10^{-3}}{100} = -5 \times 10^{-6} \text{ J/V}^2$$

فمعادلة البيان:  $E_D = -5 \cdot 10^{-6} u_c^2 + 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ (J)}$  (0,5)

استنتاج قيمة كلاً من  $E$  و  $C_{eq}$ : لدينا  $E_D = E_{\max} - \frac{1}{2} C_{eq} u_c^2$  أي  $E_D = -\frac{1}{2} C_{eq} u_c^2 + E_{\max}$  بالمطابقة بين هذه المعادلة و

$$\text{معادلة البيان نجد: } \frac{1}{2} C_{eq} = 5 \cdot 10^{-6} \Rightarrow C_{eq} = 2 \times 5 \times 10^{-6} = 10^{-5} \text{ F} \quad (0,25)$$

كذلك  $E_{\max} = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ J}$  وهي الطاقة الأعظمية التي يقدمها المولد للدائرة. لدينا  $E = u_c(t) + u_R(t)$  و لما تكون المكثفة

مشحونة تماماً  $E = u_{C_{\max}} + \underbrace{u_R(t)}_{=0}$  و بالتالي تكون  $E_{\max} = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ J}$  و تكون  $E_{\max} = \frac{1}{2} C_{eq} E^2$  إذن

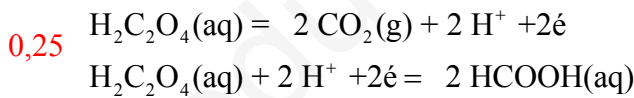
$$\text{(0,25)} \quad \boxed{E = 10 \text{ V}} \quad E_{\max} = \frac{1}{2} C_{eq} E^2 \Rightarrow E^2 = \frac{2 E_{\max}}{C_{eq}} = \frac{2 \times 0,5 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-5}} = 20 \Rightarrow E = \sqrt{100} = 10 \text{ V}$$

1- استنتاج نمط الربط و تحديد العدد  $n$ : لدينا  $C = 5 \times 10^{-5} \text{ F}$  و  $C_{eq} = 10^{-5} \text{ F}$  نلاحظ أن  $C_{eq} < C$  أي أن الربط كان على

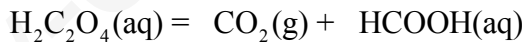
التسلسل (لأن التوصيل على التفرع يجعل السعة أكبر) و المكثفات المستعملة متماثلة أي  $\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C} + \frac{1}{C} + \dots$  (0,25)

$$\text{(0,25)} \quad \boxed{n = 5} \quad n = \frac{C}{C_{eq}} = \frac{5 \times 10^{-5}}{10^{-5}} = 5 \quad \text{أي} \quad \frac{1}{C_{eq}} = \frac{n}{C}$$

التمرين التجريبي: (08,5 نقاط)



1- اثبات أن التفاعل الحادث أكسدة - ارجاع:  $2 \text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4(\text{aq}) = 2 \text{CO}_2(\text{g}) + 2 \text{HCOOH}(\text{aq})$



التنائييتين الداخلتين في التفاعل:  $(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4 / \text{HCOOH})$  و  $(\text{CO}_2 / \text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)$  (0,25)

2- تعريف الحمض حسب تعريف برونشستد: هو كل فرد كيميائي بإمكانه فقدان  $\text{H}^+$  أو أكثر خلال تفاعل كيميائي. (0,25)

3- تصنيف هذا التفاعل من حيث المدة المستغرقة: حسب جدول القياسات نلاحظ أن عند 75 min لم يثبت بعد حجم

الغاز المنطلق إذن فهو تفاعل بطيء. (0,25)

4- إثبات أن الحجم المولي في شروط التجربة هو  $V_m = 25 \text{ L/mol}$ : لدينا معادلة الغاز المثالي:  $P V = n R T$  لما يكون

الحجم هو الحجم المولي أي  $n = 1 \text{ mol}$  فيكون

(0,25)

$$P V_m = RT \Rightarrow V_m = \frac{RT}{P} = \frac{8,31 \times 301}{10^5} = 2501,31 \times 10^{-5} \text{ m}^3 = 25,0131 \times 10^{-3} \text{ m}^3 / \text{L} = 25 \text{ L/mol}$$

$$T = 28 + 273 = 301 \text{ K}$$

5- أ- إيجاد عبارة التقدم  $x$  بدلالة  $V_{CO_2}$ :

جدول التقدم:

	$\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4(\text{aq}) = \text{CO}_2(\text{g}) + \text{HCOOH}(\text{aq})$		
ح إ	$2 \times 10^{-3}$	0	0
ح و	$2 \times 10^{-3} - x$	$x$	$x$
ح ن	$2 \times 10^{-3} - x_f$	$x_f$	$x_f$

$$M_{(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)} = 2 M_{\text{H}} + 2 M_{\text{C}} + 4 M_{\text{O}} \\ = 2 \times 1 + 2 \times 12 + 4 \times 16 = 90 \text{ g/mol}$$

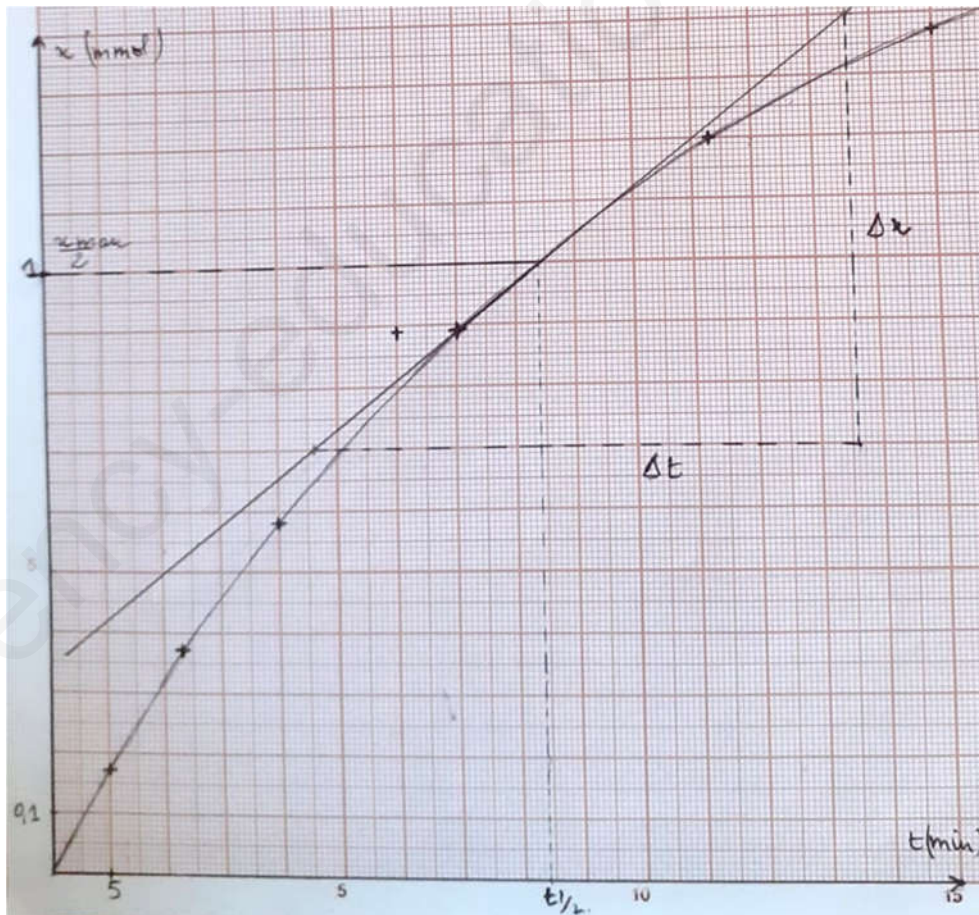
$$n_{0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)} = \frac{m}{M} = \frac{0,18}{90} = 0,002 \text{ mol} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

حسب جدول التقدم الحالة الوسطية نلاحظ أن  $n_{CO_2} = x$  إذن  $x(t) = \frac{V_{CO_2}(t)}{V_m}$

حساب قيم  $x$  عند كل لحظة : 0,25 مثلا  $x(5 \text{ min}) = \frac{V_{CO_2}(5 \text{ min})}{V_m} = \frac{4,2 \times 10^{-3} \text{ L}}{25 \text{ L/mol}} = 0,168 \times 10^{-3} \text{ mol} = 0,168 \text{ mmol}$

$t(\text{min})$	0	5	11,6	20	35	56,7	75
$x(\text{mmol})$	0	0,17	0,37	0,58	0,89	1,20	1,37

ب- رسم البيان  $x = f(t)$ :



0,25

ج- تحديد زمن نصف التفاعل: لدينا  $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$  حسب جدول التقدم المتفاعل المحد هو حمض الأوكساليك  $H_2C_2O_4$

0,25  $t_{1/2} \approx 8,4 \times 5 = 42 \text{ min}$   $\frac{x_{\max}}{2} = 10^{-3} \text{ mol}$  إذن  $x_{\max} = n_{0(H_2C_2O_4)} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$  بياننا نجد

0,25 حساب سرعة التفاعل عند اللحظة  $t = t_{1/2}$  : عبارة سرعة التفاعل  $V = \frac{dx}{dt}$

حسابها بياننا عند  $t = t_{1/2}$  نرسم مماس البيان  $x(t)$  ثم نحسب ميله  $\text{mmol/min}$   $\text{tg} \alpha = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{7 \times 0,1}{9 \times 5} = 1,55 \times 10^{-2}$

0,25  $V(t_{1/2}) = \frac{\Delta x}{\Delta t} = 1,55 \times 10^{-2} \text{ mmol/min}$  و تكون

د- استنتاج كتلة حمض الميثانويك  $HCOOH$  المتحصل عليه عند نهاية التفاعل: حسب جدول التقدم يكون

$n_{f(HCOOH)} = \frac{m_f}{M_{(HCOOH)}} \Rightarrow m_f = x_{\max} \times M_{(HCOOH)} = 2 \times 10^{-3} \times 46 = 92 \times 10^{-3} \text{ g}$  أي  $n_{f(HCOOH)} = x_{\max} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$

0,25  $n_{f(HCOOH)} = 92 \times 10^{-3} \text{ g} = 92 \text{ mg}$   $M_{(HCOOH)} = 2 M_H + M_C + 2 M_O = 2 \times 1 + 1 \times 12 + 2 \times 16 = 46 \text{ g/mol}$

6- أ- توضيح الخطوات التجريبية لتحضير محلول  $HCOOH(aq)$ : تم استخلاص الناتج في التفاعل السابق. نذيب

حمض الميثانويك  $HCOOH$  المتحصل عليه عند نهاية التفاعل في حجم  $V = ?$  من الماء المقطر فنحصل على محلول

تركيزه المولي  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  وله  $pH = 2,9$ . لذا نحسب حجم المحلول  $V = \frac{n}{C} = \frac{2 \times 10^{-3}}{10^{-2}} = 0,2 \text{ L} = 200 \text{ mL}$

الطريقة المتبعة: بعد استخلاص الناتج  $HCOOH(s)$  من التفاعل السابق و تجفيفه، نفرغه باستعمال ملعقة في حوجة 0,25

عيارية عيارها 200 mL مزودة بقمع ، نضيف حجما من الماء المقطر ، نرج جيدا لأجل ذوبان المادة الصلبة ثم نضيف

الماء المقطر إلى غاية خط العيار. نغلق الحوجة و نرجها جيدا لأجل تجانس المحلول. و نكون قد حضرنا محلولاً من

$HCOOH(aq)$  تركيزه  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$ .

ب- كتابة معادلة انحلال الحمض في الماء:  $HCOOH(aq) + H_2O(l) = HCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$  0,25

ج- إثبات بالعلاقة:  $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$  :  $Ka = \frac{[HCOO^-]_f \times [H_3O^+]_f}{[HCOOH]_f}$

	$HCOOH(aq) + H_2O(l) = HCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$			
ح !	C V	وفرة	0	0
ح و	C V - x		x	x
ح ن	C V - x <sub>f</sub>		x <sub>f</sub>	x <sub>f</sub>

لدينا حسب جدول التقدم:

$[HCOO^-]_f = [H_3O^+]_f$

إذن  $Ka = \frac{[H_3O^+]_f^2}{[HCOOH]_f} \dots (1)$

0,25  $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$  فنجد  $[H_3O^+]_f = 10^{-pH}$  و  $[HCOOH]_f = C - [H_3O^+]_f$  نعوض في العبارة (1)

0,25

حساب قيمة  $Ka$ :  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  و  $pH = 2,9$  نعوض  $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}} = \frac{10^{-2 \times 2,9}}{10^{-2} - 10^{-2,9}} = 1,8 \times 10^{-4}$   $Ka = 1,8 \times 10^{-4}$

د- مقارنة قوة حمض الأكساليك وحمض الميثانويك:  $\text{PKa}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 1,2$  أي  $\text{Ka} = 10^{-\text{pKa}} = 10^{-1,2} = 6,3 \cdot 10^{-2}$

نقارن قيم ثابتي الحموضة:  $\text{Ka}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 6,3 \cdot 10^{-2}$  و  $\text{Ka}(\text{HCOOH}/\text{HCOO}^-) = 1,8 \cdot 10^{-4}$

$6,3 \cdot 10^{-2} \gg 1,8 \cdot 10^{-4}$  إذن حمض الأوكساليك  $\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$  أقوى من حمض الميثانويك  $\text{HCOOH}$ . 0,25

II - 1 - أ- حساب  $\text{pH}$  المحلول :

$$\text{Ke} = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \times [\text{OH}^-]_f \Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+]_f = \frac{\text{Ke}}{[\text{OH}^-]_f} = \frac{10^{-14}}{3,16 \times 10^{-3}} = 3,16 \times 10^{-12} \text{ mol / L}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}_3\text{O}^+]_f = -\log(3,16 \times 10^{-12}) = 11,5 \quad \boxed{\text{pH} = 11,5} \quad 11,5 > 7 \text{ فالمحلول قاعدي. 0,25}$$

ب- إيجاد الصيغة المجملة لهذا المركب الكيميائي B :

$$\text{علما أن } M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 12n + 2n + 1 + 14 + 2 = 14n + 17 = 31 \cdot M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 31 \text{ g/mol}$$

$$14n + 17 = 31 \Rightarrow 14n = 31 - 17 = 14 \Rightarrow 14n = 14 \Rightarrow n = 1 \quad \text{CH}_3\text{NH}_2 : \text{B} \quad \text{0,25}$$

ت- معادلة انحلال في الماء:  $\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_2\text{O}(l) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{OH}^-(aq)$  0,25

جدول تقدم التفاعل: 0,25

$\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_2\text{O}(l) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{OH}^-(aq)$				
ح إ	$C_B V$	بوفرة	0	0
ح و	$C_B V - x$		$x$	$x$
ح ن	$C_B V - x_f$		$x_f$	$x_f$

د- اثبات أن نسبة التقدم النهائي تكتب على الشكل  $\tau_f = \frac{\text{Ke}}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f}$  لدينا (2) ...  $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[\text{OH}^-]_f \times V}{C_B V}$

$$\tau_f = \frac{\text{Ke}}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f} \quad \text{فنجد} \quad \text{Ke} = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \times [\text{OH}^-]_f \Rightarrow [\text{OH}^-]_f = \frac{\text{Ke}}{[\text{H}_3\text{O}^+]_f} \quad \text{0,25}$$

$$\tau_f = \frac{\text{Ke}}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f} \Rightarrow C = \frac{[\text{OH}^-]_f}{\tau_f} = \frac{3,16 \times 10^{-3}}{0,1373} = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L} : C_B \text{ قيمة } \tau_f = 0,1373 \quad \text{0,25}$$

$$\text{هـ- عبارة ثابت الحموضة } Ka \text{ للثنائية } (\text{CH}_3\text{NH}_3^+ / \text{CH}_3\text{NH}_2) : Ka = \frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]_f \times [\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]_f}$$

حسب جدول التقدم:  $[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]_f = [\text{OH}^-]_f = \frac{x_f}{V}$  و  $[\text{CH}_3\text{NH}_2]_f = C_B - \frac{x_f}{V} = C_B - [\text{OH}^-]_f$  نعوض في عبارة  $Ka$

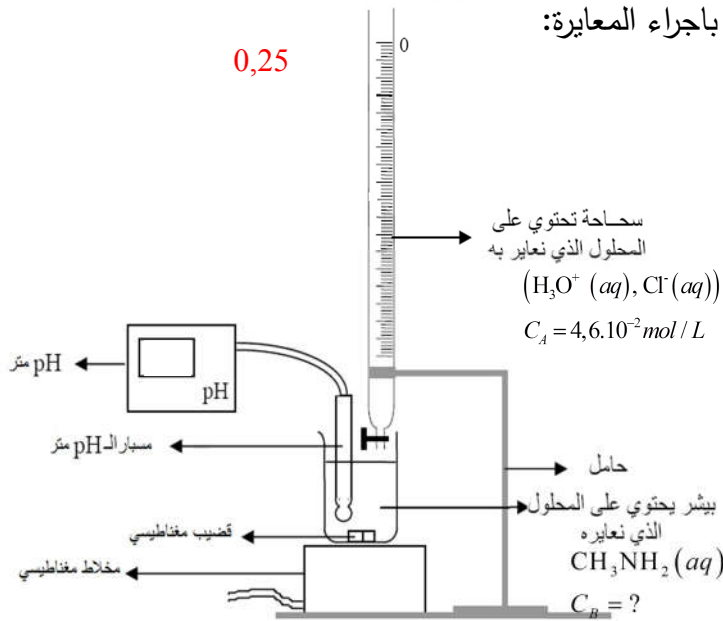
$$Ka = \frac{(C_B - [\text{OH}^-]_f) \times [\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{OH}^-]_f} = \frac{(2,3 \times 10^{-2} - 3,16 \times 10^{-3}) 3,16 \times 10^{-12}}{3,16 \times 10^{-3}} = 1,98 \times 10^{-11} \quad \text{نجد: 0,25}$$

$$Ka = 1,98 \times 10^{-11} \approx 2 \times 10^{-11} \quad \text{0,25}$$



استنتاج قيمة  $pka$  :  $pka = -\log Ka = 12,3$   $pka = 12,3$   $0,25$

1-أ- رسم البروتوكول التجريبي الذي يسمح بإجراء المعايرة:



ب- معادلة تفاعل المعايرة:  $CH_3NH_2(aq) + H_3O^+(aq) = CH_3NH_3^+(aq) + H_2O(l)$   $0,25$

ج- جدولاً لتقدم التفاعل:  $0,25$

	$CH_3NH_2(aq) + H_3O^+(aq) = CH_3NH_3^+(aq) + H_2O(l)$		
ح أ	$C_B V_B$	$C_A V_A$	0
ح ب	$C_B V_B - x$	$C_A V_A - x$	$x$
ح ج	$C_B V_B - x_{\max}$	$C_A V_A - x_{\max}$	$x_{\max}$

د- إحدائي نقطة التكافؤ: بطريقة المماسين المتوازيين نجد  $E(V_{AE} = 11,2 \text{ mL}, pH_E = 6,3)$   $0,25$

حساب قيمة  $C_B$ : عند التكافؤ المزيج ستوكيومترى أي

$0,25$   $C_B = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$   $C_B V_B = C_A V_{AE} \Rightarrow C_B = \frac{C_A V_{AE}}{V_B} = \frac{4,6 \times 10^{-2} \times 11,2}{22,4} = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$

هـ- تحديد الأنواع الكيميائية الموجودة في المزيج بعد إضافة حجم قيمته  $V_A = 5,6 \text{ cm}^3$  من الحمض:

عند هذه النقطة توجد الأنواع الكيميائية:  $CH_3NH_2$ ،  $CH_3NH_3^+$ ،  $Cl^-$  و الماء بوفرة.

$V_A < V_{AE}$  إذن المتفاعل المحد هو المعايير  $H_3O^+$  إذن حسب جدول التقدم يكون  $C_A V_A - x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = C_A V_A$

نلاحظ أن  $\frac{11,2}{2} = 5,6$  إذن  $V_A = 5,6 \text{ cm}^3 = \frac{V_{AE}}{2}$  و هذا يوافق نقطة نصف التكافؤ حيث لا توجد صفة غالبية

أي  $[CH_3NH_3^+] = [CH_3NH_2] = \frac{C_A V_A}{V_A + V_B} = \frac{4,6 \times 10^{-2} \times 5,6}{22,4 + 5,6} = 0,92 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$

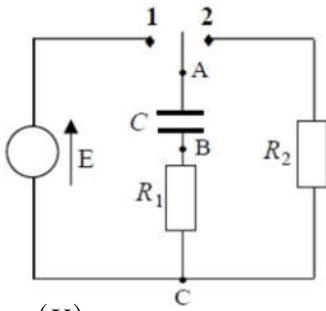
$0,75$   $[CH_3NH_3^+] = [CH_3NH_2] = [Cl^-] = 9,2 \times 10^{-3} \text{ mol / L}$   $[Cl^-] = \frac{C_A V_A}{V_A + V_B} = 0,92 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$

و- الكاشف الملون المناسب لتجربة المعايرة السابقة: لدينا  $pH_E = 6,3$  إذن الكاشف الملون المناسب هو أحمر الميثيل مجال

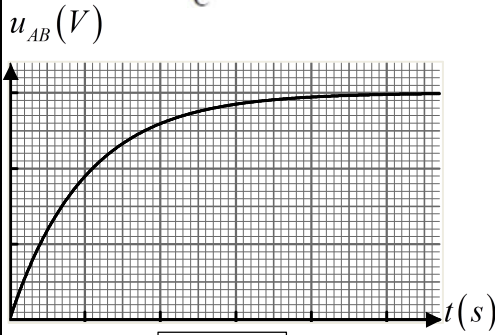
تغيره اللوني (4,8 - 6,3) يشمل نقطة التكافؤ.  $0,25$  وفقكم الله جميعا

## الاختبار الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

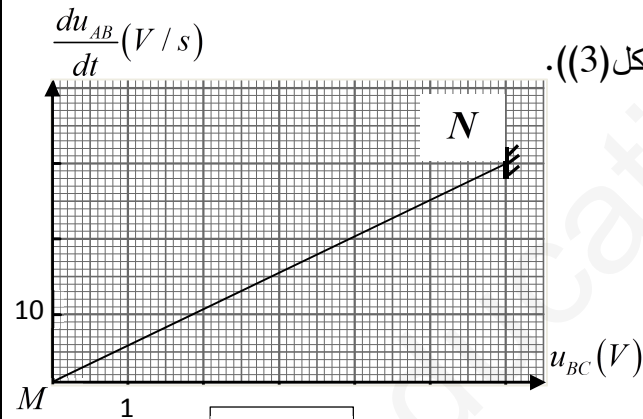
## التمرين الأول: (06 نقاط)



الشكل (1)



الشكل (2)



الشكل (3)

تضم الدارة الكهربائية الممثلة في الشكل (1):

مولد قوته المحركة الكهربائية  $E$  ، ناقلين أوميين  $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$  و  $R_2$  .  
مكتفة فارغة سعتها  $C$  و بادلة مقاومتها مهملة.

1- نضع البادلة في الوضع (1) عند اللحظة  $t = 0$  .

1- جـ العلاقة بين  $\frac{du_{AB}}{dt}$  و  $u_{BC}$  .

2- يمكن متابعة تطور التوتر  $u_{AB}$  ، و تمثيل البيان  $u_{AB}(t)$  في الشكل (2).

أ- بين كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي من أجل مشاهدة  $u_{AB}(t)$  .

ب- بين كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي للتمكن من مشاهدة كيفية تطور شدة التيار؟

ج- اشرح كيف يتم شحن المكتفة على المستوى المجهرى.

مثّلنا بواسطة برنامج إعلام آلي مناسب البيان  $\frac{du_{AB}}{dt} = f(u_{BC})$  (الشكل (3)).

د- من بين النقطتين  $(M)$  و  $(N)$  في الشكل (3).

أيهما توافق لحظة غلق القاطعة؟

هـ- أوجد معادلة البيان الممثل في الشكل (3) .

و- أحسب سعة المكتفة.

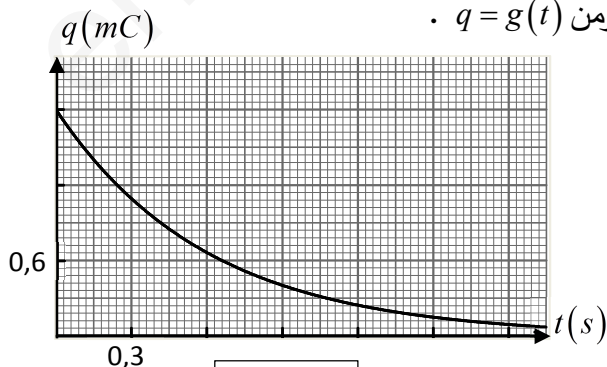
ي- ضع سلما لمحوري بيان الشكل (2).

II- نفرغ المكتفة ، ثم نوصل معها بين النقطتين  $A$  و  $B$  مكتفة أخرى سعتها  $C'$  .

نضع البادلة في الوضع (1)، و لما يتم الشحن تماما نضع البادلة على الوضع (2) عند اللحظة  $t = 0$  .

1- ماهي القيمة الجديدة لـ  $u_{BC}(0)$  ؟

2- مثّلنا في الشكل (4) شحنة اللبوس الموجب للمكتفة الناتجة بدلالة الزمن  $q = g(t)$  .



الشكل (4)



## التمرين الثاني:

تحتوي دائرة كهربائية على التسلسل: مولد للتوتر المستمر  $E = 12 \text{ V}$  و ناقل أومي قيمة مقاومته  $R = 5 \Omega$  ووشية  $(L, r)$  وقاطعة.

1- أرسم الدائرة الكهربائية موضحا عليها كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبلي لمشاهدة التوتر  $u_R$  عند غلق القاطعة.

2- أكتب المعادلة التفاضلية بدلالة شدة التيار  $i(t)$ .

3- المعادلة التفاضلية تقبل حلا من الشكل:  $i(t) = \frac{b}{a}(1 - e^{-at})$ .

عبر عن الثابتين  $a$  و  $b$  بدلالة:  $E, R, L, r$ .

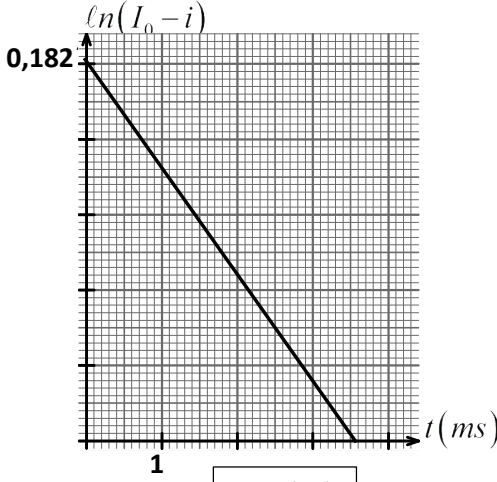
4- يمثل البيان الممثل في الشكل (5)، تغيرات  $\ln(I_0 - i)$  بدلالة الزمن  $t$

حيث شدة التيار تقاس بوحدتها الدولية.

أ- أوجد من البيان قيمة كلا من  $I_0$  و ثابت الزمن  $\tau$ .

ب- أحسب قيمتي  $L$  و  $r$  للوشية.

ج- أحسب قيمة التوتر بين طرفي الوشية عند  $t = 0$  و  $t = 0,2 \text{ s}$ .



الشكل (5)

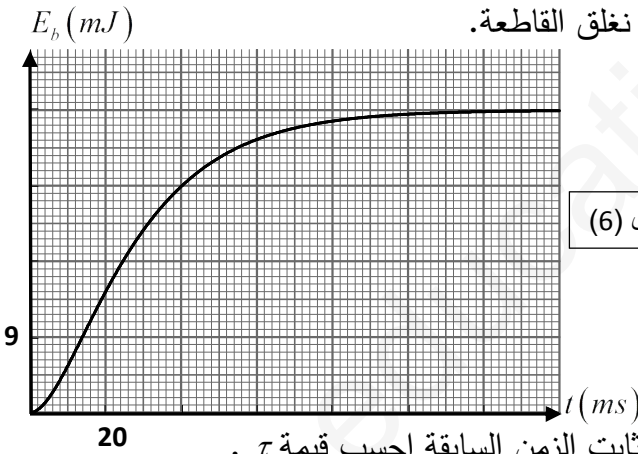
5- نستعمل الآن مولدا للتوتر المستمر  $E = 6 \text{ V}$  في الدارة السابقة ثم نغلق القاطعة.

أ- اعط عبارة الطاقة المخزنة في الوشية  $E_b(t)$  بدلالة الزمن.

ب- بين أن ثابت الزمن يمكن كتابته بالعبارة التالية:

$$\tau = \frac{-t}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right)}$$

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \text{ حيث}$$



الشكل (6)

ج- باستغلال المنحنى البياني للطاقة الممثل في الشكل (6) و عبارة ثابت الزمن السابقة احسب قيمة  $\tau$ .

## التمرين الثالث:

لعنصر البولونيوم  $Po$  عدة نظائر مشعة، أحدها فقط طبيعي ومشع، نواته  ${}^A_Z Po$  و التي تتفكك إلى نواة الرصاص  ${}^{206}_{82} Pb$  و تصدر جسيما  $\alpha$ .

1- أ- ما المقصود بكل من النظير والنواة المشعة.

ب- أكتب معادلة التفكك ثم استنتج قيمتي  $A$  و  $Z$ .

2- ليكن  $N_0$  عدد الأنوية المشعة الموجودة في عينة من النظير  ${}^A_ZPo$  في اللحظة  $t=0$ ، عدد الأنوية المشعة غير المتفككة الموجودة في العينة في اللحظة  $t$ .

أ- اختر عبارة التناقص الإشعاعي للأنوية  $N(t)$  مما يلي:

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t} , N(t) = N_0 - e^{\lambda t} , N(t) = N_0 e^{-\lambda/t} , N(t) = N_0 e^{\lambda t} , N(t) = N_0 + e^{-\lambda t}$$

ب- استنتج عبارة  $N_{pb}(t)$  عدد أنوية الرصاص  ${}^{206}_{82}Pb$  الناتجة في اللحظة  $t$  بدلالة  $N_0$  و  $\lambda$ . استنتج  $N_{pb}(\infty)$ .

3- يمثل الشكل (7) تغيرات عدد أنوية الرصاص الناتجة بدلالة الزمن  $t$ .

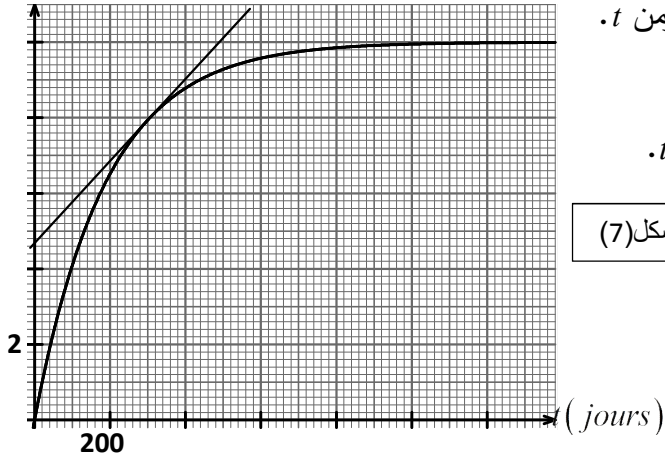
بالاعتماد على البيان استنتج مايلي:

أ- عدد الأنوية المشعة  $N_0$  الموجودة في عينة النظير  ${}^A_ZPo$  لما  $t=0$ .

ب- ثابت الزمن  $\tau$  للنواة  ${}^A_ZPo$ .

4- استنتج نشاط العينة المشعة عند اللحظة  $t = 300$  ج.

الشكل (7)



5- المخطط الممثل في الشكل (8) يبين الحويلة الكتلية لتفكك النظير المشع  ${}^A_ZPo$  إلى الرصاص.

أ- استنتج طاقة الربط  $E_\ell$  للنواة  ${}^A_ZPo$ .

ب- الطاقة المحررة من تفكك نواة واحدة.

ج- رتب الأنوية التالية حسب تزايد استقرارها:

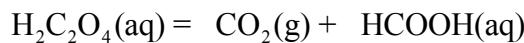
$${}^{239}_{94}Pu , {}^{102}_{42}Mo , {}^A_ZPo$$

$$E_{\ell({}^{102}_{42}Mo)} = 877,2 \text{ MeV} , 1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV}/c^2$$

$$E_{\ell({}^{239}_{94}Pu)} = 1792,5 \text{ MeV}$$

التمرين التجريبي : (06 نقاط)

أ- حمض الأكساليك  $H_2C_2O_4$  يتفكك حراريا وفق تفاعل تام نمذجته بمعادلة التفاعل الكيميائي :



نتابع التفكك لكتلة  $m = 0,18 \text{ g}$  من حمض الأكساليك بقياس حجم غاز الفحم المنطلق عند درجة حرارة ثابتة  $28^\circ C$  وتحت

ضغط  $P = 10^5 \text{ Pa}$  فنحصل على نتائج ندونها في الجدول :

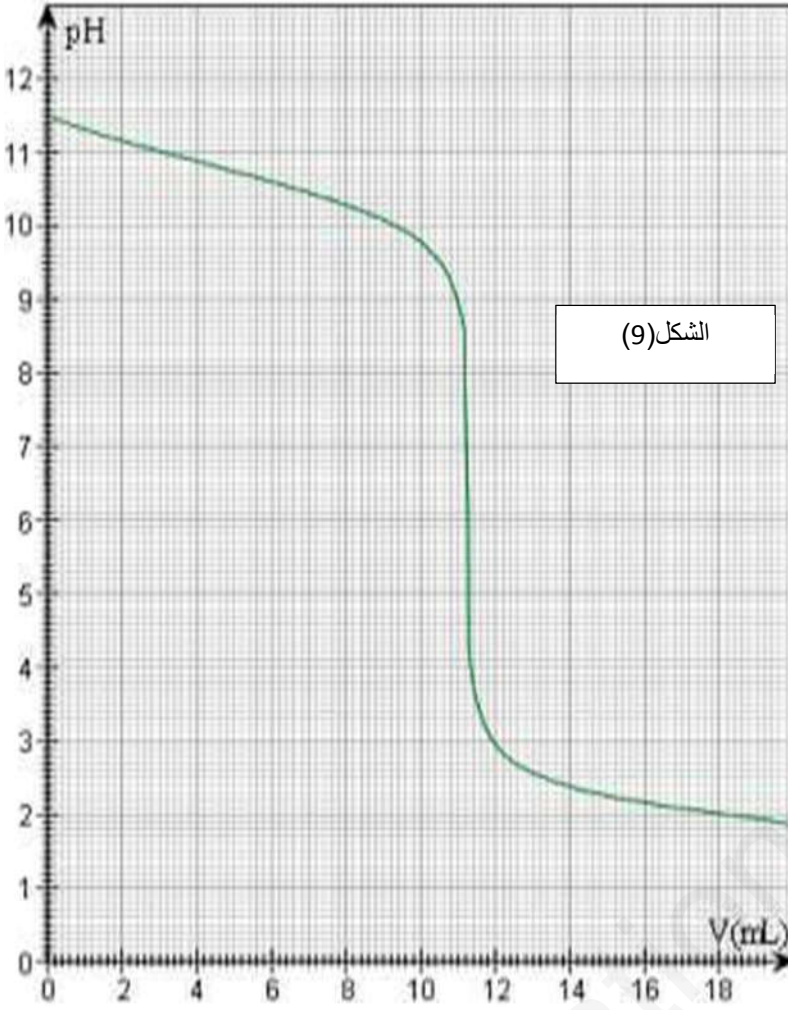
$t(\text{min})$	0	5	11,6	20	35	56,7	75
$V_{CO_2}(\text{mL})$	0	4,2	9,2	14,6	22,2	29,9	34,3

- 1- أثبت أن التفاعل الحادث أكسدة - ارجاع مع ايجاد الثنائيتين الداخلتين في التفاعل.
  - 2- عرف الحمض حسب تعريف برونشتد.
  - 3- صنف هذا التفاعل من حيث المدة المستغرقة.
  - 4- بين أن الحجم المولي في شروط التجربة هو  $V_m = 25 \text{ L/mol}$ .
  - 5- بالاستعانة بجدول تقدم التفاعل :
    - أ- أوجد عبارة التقدم  $x$  بدلالة حجم غاز الفحم المنطلق واحسب عند كل لحظة قيمته.
    - ب- أرسم البيان  $x = f(t)$ .
    - ج- حدد زمن نصف التفاعل ، احسب سرعة التفاعل عند اللحظة  $t = t_{1/2}$ .
    - د- استنتج كتلة حمض الميثانويك  $\text{HCOOH}$  المتحصل عليه عند نهاية التفاعل.
  - 6- تم استخلاص  $\text{HCOOH}$  الناتج في التفاعل السابق. نذيب حمض الميثانويك  $\text{HCOOH}$  المتحصل عليه عند نهاية التفاعل في حجم  $V$  من الماء المقطر فنحصل على محلول تركيزه المولي  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  وله  $\text{pH} = 2,9$ .
    - أ- وضح كيف يمكن تحضير هذا المحلول.
    - ب- أكتب معادلة انحلال الحمض في الماء.
    - ج- بين أنه يمكن كتابة عبارة ثابت الحموضة بالعلاقة التالية :  $Ka = \frac{10^{-2\text{pH}}}{C - 10^{-\text{pH}}}$  ، احسب قيمته.
    - د- قارن بين قوة حمض الأكساليك وحمض الميثانويك.
- المعطيات :**

$$R = 8,31 \text{ SI} , M_O = 16 \text{ g/mol} , M_C = 12 \text{ g/mol} , M_H = 1 \text{ g/mol} , \text{PKa}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 1,2$$

- II- محلول مائي لمركب كيميائي  $B$  صيغته العامة  $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2$  ، تركيزه المولي بشوارد  $\text{OH}^-$  يساوي  $3,16 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$  ونسبة تقدمه النهائي  $\tau_f = 13,73 \%$ .
  - 1-أ- أحسب  $\text{pH}$  هذا المحلول وبين طبيعته (محلول حمضي أو أساسي).
  - ب- أوجد الصيغة المجملة لهذا المركب الكيميائي . علما أن  $M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 31 \text{ g/mol}$ .
  - ج- أكتب معادلة انحلاله في الماء ثم انشئ جدول تقدم التفاعل.
  - د- اثبت أن نسبة التقدم النهائي يمكن كتابتها على الشكل :  $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f}$  ، ثم احسب قيمة  $C_B$ .
  - هـ- أعط عبارة ثابت الحموضة  $Ka$  للثنائية (أساس / حمض) الموافقة واحسب قيمته، استنتج قيمة  $\text{pka}$ .

2- للتأكد من قيمة التركيز المولي السابق  $C_B$  نحري معايرة  $pH$  متريّة لحجم  $V_B = 22,4 \text{ mL}$  من محلول المركب  $B$  بواسطة محلول لحمض كلور الماء  $(\text{H}_3\text{O}^+ (aq), \text{Cl}^- (aq))$  تركيزه المولي  $C_A = 4,6 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L}$  فكان البيان الممثل



لتغيرات  $pH = f(V_A)$  الشكل (9).

أ- أرسم البروتوكول التجريبي الذي يسمح بأجراء هذه المعايرة.

ب- أكتب معادلة التفاعل المنمذجة لتحول المعايرة.

ج- أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل.

د- جد إحداثيي نقطة التكافؤ و احسب قيمة  $C_B$ .

هـ- حدد الأنواع الكيميائية الموجودة في المزيج بعد

إضافة حجم قيمته  $V = 5,6 \text{ cm}^3$  من الحمض.

ثم أحسب التركيز المولي لكل منها.

و- ما هو الكاشف الملون المناسب لتجربة المعايرة السابقة من بين الكواشف الملونة :

الكاشف	أخضر البروموكريزول	أحمر الميثيل	فينول فتالين
مجال التغير اللوني	5,4 - 3,8	6,3 - 4,8	10 - 8,2

المعطيات :  $M_N = 14 \text{ g/mol}$  ،  $M_H = 1 \text{ g/mol}$  ،  $M_C = 12 \text{ g/mol}$  ،  $K_e = 10^{-14}$

\*\*\* بالتوفيق \*\*\*

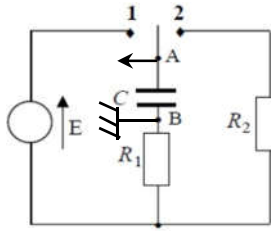
## التمرين الأول: (03,5 نقطة)

1- نضع البادلة في الوضع (1) عند اللحظة  $t = 0$ .

1- جد العلاقة بين  $\frac{du_{AB}}{dt}$  و  $u_{BC}$  :  $u_{BC} = u_R$  ،  $u_{AB} = u_C$

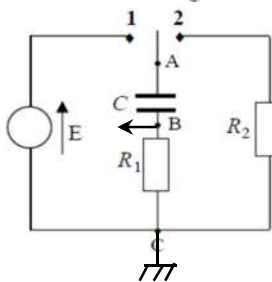
بتطبيق قانون جمع التوترات:  $E = u_C + u_R$  لدينا:  $u_R = Ri$  و  $i = \frac{dq}{dt}$  إذن  $u_R = R \frac{dC u_C}{dt} = RC \frac{du_C}{dt}$

$$\text{إذن } u_R = RC \frac{du_C}{dt} \text{ إذن } u_{BC} = RC \frac{du_{AB}}{dt} \quad (0,25)$$



2-أ- كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي من أجل مشاهدة  $u_{AB}(t)$  : (0,25)

نوصل المدخلين ( الأرضي و المدخل  $y_A$  ) بين طرفي المكثفة كما في الشكل المقابل.



أ- كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة كيفية تطور شدة التيار : (0,25)

نوصل المدخلين ( الأرضي و المدخل  $y_B$  ) بين طرفي المقاومة كما في الشكل المقابل.

حيث نشاهد  $u_R(t) = Ri(t)$  و هو نفس شكل البيان  $i(t)$ .

ج- شرح كيف يتم شحن المكثفة على المستوى المجهري: يطبق المولد توترا كهربائيا بين طرفي الدارة فيعمل كمضخة لتحريك

الالكترونات من قطبه السالب (-) (المنخفض الكمون) فتتجمع على اللبوس B للمكثفة و بالمقابل اللبوس A تغادره

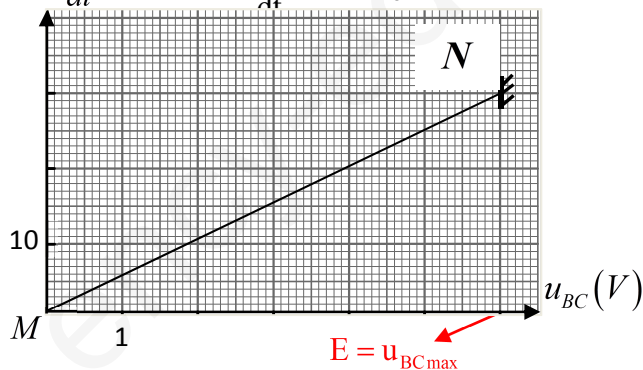
الالكترونات نحو القطب (+) للمولد ذو الكمون المرتفع فيشحن بالموجب. تتوقف عملية الشحن لما يكون  $E = u_C$ . (0,25)

د- من بين النقطتين (M) و (N) في الشكل (3). النقطة التي توافق لحظة غلق القاطعة هي N لأن عندها حسب البيان

يكون  $u_{BC} = u_R = Ri$  أعظمي لأن تيار الشحن يكون أعظميا في البداية ثم يتناقص تدريجيا إلى أن تنتهي عملية الشحن

عند النقطة M. (0,25)

هـ- معادلة البيان  $\frac{du_{AB}}{dt} = f(u_{BC})$ : البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته  $\frac{du_{AB}}{dt} = a u_{BC}$   $\frac{du_{AB}}{dt} (V/s)$



قيمة a تمثل معامل توجيه البيان الذي يحسب بميل البيان:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\Delta \frac{du_{AB}}{dt}}{\Delta u_{BC}} = \frac{3 \times 10}{1 \times 6} = 5 \text{ s}^{-1}$$

$$\text{فمعادلة البيان: } \frac{du_{AB}}{dt} = 5 u_{BC} \quad (0,25)$$

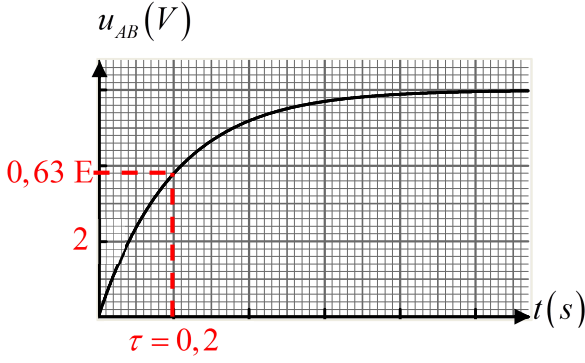
و- حساب سعة المكثفة: من المعادلة (1)  $\left( u_{BC} = R_1 C \frac{du_{AB}}{dt} \right) \times \frac{1}{R_1 C} \Rightarrow \frac{du_{AB}}{dt} = \frac{1}{R_1 C} u_{BC} \dots$

بالمطابقة بين معادلة البيان  $\frac{du_{AB}}{dt} = 5 u_{BC}$  و المعادلة (1):

$$\frac{1}{R_1 C} = 5 \Rightarrow \tau = R_1 C = \frac{1}{5} = 0,2 \text{ s} \Rightarrow C = \frac{\tau}{R_1} = \frac{0,2}{10^3} = 2 \times 10^{-4} \text{ F} \quad (0,25)$$

ي- وضع سلم لمحموري بيان  $u_{AB}(t)$ : البيان يمثل تغيرات  $u_C(t)$  خلال الشحن.

حسب قانون جمع التوترات عند بداية الشحن  $t=0$  يكون  $E = u_C + u_R$  فيكون  $E = u_{BC\max}$  و حسب البيان



$$u_{BC\max} = 6 \text{ V} \text{ لدينا } \frac{du_{AB}}{dt} = f(u_{BC}) \text{ عند النقطة N}$$

إذن السلم على محور الترتيب:  $1 \text{ cm} \rightarrow 2 \text{ V}$  (0,25)

و على محور الفواصل:  $u_{AB}(\tau) = 0,63 \text{ E} \rightarrow 0,63 \times 3 \text{ cm} = 1,89 \text{ cm}$

بياننا نجد السلم على محور الفواصل:  $1 \text{ cm} \rightarrow 0,2 \text{ s}$  (0,25)

1- القيمة الجديدة لـ  $u_{BC}(0)$  هي  $u_{BC}(0) = E = 6 \text{ V}$  (0,25)

2- أ- تحديد طريقة توصيل المكثفتين: مثلنا في الشكل (4) شحنة اللبوس الموجب للمكثفة الناتجة بدلالة الزمن  $q = g(t)$ .

من البيان  $q = g(t)$  نستنتج سعة المكثفة المكافئة:  $q(0) = 0,6 \times 3 = 1,8 \text{ mC}$

$$q(0) = C_{\text{eq}} E \Rightarrow C_{\text{eq}} = \frac{q(0)}{E} = \frac{1,8 \times 10^{-3}}{6} = 0,3 \times 10^{-3} \text{ F} = 3 \times 10^{-4} \text{ F}$$

نقارن  $C$  بـ  $C_{\text{eq}}$ :  $C = 2 \times 10^{-4} \text{ F} < C_{\text{eq}} = 3 \times 10^{-4} \text{ F}$  سعة المكثفة المكافئة ازدادت بعد إذن فالربط على التفرع. (0,5)

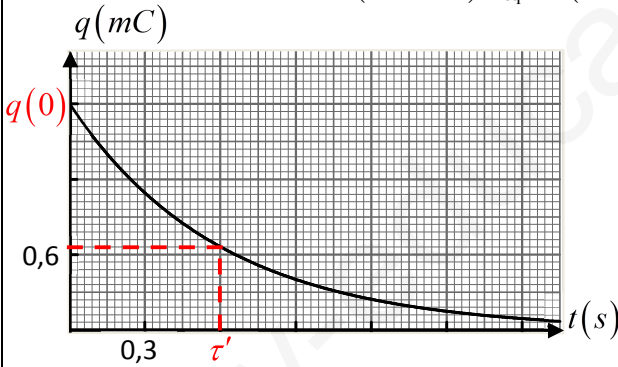
حساب قيمة السعة  $C'$ :  $C_{\text{eq}} = C + C' \Rightarrow C' = C_{\text{eq}} - C = 3 \times 10^{-4} - 2 \times 10^{-4} = 1 \times 10^{-4} \text{ F}$  (0,25)

ج- حساب قيمة  $R_2$ : نحدد ثابت الزمن للتفريغ  $q(\tau) \rightarrow 0,37 \times 3 = 1,11 \text{ cm}$

$$\tau' = (R_1 + R_2) C_{\text{eq}} \Rightarrow (R_1 + R_2) = \frac{\tau'}{C_{\text{eq}}} = \frac{0,6}{3 \times 10^{-4}} = 0,2 \times 10^4 = 2000 \Omega \text{ و } \tau' = 0,6 \text{ s}$$

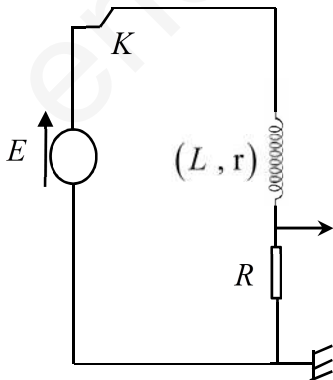
(0,25)

$$R_2 = 2000 - R_1 = 2000 - 1000 = 1000 \Omega$$



التمرين الثاني: (04 نقاط)

1- رسم الدارة الكهربائية وعليها كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة التوتر  $u_R$  عند غلق القاطعة: (0,25)



2- كتابة المعادلة التفاضلية بدلالة شدة التيار  $i(t)$ :

$$E = u_b + u_R \quad \text{فنجد} \quad \frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i = \frac{E}{L}$$

3- المعادلة التفاضلية تقبل حلا من الشكل:  $i(t) = \frac{b}{a} (1 - e^{-at})$

التعبير عن الثابتين  $a$  و  $b$  بدلالة:  $E, R, L, r$ :

$$\frac{di}{dt} = -(-a) \frac{b}{a} e^{-at} = b e^{-at} \dots (2) \quad \text{نشتق} \quad i(t) = \frac{b}{a} (1 - e^{-at}) = \frac{b}{a} - \frac{b}{a} e^{-at} \dots (1)$$



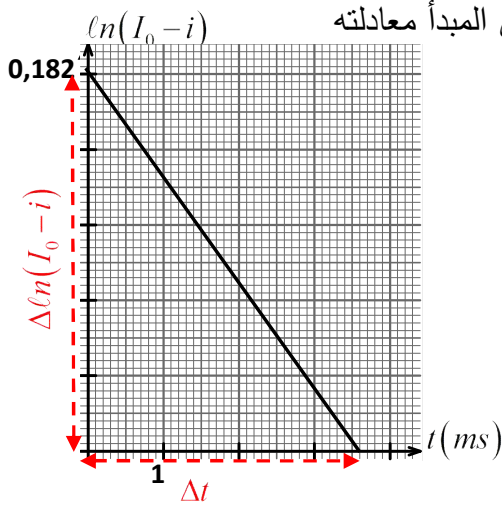
نعوض العبارتين (1) و (2) في الم الت:  $\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L}i = \frac{E}{L}$

$$be^{-at} + \frac{(R+r)}{L} \left( \frac{b}{a} - \frac{b}{a} e^{-at} \right) = \frac{E}{L} \Rightarrow be^{-at} + \frac{(R+r)b}{L} - \frac{(R+r)b}{L} e^{-at} = \frac{E}{L} \dots (3)$$

تتحقق المعادلة (3) لما:  $\left\{ \begin{array}{l} be^{-at} \left( 1 - \frac{(R+r)}{L} \frac{1}{a} \right) = 0 \Rightarrow a = \frac{R+r}{L} \\ + \frac{(R+r)b}{L} = \frac{E}{L} \Rightarrow b = \frac{E}{L} \end{array} \right. \quad (0,25)$

$$i(t) = \frac{E}{R+r} \left( 1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t} \right)$$

4- أ- إيجاد من البيان قيمة كلا من  $I_0$  و ثابت الزمن  $\tau$ :



كتابة معادلة البيان  $\ln(I_0 - i) = f(t)$ : البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته

نستنتج قيمة الثابت  $b$  من البيان:  $b = 0,182$

قيمة  $a$  تمثل معامل توجيه البيان الذي يحسب بميل البيان:

$$\text{tg } \alpha = \frac{\Delta \ln(I_0 - i)}{\Delta t} = \frac{-0,182}{3,6 \times 10^{-3}} = -50,5 \text{ s}^{-1}$$

فمعادلة البيان:  $\ln(I_0 - i) = -50,5 t + 0,182 \quad (0,25)$

نجد المعادلة النظرية للبيان  $\ln(I_0 - i) = f(t)$ :

$$\frac{E}{R+r} = I_0 \text{ حيث } i(t) = I_0 \left( 1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t} \right) = I_0 - I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow i - I_0 = -I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow I_0 - i = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \dots (4)$$

ندخل اللوغاريتم على (4):  $\ln(I_0 - i) = \ln I_0 - \frac{t}{\tau}$  فتصبح المعادلة النظرية  $\ln(I_0 - i) = -\frac{t}{\tau} + \ln I_0 \quad (0,25)$

بالمطابقة بين المعادلة البيانية و النظرية نجد:  $\ln I_0 = 0,182 \Rightarrow I_0 = e^{0,182} = 1,2 \text{ A} \quad (0,25)$

$\tau = 20 \text{ ms} = 0,02 \text{ s} \quad (0,25)$   $\frac{1}{\tau} = 50,5 \text{ s}^{-1} \Rightarrow \tau = \frac{1}{50,5} = 20 \text{ ms}$

حساب قيمتي  $L$  و  $r$  للوشية:  $\frac{E}{R+r} = I_0 \Rightarrow R+r = \frac{E}{I_0} \Rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R = \frac{12}{1,2} - 5 = 5 \Omega \quad (0,25)$

$L = 0,2 \text{ H} \quad (0,25)$   $\tau = \frac{L}{R+r} \Rightarrow L = \tau(R+r) = 20 \cdot 10^{-3} \times 10 = 0,2 \text{ H}$

ج- حساب قيمة التوتر بين طرفي الوشية عند  $t = 0$  و  $t = 0,2 \text{ s}$ : حسب ق ج ت:  $E = u_b + u_R \Rightarrow u_b(t) = E - u_R(t)$

عند  $t = 0$  لحظة غلق القاطعة و بداية ظهور التيار:  $u_b(0) = E - u_R(0)$  لدينا  $u_R(0) = Ri(0) = 0$  إذن  $u_b(0) = E \quad (0,25)$

عند  $t = 0,2 \text{ s} = 10 \tau$ : إذن الدارة تكون في حالة النظام الدائم  $u_b(0,2 \text{ s}) = rI_0 = 5 \times 1,2 = 6 \text{ V}$   $u_b(0,2 \text{ s}) = 6 \text{ V} \quad (0,25)$

5- نستعمل الآن مولدا للتوتر المستمر  $E = 6 \text{ V}$  في الدارة السابقة ثم نغلق القاطعة:



أ- اعط عبارة الطاقة المخزنة في الوشيعه  $E_b(t)$  بدلالة الزمن:  $E_b(t) = \frac{1}{2} Li(t)^2 = \frac{1}{2} L \frac{E^2}{(R+r)^2} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$  (0,25)

ب- إثبات أن ثابت الزمن يكتب بالعبارة:  $\tau = \frac{-t}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right)}$  حيث  $I_0 = \frac{E}{R+r}$

$$\left(E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2\right) \times \frac{2}{LI_0^2} \Rightarrow \frac{2E_b(t)}{LI_0^2} = \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2 \Rightarrow \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}} = 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow e^{-\frac{t}{\tau}} = 1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}$$

$$\Rightarrow \frac{-t}{\tau} = \ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right) \Rightarrow \tau = \frac{-t}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right)} \quad (0, 5)$$

ج- حساب قيمة  $\tau$  باستغلال المنحنى البياني للطاقة و عبارة ثابت الزمن السابقة :

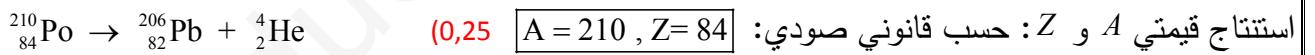
عند  $t = 2 \times 20 \text{ ms} = 40 \text{ ms}$  يكون  $E_b = 3 \times 9 = 36 \text{ mJ}$  ،  $E_{b\max} = 4 \times 9 = 45 \text{ mJ}$

(0,25)  $\tau = 17,7 \text{ ms}$   $LI_0^2 = 2E_{b\max} = 90 \text{ mJ}$   $\tau = \frac{-0,04}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2 \times 36}{90}}\right)} = 17,7 \text{ ms}$

التمرين الثالث: (04 نقاط)

1- أ- النظير : نظير ذرة هي ذرة نواتها لها نفس  $Z$  و تختلف في  $N$  أي في  $A$ . (0,25)

النواة المشعة: نواة غير مستقرة كي تصبح مستقرة تتفكك و يصدر عنها إشعاعات  $\alpha$  أو  $\beta^-$  أو  $\beta^+$  و يرافقها  $\gamma$ . (0,25)



2- ليكن  $N_0$  عدد الأنوية المشعة الموجودة في عينة من النظير  ${}_{84}^{210}\text{Po}$  في اللحظة  $t=0$ ، عدد الأنوية المشعة غير المتفككة الموجودة في العينة في اللحظة  $t$ .

أ- العبارة الصحيحة لتناقص الإشعاعي للأنوية  $N(t)$ :  $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$  و  $N(t) = N_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$  (0,25)

ب- استنتاج عبارة  $N_{pb}(t)$  بدلالة  $N_0$  و  $\lambda$ :  $N_0$  هي عدد الأنوية لابتدائية.  $N(t)$  هي عدد النوية المتبقية من  ${}_{84}^{210}\text{Po}$

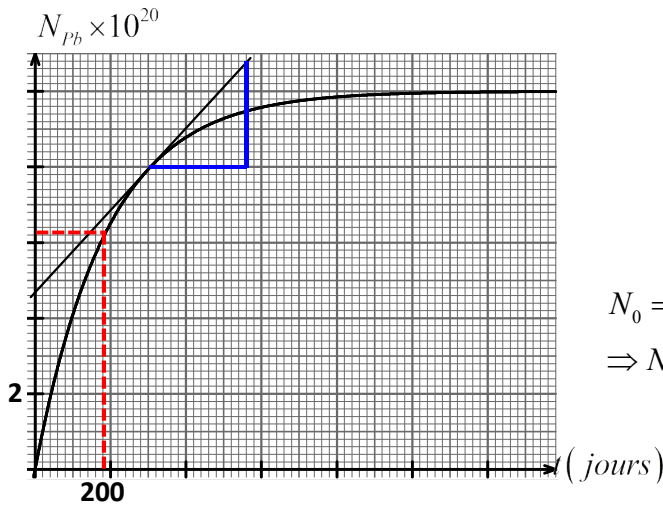
$N_0 = N(t) + N_{pb}(t) \Rightarrow N_{pb}(t) = N_0 - N(t)$ . تمثل عدد الأنوية المتفككة.

و لدينا  $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$  إذن  $N_{pb}(t) = N_0 - N_0 e^{-\lambda t} = N_0 (1 - e^{-\lambda t})$  (0,25)

استنتاج  $N_{pb}(\infty)$  من البيان المقابل  $N_{pb}(\infty) = 2 \times 5 \times 10^{20} = 10^{21} \text{ noyaux}$   $N_{pb}(\infty) = 10^{21} \text{ noyaux}$  (0,25)

3- أ-  $N_0$  : لما تتفكك كل الأنوية الابتدائية أي  $N_0 = N_{pb}(\infty) = 10^{21} \text{ noyaux}$  (0,25)

ب- ثابت الزمن  $\tau$  للنواة  ${}^A_ZPo$  :  $N_{pb}(\tau) = 0,63 N_0 \rightarrow 0,63 \times 5cm = 3,15 cm$  بيانيا نجد  $\tau = 0,9 \times 200 = 180$  jours



(0,25)  $\tau = 180$  jours

4- استنتاج نشاط العينة المشعة عند اللحظة  $t = 300$  j

$$N_{pb}(300 j) = 4 \times 2 \times 10^{20} = 8 \times 10^{20} \text{ noyaux}$$

ط1:  $A(t) = \lambda N(t)$  من البيان

$$N_0 = N(t) + N_{pb}(t) \Rightarrow N(t) = N_0 - N_{pb}(t)$$

$$\Rightarrow N(300 j) = N_0 - N_{pb}(300 j) = (10 - 8) \times 10^{20} = 2 \times 10^{20} \text{ noyaux}$$

نحسب ثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$  :

$$\lambda = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{180 \times 24 \times 60 \times 60} = 6,43 \times 10^{-8} s^{-1}$$

(0,5)  $A(300 j) = 1,286 \times 10^{13} \text{ Bq}$   $A(300 j) = \lambda N(300 j) = 6,43 \times 10^{-8} \times 2 \times 10^{20} = 1,286 \times 10^{13} \text{ Bq}$

ط2: لدينا  $A(t) = \frac{-dN_{Po}}{dt} = \frac{dN_{pb}}{dt}$  بطريقة المماسات نحسب ميل مماس البيان المرسوم عند هذه اللحظة

$$A(300 j) = 1,286 \times 10^{13} \text{ Bq} = 1,246 \times 10^{13} \text{ Bq} \quad \text{إذن} \quad \text{tg} \alpha = \frac{\Delta N_{pb}}{\Delta t} = \frac{1,4 \times 2 \times 10^{20}}{1,3 \times 200 \times 24 \times 3600} = 1,246 \times 10^{13} \text{ Bq}$$

5- أ- استنتاج طاقة الربط  $E_\ell$  للنواة  ${}^{210}_{84}Po$  :  $E_\ell({}^A_ZX) = (Z m_p + (A - Z) m_n - m_{{}^A_ZX}) \times c^2$  حسب المخطط

$$E_\ell({}^{210}_{84}Po) = (211,7029 - 209,98286) \times c^2 = 1,72004 u \times c^2 = 1,72004 \times 931,5 = 1602,217 \text{ MeV}$$

(0,25)

ب- الطاقة المحررة من تفكك نواة واحدة:

(0,25)  $Q = (m_i - m_f) \times c^2 = (m_{Po} - (m_{pb} + m_\alpha)) \times c^2$   
 $= (209,98286 - 209,97595) u \times c^2 = 6,91 \times 10^{-3} \times 931,5 = 6,436 \text{ MeV}$

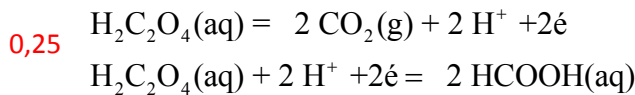
ج- ترتيب الأنوية التالية حسب تزايد استقرارها:  ${}^{210}_{84}Po$  ،  ${}^{102}_{42}Mo$  و  ${}^{239}_{94}Pu$  :

$$\text{نحسب طاقة الربط لكل نوية في كل نواة: } \frac{E_\ell({}^{210}_{84}Po)}{A} = \frac{1602,217}{210} = 7,629 \text{ MeV/nucleon}$$

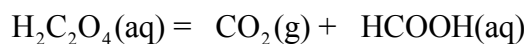
$$\frac{E_\ell({}^{239}_{94}Pu)}{A} = \frac{1792,5}{239} = 7,5 \text{ MeV/nucleon} , \quad \frac{E_\ell({}^{102}_{42}Mo)}{A} = \frac{877,2}{102} = 8,59 \text{ MeV/nucleon}$$

(0,5)  $7,5 < 7,629 < 8,59$  إذن النواة الأكثر استقرارا هي Mo ثم Po ثم Pu

التمرين التجريبي : (08,5 نقاط)



1-1- اثبات أن التفاعل الحادث أكسدة - ارجاع :  $2 H_2C_2O_4(aq) = 2 CO_2(g) + 2 HCOOH(aq)$



0,25 (  $CO_2 / H_2C_2O_4$  ) و (  $H_2C_2O_4 / HCOOH$  ) : التفاعل في الداخلتين

2- تعريف الحمض حسب تعريف برونشتد: هو كل فرد كيميائي بإمكانه فقدان  $H^+$  أو أكثر خلال تفاعل كيميائي. 0,25

3- تصنيف هذا التفاعل من حيث المدة المستغرقة: حسب جدول القياسات نلاحظ أن عند 75 min لم يثبت بعد حجم

الغاز المنطلق إذن فهو تفاعل بطيء. 0,25

4- إثبات أن الحجم المولي في شروط التجربة هو  $V_m = 25 \text{ L/mol}$ : لدينا معادلة الغاز المثالي:  $P V = n R T$  لما يكون

الحجم هو الحجم المولي أي  $n = 1 \text{ mol}$  فيكون

$$0,25 \quad P V_m = R T \Rightarrow V_m = \frac{R T}{P} = \frac{8,31 \times 301}{10^5} = 2501,31 \times 10^{-5} \text{ m}^3 = 25,0131 \times 10^{-3} \text{ m}^3 / \text{L} = 25 \text{ L/mol}$$

$$T = 28 + 273 = 301 \text{ K}$$

5- أ- إيجاد عبارة التقدم  $x$  بدلالة  $V_{CO_2}$ :

جدول التقدم:

	$\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4(\text{aq}) = \text{CO}_2(\text{g}) + \text{HCOOH}(\text{aq})$		
ح إ	$2 \times 10^{-3}$	0	0
ح و	$2 \times 10^{-3} - x$	$x$	$x$
ح ن	$2 \times 10^{-3} - x_f$	$x_f$	$x_f$

$$M_{(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)} = 2 M_H + 2 M_C + 4 M_O$$

$$= 2 \times 1 + 2 \times 12 + 4 \times 16 = 90 \text{ g/mol}$$

$$n_{0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)} = \frac{m}{M} = \frac{0,18}{90} = 0,002 \text{ mol} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

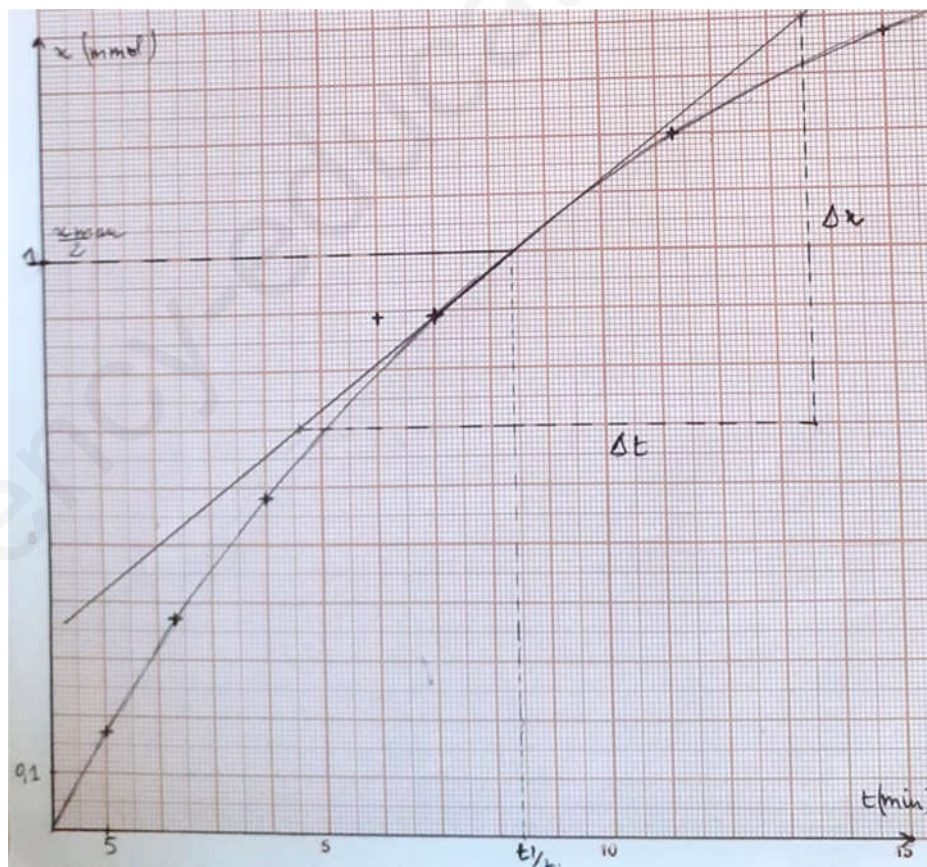
حسب جدول التقدم الحالة الوسطية نلاحظ أن  $n_{CO_2} = \frac{V_{CO_2}}{V_m}$  إذن  $x(t) = \frac{V_{CO_2}(t)}{V_m}$

حساب قيم  $x$  عند كل لحظة: 0,25

$$x(5 \text{ min}) = \frac{V_{CO_2}(5 \text{ min})}{V_m} = \frac{4,2 \times 10^{-3} \text{ L}}{25 \text{ L/mol}} = 0,168 \times 10^{-3} \text{ mol} = 0,168 \text{ mmol}$$

$t(\text{min})$	0	5	11,6	20	35	56,7	75
$x(\text{mmol})$	0	0,17	0,37	0,58	0,89	1,20	1,37

ب- رسم البيان  $x = f(t)$ :



0,25

ج- تحديد زمن نصف التفاعل: لدينا  $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$  حسب جدول التقدم المتفاعل المحد هو حمض الأوكساليك  $H_2C_2O_4$

0,25  $t_{1/2} \approx 8,4 \times 5 = 42 \text{ min}$  إذن  $x_{\max} = n_{0(H_2C_2O_4)} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$   $\frac{x_{\max}}{2} = 10^{-3} \text{ mol}$  بيانيا نجد

0,25 حساب سرعة التفاعل عند اللحظة  $t = t_{1/2}$  : عبارة سرعة التفاعل  $V = \frac{dx}{dt}$

حسابها بيانيا عند  $t = t_{1/2}$  نرسم مماس البيان  $x(t)$  ثم نحسب ميله  $\text{tg } \alpha = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{7 \times 0,1}{9 \times 5} = 1,55 \times 10^{-2} \text{ mmol/min}$

0,25  $V(t_{1/2}) = \frac{\Delta x}{\Delta t} = 1,55 \times 10^{-2} \text{ mmol/min}$  و تكون

د- استنتاج كتلة حمض الميثانويك  $HCOOH$  المتحصل عليه عند نهاية التفاعل: حسب جدول التقدم يكون

$n_{f(HCOOH)} = \frac{m_f}{M_{(HCOOH)}} \Rightarrow m_f = x_{\max} \times M_{(HCOOH)} = 2 \times 10^{-3} \times 46 = 92 \times 10^{-3} \text{ g}$  أي  $n_{f(HCOOH)} = x_{\max} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$

0,25  $n_{f(HCOOH)} = 92 \times 10^{-3} \text{ g} = 92 \text{ mg}$   $M_{(HCOOH)} = 2 M_H + M_C + 2 M_O = 2 \times 1 + 1 \times 12 + 2 \times 16 = 46 \text{ g/mol}$

6- أ- توضيح الخطوات التجريبية لتحضير محلول  $HCOOH(aq)$ : تم استخلاص الناتج في التفاعل السابق. نذيب

حمض الميثانويك  $HCOOH$  المتحصل عليه عند نهاية التفاعل في حجم  $V = ?$  من الماء المقطر فنحصل على محلول

تركيزه المولي  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  وله  $pH = 2,9$ . لذا نحسب حجم المحلول  $C = \frac{n}{V} \Rightarrow V = \frac{n}{C} = \frac{2 \cdot 10^{-3}}{10^{-2}} = 0,2 \text{ L} = 200 \text{ mL}$

الطريقة المتبعة: بعد استخلاص الناتج  $HCOOH(s)$  من التفاعل السابق و تجفيفه، نفرغه باستعمال ملعقة في حوجة 0,25

عيارية عيارها 200 mL مزودة بقمع ، نضيف حجما من الماء المقطر ، نرج جيدا لأجل ذوبان المادة الصلبة ثم نضيف

الماء المقطر إلى غاية خط العيار . نغلق الحوجة و نرجها جيدا لأجل تجانس المحلول. و نكون قد حضرنا محلولاً من

$HCOOH(aq)$  تركيزه  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$ .

ب- كتابة معادلة انحلال الحمض في الماء:  $HCOOH(aq) + H_2O(l) = HCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$  0,25

ج- إثبات بالعلاقة :  $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$  :  $Ka = \frac{[HCOO^-]_f \times [H_3O^+]_f}{[HCOOH]_f}$

	$HCOOH(aq) + H_2O(l) = HCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$			
ح إ	C V	وفرة	0	0
ح و	C V - x		x	x
ح ن	C V - x <sub>f</sub>		x <sub>f</sub>	x <sub>f</sub>

لدينا حسب جدول التقدم:

$[HCOO^-]_f = [H_3O^+]_f$

إذن  $Ka = \frac{[H_3O^+]_f^2}{[HCOOH]_f} \dots (1)$

0,25  $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$  فنجد  $[H_3O^+]_f = 10^{-pH}$  و  $[HCOOH]_f = C - [H_3O^+]_f$  نعوض في العبارة (1)

0,25

حساب قيمة  $Ka$  :  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  و  $pH = 2,9$  نعوض  $Ka = \frac{10^{-2 \times 2,9}}{10^{-2} - 10^{-2,9}} = 1,8 \times 10^{-4}$   $Ka = 1,8 \times 10^{-4}$

د- مقارنة قوة حمض الأكساليك وحمض الميثانويك:  $\text{PKa}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 1,2$  أي  $\text{Ka} = 10^{-\text{pKa}} = 10^{-1,2} = 6,3 \cdot 10^{-2}$

نقارن قيم ثابتي الحموضة:  $\text{Ka}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 6,3 \cdot 10^{-2}$  و  $\text{Ka}(\text{HCOOH}/\text{HCOO}^-) = 1,8 \cdot 10^{-4}$

$6,3 \cdot 10^{-2} \gg 1,8 \cdot 10^{-4}$  إذن حمض الأوكساليك  $\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$  أقوى من حمض الميثانويك  $\text{HCOOH}$ . 0,25

أ- حساب  $\text{pH}$  المحلول:

$$K_e = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \times [\text{OH}^-]_f \Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+]_f = \frac{K_e}{[\text{OH}^-]_f} = \frac{10^{-14}}{3,16 \times 10^{-3}} = 3,16 \times 10^{-12} \text{ mol / L}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}_3\text{O}^+]_f = -\log(3,16 \times 10^{-12}) = 11,5 \quad \boxed{\text{pH} = 11,5} \quad 11,5 > 7 \text{ فالمحلول قاعدي. 0,25}$$

ب- إيجاد الصيغة المجملة لهذا المركب الكيميائي B:

$$\text{علما أن } M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 12n + 2n + 1 + 14 + 2 = 14n + 17 = 31 \cdot M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 31 \text{ g/mol}$$

$$14n + 17 = 31 \Rightarrow 14n = 31 - 17 = 14 \Rightarrow 14n = 14 \Rightarrow n = 1 \quad \text{CH}_3\text{NH}_2 : B \quad 0,25$$

ب- معادلة انحلال في الماء:  $\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_2\text{O}(l) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{OH}^-(aq)$  0,25

جدول تقدم التفاعل: 0,25

$\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_2\text{O}(l) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{OH}^-(aq)$				
ح إ	$C_B V$	بوفرة	0	0
ح و	$C_B V - x$		$x$	$x$
ح ن	$C_B V - x_f$		$x_f$	$x_f$

د- اثبات أن نسبة التقدم النهائي تكتب على الشكل  $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f}$  لدينا (2) ...  $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[\text{OH}^-]_f \times V}{C_B V}$

0,25  $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f}$  فنجد  $K_e = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \times [\text{OH}^-]_f \Rightarrow [\text{OH}^-]_f = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]_f}$

0,25 ثم احسب قيمة  $C_B$ :  $C_B = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$   $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f} \Rightarrow C = \frac{[\text{OH}^-]_f}{\tau_f} = \frac{3,16 \times 10^{-3}}{0,1373} = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$

ه- عبارة ثابت الحموضة  $K_a$  للثنائية  $(\text{CH}_3\text{NH}_3^+ / \text{CH}_3\text{NH}_2)$ :  $K_a = \frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]_f \times [\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]_f}$

حسب جدول التقدم:  $[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]_f = [\text{OH}^-]_f = \frac{x_f}{V}$  و  $[\text{CH}_3\text{NH}_2]_f = C_B - \frac{x_f}{V} = C_B - [\text{OH}^-]_f$  نعوض في عبارة  $K_a$

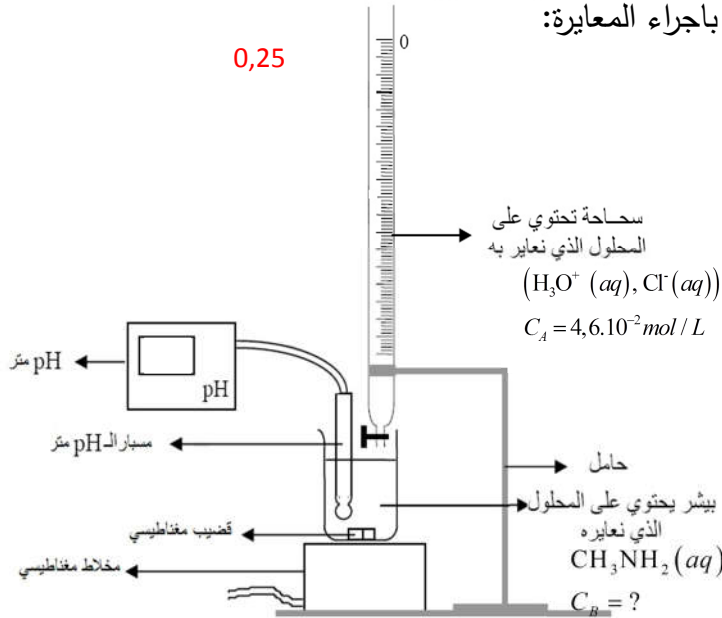
نجد:  $K_a = \frac{(C_B - [\text{OH}^-]_f) \times [\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{OH}^-]_f} = \frac{(2,3 \times 10^{-2} - 3,16 \times 10^{-3}) 3,16 \times 10^{-12}}{3,16 \times 10^{-3}} = 1,98 \times 10^{-11}$

0,25  $K_a = 1,98 \times 10^{-11} \approx 2 \times 10^{-11}$

0,25 استنتاج قيمة  $\text{pKa}$ :  $\text{pKa} = -\log K_a = 12,3$   $\boxed{\text{pKa} = 12,3}$



# 1-أ- رسم البروتوكول التجريبي الذي يسمح بإجراء المعايرة:



أ- معادلة تفاعل المعايرة:  $\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_3\text{O}^+(aq) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{H}_2\text{O}(l)$  0,25

ج- جدولاً لتقدم التفاعل: 0,25

	$\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_3\text{O}^+(aq) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{H}_2\text{O}(l)$			
ح إ	$C_B V_B$	$C_A V_A$	0	بوفرة
ح و	$C_B V_B - x$	$C_A V_A - x$	$x$	
ح ن	$C_B V_B - x_{\max}$	$C_A V_A - x_{\max}$	$x_{\max}$	

د- إحداثيي نقطة التكافؤ: بطريقة المماسين المتوازيين نجد  $E(V_{\text{AE}} = 11,2 \text{ mL}, \text{pH}_E = 6,3)$  0,25

حساب قيمة  $C_B$ : عند التكافؤ المزيج ستوكيومترى أي

$$C_B = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L} \quad C_B V_B = C_A V_{\text{AE}} \Rightarrow C_B = \frac{C_A V_{\text{AE}}}{V_B} = \frac{4,6 \times 10^{-2} \times 11,2}{22,4} = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L} \quad 0,25$$

هـ- تحديد الأنواع الكيميائية الموجودة في المزيج بعد إضافة حجم قيمته  $V_A = 5,6 \text{ cm}^3$  من الحمض:

عند هذه النقطة توجد الأنواع الكيميائية:  $\text{CH}_3\text{NH}_2$ ،  $\text{CH}_3\text{NH}_3^+$ ،  $\text{Cl}^-$  و الماء بوفرة.

$V_A < V_{\text{AE}}$  إذن المتفاعل المحد هو المعايير  $\text{H}_3\text{O}^+$  إذن حسب جدول التقدم يكون  $C_A V_A - x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = C_A V_A$

نلاحظ أن  $\frac{11,2}{2} = 5,6$  إذن  $V_A = 5,6 \text{ cm}^3 = \frac{V_{\text{AE}}}{2}$  و هذا يوافق نقطة نصف التكافؤ حيث لا توجد صفة غالبية

$$[\text{CH}_3\text{NH}_3^+] = [\text{CH}_3\text{NH}_2] = \frac{C_A V_A}{V_A + V_B} = \frac{4,6 \times 10^{-2} \times 5,6}{22,4 + 5,6} = 0,92 \times 10^{-2} \text{ mol / L} \quad \text{أي} \quad 0,75$$

$$[\text{CH}_3\text{NH}_3^+] = [\text{CH}_3\text{NH}_2] = [\text{Cl}^-] = 9,2 \times 10^{-3} \text{ mol / L} \quad [\text{Cl}^-] = \frac{C_A V_A}{V_A + V_B} = 0,92 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$$

و- الكاشف الملون المناسب لتجربة المعايرة السابقة: لدينا  $\text{pH}_E = 6,3$  إذن الكاشف الملون المناسب هو أحمر الميثيل مجال

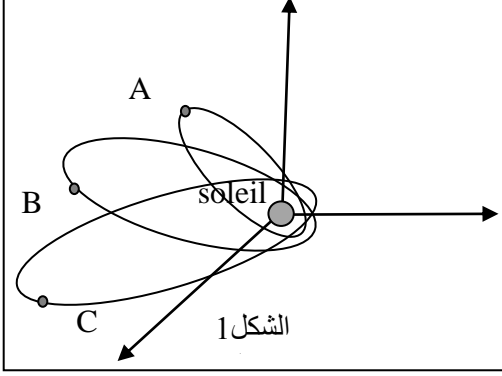
تغيره اللوني (4,8 - 6,3) يشمل نقطة التكافؤ. 0,25

وفقكم الله جميعاً



التمرين الأول : ( 10 نقاط)

اثبت العالم الفلكي يوهان كبلر في 1609 أن النظام الذي وضعه كوبرنيكس عن مركزية الشمس هو الوحيد الذي يعكس الحقيقة بدقة وعن طريق عمليات حسابية معقدة ومتعددة، وضع كبلر القوانين الثلاث الهامة فيما يتعلق بحركة الكواكب.



1- الشكل (1) يعطي نموذجًا تقريبيًا لمدارات ثلاث كواكب (A), (B), (C)

من المجموعة الشمسية تدور حول الشمس في معلم هيليو مركزي .  
- هل القانون الأول لكبلر محقق حسب ما تعكسه الصورة ؟ علل.

2- الجدول التالي يحتوي على معلومات تخص الكواكب الثلاث بعضها

مجهول حيث  $T$  دور الكوكب حول الشمس،  $a$  نصف طول المحور الكبير للاهليليج.

الكوكب	$T (10^7 S)$	$a (10^8 Km)$
A (الأرض)	3,16	1,50
B (المريخ)	$T_B$	2,28
C (المشتري)	37,4	$a_C$

بالاعتماد على القانون الثالث لكبلر أوجد قيمتي كل من  $T_B$ ،  $a_C$ .

3 - نقبل من أجل تسهيل الدراسة أن حركة الكواكب الثلاث حول الشمس دائرية نصف قطرها  $r$  وأنها لا تخضع إلا لتأثيرها فقط.

يعطى قانون الجذب العام لنيوتن بالعلاقة التالية:  $F = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$

أ - مثل شعاع القوة التي تؤثر بها الشمس على أحد الكواكب وأعط

عبارة شدتها بدلالة  $G$  و  $M_s$  (كتلة الشمس) و  $m_p$  (كتلة الكوكب) و  $r$  (البعد بين مركزي كل من الشمس والكوكب).

ب - إذا علمت أن شدة قوة جذب الشمس للأرض هي:  $F_{s/T} = 3,56 \cdot 10^{22} N$ . أوجد كتلة الشمس.

تعطى: كتلة الأرض  $M_T = 6,0 \cdot 10^{24} Kg$ ، البعد بين مركزي الشمس والأرض  $r = 1,5 \cdot 10^{11} m$ ،  $G = 6,67 \cdot 10^{-11} (SI)$ .

4 - أ - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة  $a_G$  تسارع مركز عطالة الأرض حول الشمس يعطى بالعلاقة:

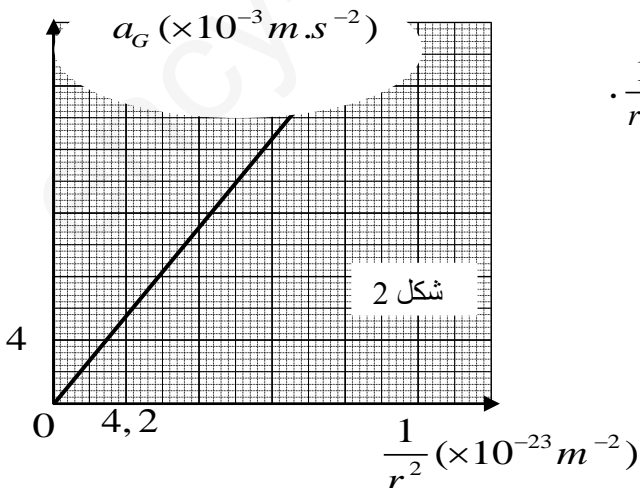
$$a_G = \alpha \cdot \frac{1}{r^2} \quad \text{حيث } \alpha \text{ ثابت يطلب تعيين عبارته.}$$

ب - البيان الموضح في الشكل - 2 - يمثل تغيرات  $a_G$  بدلالة  $\frac{1}{r^2}$ .

- أعط العبارة التي يترجمها البيان.

ج - بالاعتماد على العلاقتين النظرية والعملية استنتج كتلة الشمس.

د - هل تتوافق هذه القيمة مع القيمة المحسوبة سابقاً (3 - ب).



## التمرين الثاني: ( 10 نقاط )

نقرأ على ملصقة قارورة للخل التجاري  $CH_3COOH$  المعلومات التالية :

▪ درجة النقاوة  $5^\circ$  .

▪ الكثافة  $d = 1,05$  .

▪ الكتلة المولية الجزيئية  $M = 60g / mol$  .

- أراد طالب في القسم النهائي استغلال المعلومات على ملصقة قارورة حمض الخل التجاري فلاحظ عدم الإشارة إلى التركيز المولي  $C_0$  للخل التجاري، فأراد تعيينه تجريبيا بطريقة المعايرة الـ  $pH$  مترية .

### 1- تحضير محلول حمض الخل $CH_3COOH$ انطلاقاً من معلوم تجاري:

أخذ الطالب حجماً قدره  $V_0 = 15ml$  من المحلول التجاري لحمض الخل ذو التركيز المولي  $C_0$  وقام بتمديده 10 مرات فتحصل على محلول ممدد لحمض الخل تركيزه المولي  $C_a$  وحجمه  $V_a$  .

أ- اكتب معادلة انحلال حمض الخل  $CH_3COOH$  في الماء .

ب- قدم بروتوكولا تجريبيا لتحضير المحلول الممدد.

### II- معايرة محلول حمض الخل $CH_3COOH$ المُخَضَّر

1- سمحت معايرة حجماً  $V_a = 20ml$  من الخل التجاري الممدد

عند درجة الحرارة  $25^\circ C$  بمحلول هيدروكسيد الصوديوم

$(Na^+ + HO^-)$  تركيزه المولي  $C_b = 0,18mol / L$  من رسم

البيان الذي يعطي تغير قيمة  $pH$  المزيج بدلالة  $V_b$  حجم محلول

هيدروكسيد الصوديوم المضاف. شكل -1-

أ- أكتب معادلة تفاعل المعايرة .

ب - عين احداثيات نقطة التكافؤ  $E$  .

ج - أوجد التركيز المولي  $C_a$  لحمض الايثانويك الممدد ، ثم استنتج قيمة  $C_0$  .

1- إذا علمت أن عبارة تركيز محلول تجاري تعطى بالعلاقة:  $C_0 = 10 \cdot \frac{p \cdot d}{M}$  .

- أحسب التركيز المولي  $C_0$  للخل التجاري وقارنه مع القيمة التجريبية المحسوبة سابقا .

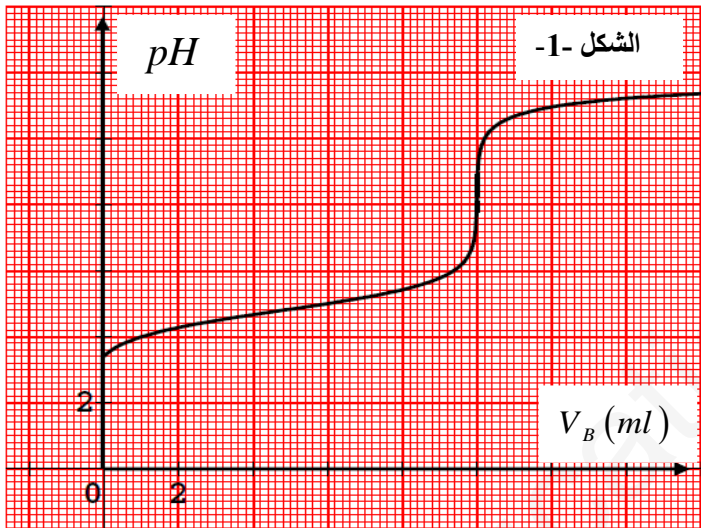
2- بعد إضافة الحجم  $V_b = 5ml$  .

أ- عين بيانياً قيمة  $pK_a$  الثنائية  $(CH_3COOH_{(aq)} / CH_3COO^-_{(aq)})$  .

ب- احسب كمية مادة شوارد  $HO^-$  .

ت- احسب قيمة التقدم النهائي  $x_f$  لتفاعل المعايرة ونسبة التقدم النهائي  $\tau_f$  . ماذا تستنتج؟

يعطى:  $K_e = 10^{-14}$



## تصحیح الاختبار الثاني

### التمرين الأول ( 10 نقاط)

1 - نعم قانون كبلر محقق لان المسار اهليلج و الشمس تقع في أحد بؤرتيه.

2 - أ- حساب كل من : حسب قانون كبلر الثالث  $\frac{T_C^2}{a_C^3} = \frac{T_B^2}{a_B^3} = \frac{T_A^2}{a_A^3} = \frac{4\pi^2}{GM_S} = K = C^{te}$

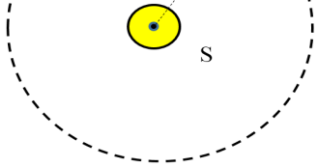
أي أن:  $K = \frac{T_A^2}{a_A^3} = \frac{(3,16 \times 10^7)^2}{[(1,5 \times 10^8) \times 10^3]^3} = 2,99 \cdot 10^{-19}$

ب - نحسب  $T_B$  نجده :

$\frac{T_B^2}{a_B^3} = K \Rightarrow T_B = \sqrt{a_B^3 \times K} = \sqrt{2,99 \cdot 10^{-19} \times [(2,28 \times 10^8) \times 10^3]^3} = 5,94 \times 10^7 s$

$\frac{T_C^2}{a_C^3} = K \Rightarrow a_C = \sqrt[3]{\frac{T_C^2}{K}} \Rightarrow a_C = \sqrt[3]{\frac{[37,4 \times 10^7]^2}{2,99 \cdot 10^{-19}}} = 7,78 \times 10^8 km$

3 - أ - تمثيل الشعاع  $\vec{F}_{S/P}$  :



عبارتها:  $F_{S/P} = G \frac{M_s \cdot m_p}{r^2}$

ب- حساب كتلة الشمس:  $M_s = \frac{F \cdot r^2}{G \cdot M_T} = \frac{3,56 \cdot 10^{22} \times (1,5 \cdot 10^{11})^2}{6,67 \cdot 10^{-11} \times 6,0 \cdot 10^{24}} = 2 \cdot 10^{30} Kg$

4- أ- عبارة تسارع مركز العطالة: لدينا  $\sum \vec{F}_{ext} = M_T \cdot \vec{a}_G$  أي أن:  $M_T \cdot a_G = \frac{G \cdot M_s \cdot M_T}{r^2}$

و منه : (1)  $a = G \cdot M_s \cdot \frac{1}{r^2}$

معادلة البيان : (2)  $a = \alpha \cdot \frac{1}{r^2}$

بمطابقة العبارة (1) ومعادلة البيان (2) نجد:  $\alpha = G \cdot M_s$

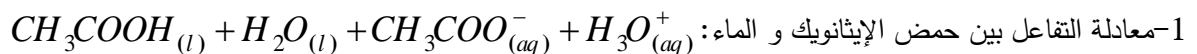
حساب قيمة الميل البيان :  $\alpha = G \cdot M_s = \frac{\Delta a_G}{\Delta \left( \frac{1}{r^2} \right)} = 1,33 \times 10^{20} m^3 \cdot s^{-2}$

ج- استنتاج كتلة الشمس من العلاقتين النظرية والعلمية نجد:  $\alpha = G \cdot M_s \Rightarrow M_s = \frac{\alpha}{G} \Rightarrow M_s = \frac{1,33 \times 10^{20}}{6,67 \times 10^{-11}} \approx 2 \times 10^{30} Kg$

د- نعم تتوافق مع القيمة السابقة.

### التمرين الثاني: (10 نقاط)

1- تحضير محلول حمض الايثانويك انطلاقاً من معلوم تجاري:



2- البروتوكول التجريبي لعملية تحضير حمض الايثانويك المخفف:

أ- حساب حجم المحلول المخفف الواجب تحضيره:

0,5

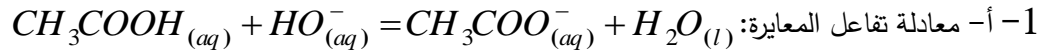
من قانون التمديد نجد:  $C_0 V_0 = C V \Rightarrow \frac{C_0}{C} = \frac{V}{V_0} = 10 \Rightarrow V = 10 \times V_0 = 10 \times 15 = 150 \text{ ml}$

ب- طريقة العمل: نأخذ بواسطة ماصة عيارية سعتها  $15 \text{ ml}$  حجما قدره  $V_0 = 15 \text{ ml}$  من محلول الحمض التجاري و نضعها في حوض عيارية سعتها  $150 \text{ ml}$  ونضيف إليها كمية من الماء المقطر ثم نقوم بالرج بعد ذلك نكمل بالماء المقطر الى غاية خط العيار.

0,5

## II- معايرة محلول حمض الإيثانويك المُخَضَّر

0,5



1

ب- تعيين احداثيات نقطة التكافؤ:  $\begin{cases} pH_E = 8,4 \\ V_{bE} = 10 \text{ ml} \end{cases}$

- جدول تقدم التفاعل:

المعادلة	$CH_3COOH_{(aq)} + HO^-_{(aq)} = CH_3COO^-_{(aq)} + H_2O_{(l)}$			
ح ا	$C_a V_a$	$C_b V_b$	0	0
ح إنتقالية	$C_a V_a - x(t)$	$C_b V_b - x(t)$	$x$	$x$
ح ن (عند التكافؤ)	$C_a V_a - x_E$	$C_b V_b - x_E$	$x_E$	$x_E$

ج- حساب التركيز المولي  $C_a$  للمحلول الممدد :

1

عند التكافؤ:  $C_a V_a = C_b V_{bE}$  ومنه:  $C_a = \frac{C_b V_{bE}}{V_a} = \frac{0,18 \times 10}{20} = 0,09 \text{ mol} \cdot L^{-1}$

1

استنتاج تركيز المحلول التجاري  $C_0$ :  $\frac{C_0}{C} = 10 \Rightarrow C_0 = 10C = 10 \times 0,09 = 0,9 \text{ mol} \cdot L^{-1}$

1

استنتاج تركيز المحلول التجاري  $C_0$ :  $C_0 = 10 \cdot \frac{p \cdot d}{M} = 10 \cdot \frac{5 \times 1,05}{60} = 0,9 \text{ mol} \cdot L^{-1}$  نعم تتوافق مع القيمة التجريبية.

2- أ- قيمة  $pka$  الثنائية  $(CH_3COOH / CH_3COO^-)$ : عند حجم نصف التكافؤ:  $V_{E/2} = \frac{V_{bE}}{2} = \frac{10}{2} = 5 \text{ ml}$

1

0,5

بياننا نجد:  $pH = pKa = 4,8$

ب- احسب كمية مادة شوارد  $HO^-$  عند إضافة الحجم  $V_b = 5 \text{ ml}$ :  $n(HO^-) = [HO^-] \cdot (V_a + V_b) = \frac{K_e}{[H_3O^+]} (V_a + V_b)$

$n(HO^-) = 10^{pH - pK_e} (V_a + V_b) = 10^{-3} \cdot 10^{4,8 - 14} (20 + 5) \Rightarrow n(HO^-) = 1,57 \times 10^{-11} \text{ mol}$

ت- استنتاج قيمة التقدم النهائي  $X_f$  لتفاعل المعايرة ونسبة التقدم النهائي  $\tau_f$ :

من جدول التقدم لدينا:  $\begin{cases} X_f = C_b V_b - n(HO^-) \\ n(HO^-) = C_b V_b - X_f \end{cases}$

1

$X_f = 0,18 \times 5 \times 10^{-3} - 1,57 \times 10^{-11} \approx 10^{-3} \text{ mol}$

- عند سكب الحجم  $V_b = 5 \text{ ml}$  يكون:  $C_b V_b < C_a V_a$  أي المتفاعل المحد هو  $HO^-$

0,5

ومنه:  $X_{\max} = C_b V_b \approx 10^{-3} \text{ mol}$

0,5

إذن:  $\tau_f = \frac{X_f}{X_{\max}} = \frac{10^{-3}}{10^{-3}} = 1$

- نستنتج أن تفاعل المعايرة تام.



**التمرين الأول: (10 نقاط)**

الشكل-1 - يمثل جسم (S) نعتبره نقطي كتلته  $m$  موضوع على مستوي

مائل حُسن يميل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$ . نعتبر

قوى الاحتكاك مكافئة لقوة واحدة  $\vec{f}$  شدتها ثابتة ومعاكسة لحامل شعاع

السرعة  $\vec{v}$  للجسم (S).

نجر الجسم (S) من السكون انطلاقا من الموضع A حتى الموضع B بقوة

$\vec{F}$  يمكن تغيير شدتها ، وتصنع مع المستوي المائل زاوية  $\beta = 60^\circ$  تبقى

ثابتة أثناء الحركة.

نكرر التجربة بقيم مختلفة لشدة القوة  $\vec{F}$  ونحسب في كل تجربة الزمن الضروري لانتقال الجسم (S) من A إلى B والنتائج

مدونة في الجدول التالي:

$F(N)$	1,3	1,4	1,6	1,8	1,9	2,0
$t(s)$	2,83	2,00	1,41	1,15	1,07	1,00
$a(m.s^{-2})$						

1- حدد المرجع المناسب الذي تدرس فيه حركة الجسم (S)

2- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S) أثناء حركته.

3- أذكر نص القانون الثاني لنيوتن

4- بتطبيق القانون السابق في المرجع الذي اخترته بين أن التسارع  $a$  للجسم (S) يعطى بالعلاقة التالية:

$$a = \frac{\cos \beta}{m} \times F - \left( \frac{f}{m} + g \sin \alpha \right)$$

5- أكتب العبارة الزمنية لسرعة  $v(t)$  والموضع  $x(t)$  للجسم المتحرك

6- اعتمادا على عبارة الموضع  $x(t)$  اكمل الجدول .

7- ارسم البيان  $a = h(F)$  تغيرات التسارع  $a$  بدلالة شدة قوة الجر  $F$  اعتمادا على سلم رسم التالي:

$$\text{الرسم يكون على الورقة المليمترية المرفقة} \quad \begin{cases} a : 1 \text{ cm} \rightarrow 1 \text{ m.s}^{-2} \\ F : 1 \text{ cm} \rightarrow 0,5 \text{ N} \end{cases}$$

8- اعتمادا على البيان  $a = h(F)$  جد قيمة كل من: كتلة الجسم  $m$  و شدة قوة الاحتكاك  $f$

9- احسب السرعة  $v_B$  للجسم (S) عند الموضع B في التجربة الأخيرة من أجل  $(F = 2 \text{ N})$  .

10- ماهي أصغر قيمة للقوة  $F$  التي من أجلها لا يتحرك الجسم (S).

**المعطيات:**  $AB = 2 \text{ m}$  ،  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$



## التمرين الثاني: (10 نقاط)

لغرض تحديد بعض المقادير الكمية المجهولة لعناصر كهربائية . نحضر الوسائل التالية

— مولد لتوتر الكهربائي مثالي قوته المحركة الكهربائية  $E = 6V$  .

— مكثفة فارغة سعتها  $C = 500\mu F$  .

— ناقل أومي مقاومته  $R$  مجهولة

— وشيعة تحريضية ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r$  مجهولتان

— حاسوب ، فولتمتر رقمي ، أمبيرمتر رقمي ، راسم اهتزاز مهبطي ذو ذاكرة

— قاطعة  $K$

نقسم التلاميذ الى مجموعتين :

**المجموعة الأولى:** ايجاد قيمة مقاومة الناقل الأومي  $R$

بعد تركيب الدارة الموضحة في الشكل -2- و غلق القاطعة عند اللحظة  $t = 0$

1- اقترح طريقة تجريبية يمكنك من متابعة تطور كل من التوتر  $u_C(t)$  بين طرفي

المكثفة وشدة التيار  $i(t)$  المار في الدارة.

2- جد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C(t)$  بين طرفي المكثفة.

3- إذا علمت أن العبارة:  $u_C(t) = A + Be^{\alpha t}$  حل للمعادلة التفاضلية. جد عبارة كل

من:  $A$  و  $B$  و  $\alpha$  . و أعد كتابة عبارة الحل

4- استنتج عبارة  $u_R(t)$

5- بواسطة برمجية خاصة ندرس تغيرات  $\frac{u_C(t)}{u_R(t)} = f(t)$  فنحصل على الشكل -3-

$$1- \text{ أثبت أن: } \frac{u_C(t)}{u_R(t)} = e^{\frac{t}{\tau_1}} - 1$$

ب- استنتج من البيان  $\tau_1$  ثابت الزمن لثنائي القطب  $(RC)$  ثم تحقق أن:  $R = 40\Omega$

6- احسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند نهاية عملية الشحن

**المجموعة الثانية:** ايجاد قيمة كل من الذاتية  $L$  والمقاومة  $r$

بعد تركيب الدارة الموضحة في الشكل -4- و غلق القاطعة عند اللحظة  $t = 0$

تحصلت المجموعة على البيان الممثل لتغيرات التوتر  $u_b(t)$  بين طرفي الوشيعة

بدلالة الزمن شكل -5-

1- ما هو الجهاز المناسب لمتابعة تغيرات التوتر  $u_b(t)$  ؟ بين طريقة توصيله في

الدارة للحصول على المنحنى شكل -4-

2- جد المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار  $i(t)$  المار في الدارة

3- بين أن العبارة:  $i(t) = I_m(1 - e^{-t/\tau_2})$  حل للمعادلة التفاضلية لتطور

شدة التيار . حيث  $I_m$  شدة التيار الأعظمي في النظام الدائم .

4- بين أن عبارة التوتر بين طرفي الوشيعة تكتب على الشكل:

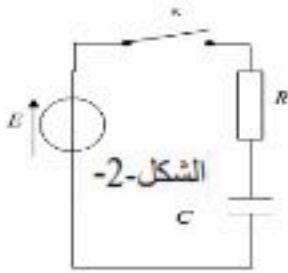
$$u_b(t) = RI_m e^{-t/\tau_2} + rI_m$$

5- جد من البيان قيمة ثابت الزمن  $\tau_2$

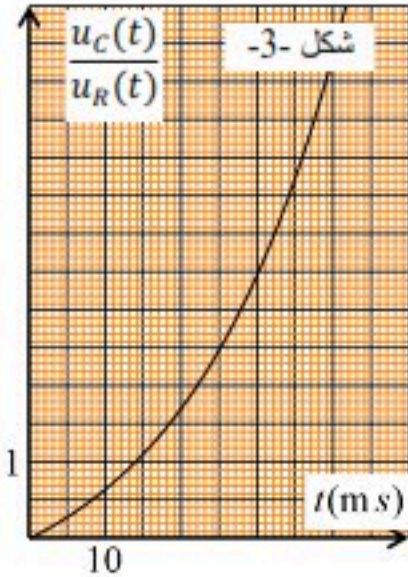
6- أثبت أن  $r = \frac{R(\tau_2 - \tau_1)}{\tau_2}$  حيث  $\tau_1$  فاصلة نقطة تقاطع المماس عند

اللحظة  $t = 0$  مع محور الأزمنة.

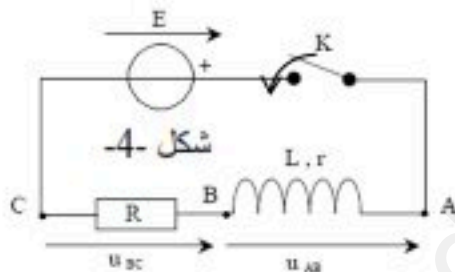
7- احسب قيمة كل من المقاومة  $r$  و الذاتية  $L$



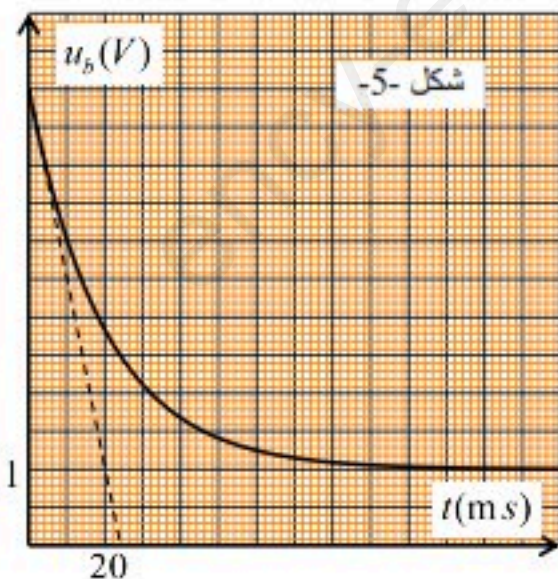
الشكل -2-



شكل -3-



شكل -4-



شكل -5-



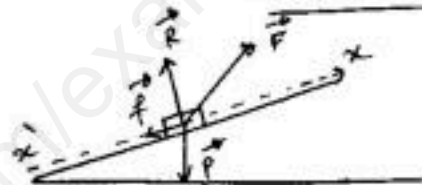
التصحيح النموذجي للورقة الفيزياء .

الصفحة

الجزء 1:

1- المرجع المناسب: السطح الأرضي الذي نعتبره عالياً.

2- تمثيل القوى الخارجية:



3- نص القانون الثاني لنيوتن:

في معلم عطالي مجموع القوى الخارجية المؤثرة على جسم تساوو جداد كتلة الجسم في شعاع تساو مركز عطالته =

4- عبارة التساو: من قه هن:  $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$

بالاستعمال على المحور xx':

$$F \cos \beta - P \sin \alpha - f = m \cdot a$$

$$\Rightarrow a = \frac{\cos \beta}{m} F - \left( \frac{f}{m} + g \sin \alpha \right) \quad \text{--- (1)}$$

5- العبارة الرسمية لـ  $x(t)$  و  $v(t)$ : من اجل  $t = 0$ :

$$\Rightarrow a = \text{const}$$

$$\Rightarrow v(t) = a \cdot t + v_0 \quad \Rightarrow v(t) = a \cdot t$$

$$\Rightarrow x(t) = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + x_0 \quad \Rightarrow x(t) = \frac{1}{2} a t^2$$

6- اكمال الجدول: كما سبقه  $x(t) = \frac{1}{2} a t^2$

من اجل  $x(t) = AB$  تأخذ قيم  $t$  التي في الجدول

$$a = \frac{2AB}{t^2}$$

4	3,5	3,02	2	1	0,5	$a(t.s^{-2})$
---	-----	------	---	---	-----	---------------

7- رسم البيان:

8- ابعاد  $m, f$ :

البيان خط مستقيم

$$a = k F + k' \quad \text{--- (2)}$$

$$k = \frac{\Delta a}{\Delta F} = 5 \frac{m.s^{-2}}{N}$$

$$k' = -6 \frac{m.s^{-2}}{N}$$

على بقية 1 و 2:

$$k = \frac{\cos \beta}{m} \Rightarrow m = \frac{\cos \beta}{k}$$

$$m = \frac{0,5}{5} = 0,1 \text{ kg}$$

$$k' = - (P_{\text{lim}} + g \sin \alpha) = -6$$

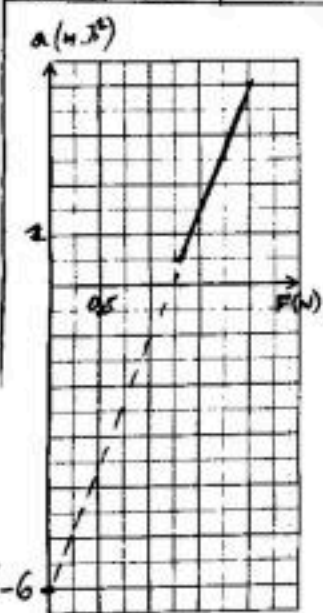
$$f = m (6 - g \sin \alpha)$$

$$f = 0,1 (6 - 10 \cdot 0,5) = 0,1 \text{ N}$$

9- ابعاد  $v_3$ : في القوة الأخيرة:

10- أصغر قوة  $F$ : أي جسم سكونه

$$\Rightarrow \frac{F \cos \beta}{m} - \left( \frac{f}{m} + g \sin \alpha \right) = 0 \Rightarrow F = \frac{f + m g \sin \alpha}{\cos \beta} = 1,2 \text{ N}$$



$$v_3 = at = (4m/s) \Rightarrow v_3 = 4m/s$$

$$a = 0$$

$$\Rightarrow \frac{F \cos \beta}{m} - \left( \frac{f}{m} + g \sin \alpha \right) = 0$$

\* التمرين 1 :

المجموعة الأولى :

2- الطريقة التجريبية :

\*  $u_c$  : الموتر الرقني أو رسم الاستنزاف العياني في  
الذاكرة بين طرفي المكثف + حاسوب

\*  $u_R$  : الموتر الرقني على المقاوم + حاسوب

2- المعادلات التفاضلية لـ  $(u_c, u_R)$  : من قانون جمع التوترات

$$u_c + u_R = E$$

$$u_c + Ri = E, i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_c}{dt}$$

$$(u_c + RC \frac{du_c}{dt} = E)$$

$$\Rightarrow \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{RC} u_c = \frac{E}{RC}$$

$$u_c(t) = A + B e^{\alpha t}$$

$$\frac{du_c}{dt} = \alpha B e^{\alpha t}$$

$$\alpha B e^{\alpha t} + \frac{1}{RC} (A + B e^{\alpha t}) = \frac{E}{RC}$$

من شروط الابتدائية  $B = -E$  ,  $\alpha = -\frac{1}{RC}$  ,  $A = E$

$$u_c(t) = E - E e^{-\frac{t}{RC}}$$

4- معادلات  $u_R(t)$  : من قانون جمع التوترات  $u_R = E - u_c$

$$u_R = E - (E - E e^{-\frac{t}{RC}}) = E e^{-\frac{t}{RC}} \Rightarrow u_R(t) = E e^{-\frac{t}{RC}} \quad (u_R = R \frac{dq}{dt})$$

$$u_c(t) = \frac{1}{C} \int i dt = \frac{1}{C} \int C \frac{du_c}{dt} dt = \frac{1}{C} \int du_c = \frac{1}{C} u_c$$

$$0,75 \quad \frac{u_c(t)}{u_R(t)} = \frac{\frac{1}{C} \int i dt}{\frac{1}{R} \int i dt} = \frac{R}{C} = 2$$

$$0,5 \quad \text{ب- قيمة } \tau = \tau_0 \text{ عند } t = \tau_0 \text{ لدينا}$$

$$\frac{u_c}{u_R}(t = \tau_0) = \frac{1}{2} - 1 = -\frac{1}{2}$$

بالإسقاط نجد  $\tau_0 = 20 \text{ ms}$

$$0,5 \quad \tau = RC \Rightarrow R = \frac{\tau}{C} = \frac{20 \cdot 10^{-3}}{500 \cdot 10^{-6}} = 40 \Omega$$

$$R = 40 \Omega$$

6- الطاقة المخزنة في نهاية عملية الشحن :

$$0,75 \quad E_{cm} = \frac{1}{2} C u_{cm}^2 = \frac{1}{2} C E^2 = \frac{1}{2} \cdot 500 \cdot 10^{-6} \cdot (6)^2$$

$$E_{cm} = 9 \cdot 10^{-4} \text{ J} = 0,9 \text{ mJ}$$

$$d = -\frac{E}{\epsilon} = -\frac{RI_m}{\tau_L} \Rightarrow r = \frac{(t' - \tau_L)R}{\tau_L}$$

$$r = \frac{(24 - 20) \cdot 10^{-3} \cdot 40}{20 \cdot 10^{-3}} \quad \text{7- حساب } L, r \text{ لدينا}$$

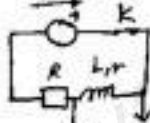
$$r = 8 \Omega$$

$$\tau_L = \frac{L}{R+r} \Rightarrow L = \tau_L (R+r) = 20 \cdot 10^{-3} (40+8)$$

$$L = 0.96 H$$

المجموعة الثانية:

1- الجهاز المناسب: راسم الإحصاء الهولطي بين طرفي الوترية



2- المعادلات التفاضلية: من قانون جمع التوترات

$$U_R + U_L + U_r = E$$

$$(Ri + L \frac{di}{dt} + ri = E) \quad \frac{1}{L} \Rightarrow \frac{di}{dt} + \left(\frac{R+r}{L}\right)i = \frac{E}{L}$$

$$3- \text{عبارة الحل: } i(t) = \frac{E}{I_m} (1 - e^{-t/\tau_L}) \Rightarrow \frac{di}{dt} = \frac{E}{\tau_L} e^{-t/\tau_L}$$

$$\frac{E}{\tau_L} e^{-t/\tau_L} + \left(\frac{R+r}{L}\right) I_m (1 - e^{-t/\tau_L}) = \frac{E}{L}$$

$$\Rightarrow I_m = \frac{E}{R+r} ; \tau_L = \frac{L}{R+r}$$

$$4- \text{عبارة } U_L(t): \text{ من قانون جمع التوترات: } U_L = E - U_R = E - Ri$$

$$= E - R \frac{E}{R+r} (1 - e^{-t/\tau_L})$$

$$U_L = R I_m e^{-t/\tau_L} + r I_m$$

$$\tau_L = 20 \text{ ms}$$

5- قيمة  $\tau_L$  من المعطيات

6- إثبات عبارة 3: تقاطع الخاس  $\epsilon$  مع محور الزمن عند  $t = 0$

$$\alpha = \frac{0-E}{\tau_L - 0} = -\frac{E}{\tau_L}$$

من معامل التوجيه

$$\alpha = \frac{dU_L}{dt} (t=0) = -\frac{R I_m}{\tau_L}$$



مارس 2020

المستوى الثالثة ثانوي رياضيات

اختبار الفصل الثاني في مادة العلوم الفيزيائية المدة : 4 سا

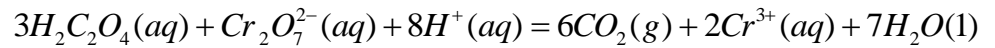
#### التمرين الأول: 4 نقاط

لمتابعة تطور تفاعل حمض الأكساليك  $H_2C_2O_4(aq)$  مع شوارد ثنائي الكرومات  $Cr_2O_7^{2-}$

نمزج في اللحظة  $t = 0min$  حجما  $V_1 = 50ml$  من محلول حمض الأكساليك، تركيزه المولي:  $C_1 = 12mmol/L$

مع حجم:  $V_2 = 50 ml$  من محلول ثنائي كرومات البوتاسيوم  $(2K^+(aq) + Cr_2O_7^{2-}(aq))$  تركيزه المولي:  $C_2 = 16mmol/L$

وبوجود وفرة من حمض الكبريت المركز نمذج التحول الحاصل بالمعادلة التالية:



1. أ. حدّد الثنائي Ox/Red المشاركين في التفاعل

ب. أنشئ جدولا لنقدم تفاعل، ثم حدّد المتفاعل المحد.

2. البيان يمثل تغيرات تركيز المولي لحمض الأكساليك

بدلالة الزمن (الشكل 1-)

أ. عرف السرعة الحجمية للتفاعل

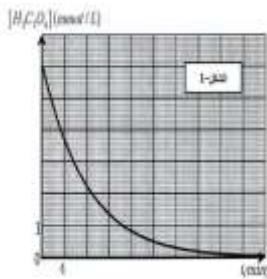
ب. بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل في أي لحظة

$$v = -\frac{1}{3}x \frac{d[H_2C_2O_4]}{dt}$$

تكتب بالعلاقة

ج. أحسب قيمة السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة  $t = 12min$

3. عرف ومن نصف التفاعل، ثم أحسبه.



#### التمرين الثاني 4 نقاط

يستعمل نظيرا البلوتونيوم المشع  $^{239}_{94}Pu$  كوقود مفاعل نووي لإنتاج الطاقة الكهربائية بمردود طاقي  $r = 30\%$

تنشط نواة البلوتونيوم  $^{239}_{94}Pu$  إثر قذفها بنيترون إلى نواتي اليود  $^{135}_{53}I$  والنيوبيوم  $^{102}_{41}Nb$  و  $^{94}_{11}p + 146_{0}n$  وتحرير عدد  $a$  من النيترونات.

1. أكتب المعادلة المندمجة لتفاعل النووي الحادث، ثم أحسب قيمة العدد  $a$

2. تفاعل انشطار البلوتونيوم 239 هو تفاعل تسلسلي مغذى ذاتيا. فسر ذلك؟

3. يمثل الشكل 1- مخطط الحصلة الكتلية لهذا التحول النووي

(أ) ماذا تمثل كل من  $\Delta m_1, \Delta m_2, \Delta m_3$ ؟

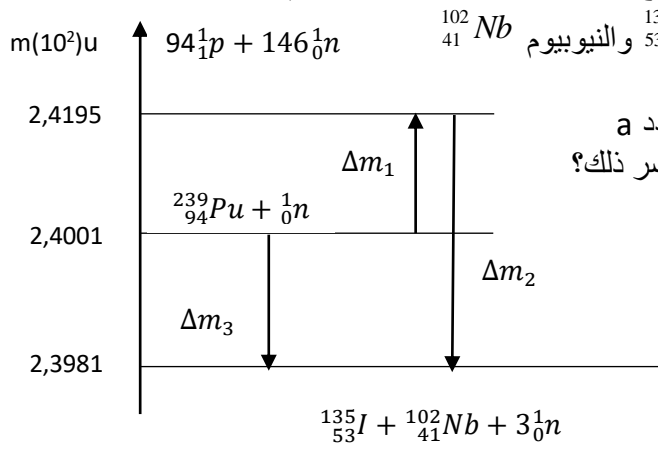
(ب) اعتمادا على الخطط أوجد:

- طاقة الربط  $E_l$  لنواة البلوتونيوم  $^{239}_{94}Pu$

- الطاقة  $E_{Lib}$  المحررة عن انشطار نواة بلوتونيوم 239 بوحدة Mev

(ج) إذا علمت أن النقص الكتلي لنواة النيوبيوم  $^{102}_{41}Nb$  هو  $\Delta m = 0,93119u$

أحسب طاقة الربط  $E_l$  لنواة اليود 135 ثم قارن بين استقرار نواتي اليود 135 والنيوبيوم 102



$$\Delta m = 0,93119u$$

هو  $^{102}_{41}Nb$

النيوبيوم 102

4/. أحسب الطاقة الكهربائية التي يسببها هذا المفاعل النووي عند أسهلاك 1kg من البلوتونيوم 239 مقدره بوحده الجول.

المعطيات:  $1\text{MeV} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ J}$ ,  $1\text{u} = 931,5 \text{ MeV}/c^2$ ,  $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

#### التمرين الثالث 4 نقاط

نحقق الدارة الكهربائية الموضحة في الشكل 1- باستعمال العناصر التالية:

- مولد مثالي للتوتر قوته المحركة الكهربائية  $E=6\text{V}$

- وشيعة ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r$

- ناقل أومي مقاومته  $R = 50\Omega$ ، قاطعة  $k$  وصمام ثنائي.

نغلق القاطعة لمدة زمنية كافية لإقامة التيار.

(1) عند اللحظة  $t=0$  نفتح القاطعة  $k$ . ماهي الظاهرة التي تحدث في الدارة؟

(2) بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين

طرفي الناقل الأومي  $u_R(t)$

(3) علما أن العبارة  $u_R = Ae^{-t/\tau}$  حيث  $A$  و  $\alpha$  مقدارين ثابتين هو حل للمعادلة التفاضلية

المقادير المميزة للدائرة ثم استنتج عبارة شدة التيار اللحظي  $i(t)$ .

(4) أكتب عبارة الاستطاعة اللحظية  $P(t)$  للتحويل الطاقوي الحادث على

مستوى الناقل الأومي  $R$  بدلالة  $R$ ،  $I_0$  (شدة التيار العظمى)،

$\tau$  (ثابت الزمن للدائرة) والزمن  $t$ .

(5) سمحت المتابعة الزمنية لتطور الاستطاعة اللحظية  $P(t)$  للتحويل

الطاقوي الحادث على مستوى الناقل الأومي  $R$  بواسطة لاقط الواط متر

برسم المنحنى الممثل في الشكل 2.

(أ) برهن أن المماس للمنحنى البياني عند اللحظة  $t=0$  يقطع محور الأزمنة

في النقطة ذات الفاصلة  $t' = \tau/2$  ثم استنتج قيمة ثابت الزمن  $\tau$  للدائرة.

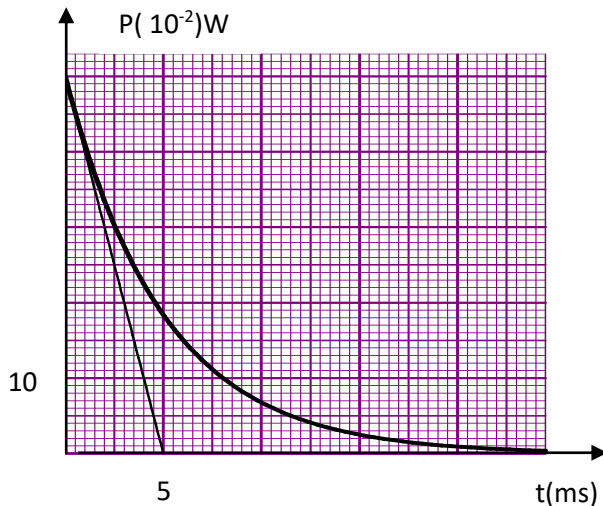
(ب) اعتمادا على بيان الشكل 3-، أحسب شدة التيار العظمى للتيار المار في الدارة.

(ج) استنتج قيمة كل من مقاومة الوشيعة  $r$  وذاتيتها  $L$

(6) أثبت أن زمن تناقض الاستطاعة الأعظمية المصروفة في الناقل

الأومي  $R$  إلى النصف هو:  $t_{1/2} = \frac{\tau}{2} \ln 2$ ، ثم أوجد قيمته.

**تذكير:**  $P(t) = R \cdot i^2(t)$



#### التمرين الرابع (4 نقاط)

جميع المحاليل مأخوذة عند الدرجة  $25^\circ\text{C}$  حيث:  $Ke = 10^{-14}$

نعاير على التوالي حجما  $V_1=30\text{mL}$  لمحلول حمض كلور الهيدروجين ذي التركيز المولي  $C_1$ ، ثم حجما  $V_2=20\text{mL}$  من محلول حمض الميثانويك  $\text{HCOOH}$  تركيزه المولي  $C_2$ ، بواسطة محلول هيدروكسيد الصوديوم  $(\text{Na}^+(aq) + \text{OH}^-(aq))$  تركيزه المولي

$$c_b = 0,1 \text{ mol/L}$$

نتابع تطور pH الوسط التفاعلي بواسطة جهاز الـ pH متر بدلالة حجم الأساس المضاف  $V_b$  من السحاحة، فتحصلنا على البيانيين (1)

و (2) الممثلين في الشكل 1-

(1) ضع بروتوكولا تجريبيا للمعايرة باستعمال رسم تخطيطي.

(2) أكتب معادلة تفاعل المعايرة لكل حمض

(3) حدد إحداثيات نقطة التكافؤ لكل منحنى ثم انسب كل منحنى للحمض الموافق له مع التعليل

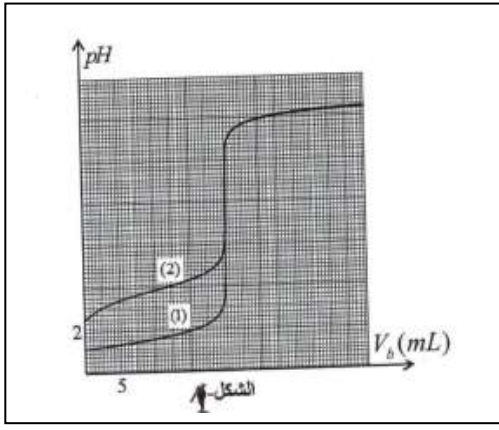
(4) استنتج قيمة كل من  $C_1$  و  $C_2$

5) حدد ثابت الحموضة pKa للثنائية (HCOOH/HCOO<sup>-</sup>)

6) أحسب ثابت التوازن K لتفاعل معايرة حمض الميثانويك. ماذا نستنتج؟

7) نريد استعمال كاشفا ملونا في كل معايرة، ماهو الكاشف المناسب لكل معايرة من بين الكواشف التالية؟

الكاشف الملون	مجال التغير اللوني
الهليانثين	3,1-4,4
أزرق البروموتيمول	6,2-7,6
فينول فتالين	8,0-10,0



#### التمرين الخامس 4 نقاط

1. تمثّل الجملة المبينة في الشكل 1- جسما صلبا ( $S_1$ ) كتلته  $m_1=400g$  ينزلق بدون احتكاك على سطح مستو مائل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  ويرتبط بواسطة خيط مهمل الكتلة وعديم الامتطاط ويمر على محز بكرة مهمل الكتلة بجسم صلب ( $S_2$ ) كتلته  $m_2=400g$ . نترك الجملة عند اللحظة  $t=0$  فينطلق الجسم ( $S_1$ ) من النقطة A بدون سرعة ابتدائية

أ. مثل القوى الخارجية المؤثرة على كل من ( $S_1$ ) و ( $S_2$ )

ب. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن حدد طبيعة حركة الجسم ( $S_1$ ) ثم أحسب قيمة تسارع مركز عطالته.

ج. جد سرعة الجسم ( $S_1$ ) عند النقطة B علما أنّ:  $AB=1,25m$

ثم استنتج المدة المستغرقة لذلك.

2. مكنت الدراسة التجريبية من ريم منحنى تغيرات سرعة الجسم ( $S_1$ )

بدلالة الزمن  $v=f(t)$  (الشكل 2-)

أ. من هذا المنحنى، جد قيمة تسارع الجسم ( $S_1$ ) وقارنها مع المحسوبة سابقا.

ب. فسّر اختلاف قيمة التسارع في الحالتين

ج. بناء على هذا التفسير بيّن أن سرعة الجسم ( $S_1$ ) تحقق المعادلة التفاضلية

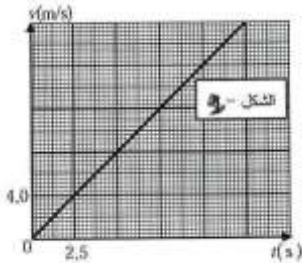
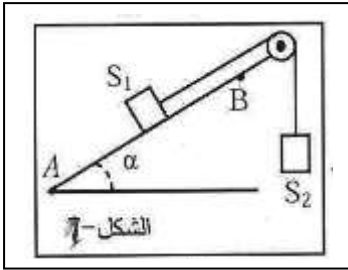
$$\frac{dv(t)}{dt} = \frac{g}{2}(1 - \sin \alpha) - \frac{f}{2m_1}$$

التالية: حيث  $\vec{f}$  قوة الاحتكاك التي يؤثر بها سطح

المستوي المائل على ( $S_1$ )

د. استنتج قيمة كل من شدة ثوة الاحتكاك  $\vec{f}$  وشدة توتر الخيط  $\vec{T}$

يعطى:  $g = 10m.s^{-2}$





## تصحيح الاختبار

**1 التمرين الأول:** / أ- الشائيات: (OX / red) :  $\left( \text{Cr}_2\text{O}_7^{2-} \mid \text{Cr}^{3+} \text{CO}_2 \mid \text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4 \right)$  ب- جدول التقدم : **0,25x2**

**1**

المعادلة		$\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_{4(\text{ag})} + \text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}(\text{ag}) + 8\text{H}^+(\text{ag}) = 6\text{CO}_{2(\text{g})} + 2\text{Cr}^{3+}(\text{ag}) + 7\text{H}_2\text{O}_{(1)}$					
الحالة	التقدم	كمية المادة بالمول					
الابتدائية	$x=0$	$n_{01}$	$n_{02}$	بوفرة	0	0	بوفرة
الانتقالية	$x$	$n_{01}-3x$	$n_{02}-x$		$6x$	$2x$	
النهائية	$x_{\text{max}}$	$n_{01}-3x_{\text{max}}$	$n_{02}-x_{\text{max}}$		$6x_{\text{max}}$	$2x_{\text{max}}$	

- تحديد المتفاعل المحد:  $x_{\text{max}} = \frac{c_1 V_1}{3} = \frac{12 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-3}}{3} = 2 \times 10^{-4} \text{ mol}$

**0,75**

-  $x_{\text{max}} = 8 \times 10^{-4} \text{ mol}$   $x_{\text{max}} = C_2 V_2 = 16 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-3}$

ومنه المتفاعل المحد هو  $\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$  و بالتالي :  $x_{\text{max}} = 2 \times 10^{-4} \text{ mol}$

**2- أ- السرعة الحجمية :** **0,25**

تعريف : هي سرعة التفاعل في وحدة الحجم .  $V_{\text{VOL}} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$

ب- إثبات أن :  $v = -\frac{1}{3} \times \frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt}$  : لدينا من جدول التقدم :  $n_{\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4} = n_{01} - 3x$

**0,5**

ومنه  $\frac{dx}{dt} = \frac{-V}{3} \times \frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt}$  ومنه  $v_{\text{vol}} = -\frac{1}{3} \times \frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt}$

**0,25**

ج- حساب قيمتها :  $v_{12 \text{ min}} = -\frac{1}{3} \times \frac{(0-3,1) \times 10^{-3}}{20,8-0} = 5,0 \times 10^{-5} (\text{mol} / \text{L} \cdot \text{min})$

$$-3[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]_{4/2} = \frac{C_1 V_1}{V} - \frac{3 \frac{x_{\text{max}}}{2}}{3} = \frac{12 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-3}}{0,1} - \frac{3 \times 2 \times 10^{-4}}{0,2} = 3 \times 10^{-3} \text{ mol} / \text{L}$$

**0,5**

تعريف زمن نصف التفاعل : هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه النهائي

**0,25**

- حسابه : من البيان نجد :  $t_{1/2} = 5,6 \text{ min}$

1- كتابة معادلة التفاعل :  $^{239}_{94}Pu + ^1_0n \rightarrow ^{135}_{53}I + ^{102}_{41}Nb + a^1_0n$

0,25x2

تعيين العدد a : بتطبيق قانون انحفاظ العدد الكتلي :

$$\sum A_i = \sum A_f \Rightarrow 239 + 1 = 153 + 102 + a \Rightarrow a = 3$$

2- تفسير العبارة :

0,5

تفاعل تسلسلي مغذى ذاتيا : تفاعل انشطار نووي مغذى ذاتيا لأن النوترونات الثلاث الناتجة عن الانشطار الأول تحدث 3 انشطارات في مرحلة ثانية وتنتج ثلاثة ب 9 انشطارات وهكذا....

1-  $\Delta m_1$  : نقص الكتلة لنواة البلوتونيوم  $^{239}_{94}Pu$

0,25x3

$\Delta m_2$  : مجموع نقص الكتلة لنواتي  $^{135}_{53}I, ^{102}_{41}Nb$

$\Delta m_3$  : نقص الكتلة لتفاعل الانشطار

ب- إيجاد طاقة الربط لنواة  $^{239}_{94}Pu$  :

0,5

$$E_1(^{239}_{94}Pu) = \Delta m_1 \cdot 931,5 = (2,4195 - 2,4001) \cdot 10^2 \cdot 931,5 = 1807, \text{Mev}$$

0,5

طاقة المحررة  $E_{lib}$  :  $E_{lib} = |\Delta m_3| \cdot 931,5 = |(2,4195 - 2,4001)| \cdot 931,5 = 186, \text{Mev}$

ج - حساب طاقة الربط لنواة اليود  $^{135}_{53}I$  :  $E_1(^{135}_{53}I) = |\Delta m| \cdot 931,5$

$|\Delta m| \cdot (^{135}_{53}I) \Delta m_2 - \Delta m(^{102}_{41}Nb) = |2,4195| \cdot 10^2 - 0,93119 = 1,2088 \text{Iu}$

$E_1(^{135}_{53}I) = 1,20881 \times 931,5 = 1126,00 \text{Mev}$

لمقارنة بين استقرار  $^{135}_{53}I, ^{102}_{41}Nb$

0,25x2

$$\frac{E_1(^{135}_{53}I)}{A} = \frac{1126,00}{135} = 8,34 \text{Mev / nuc}$$

$$\frac{E_1(^{102}_{41}Nb)}{A} = \frac{0,93119 \times 931,5}{102} = 8,50 \text{Mev / nuc}$$

نلاحظ أن :  $\frac{E_1(^{135}_{53}I)}{A} < \frac{E_1(^{102}_{41}Nb)}{A}$  ومنه نواة  $^{102}_{41}Nb$  أكثر استقرارا من نواة  $^{135}_{53}I$ .

2- حساب الطاقة الكهربائية التي ينتجها المفاعل النووي عند استهلاك 1kg من البلوتونيوم  $^{239}$ :

0,75

$$p = \frac{E_e}{E'_{lib}} \times 100 \Rightarrow E_e = \frac{p \times E'_{lib}}{100} = \frac{p \times E_{lib} \times N}{100} = \frac{p \times E_{lib} \times m \times N_A}{100M}$$

$$E_e = \frac{30 \times 186,3 \times 10^3 \times 6,02 \times 10^{23}}{100 \times 239} = 1,41 \cdot 10^{26} \text{Mev} = 2,25 \cdot 10^{13} \text{J}$$

(1) المعادلة التفاضلية : حسب قانون جمع التوترات :

$$U_R + U_b = 0$$

$$U_R + L \frac{di}{dt} + ri = 0$$

$$U_R + \frac{L}{R} \frac{dU_R}{dt} + \frac{r}{R} U_R = 0$$

$$\frac{dU_R}{dt} + \frac{R+r}{L} U_R = 0$$

1

(2) إيجاد عبارة A و a :

$$\frac{dU_R}{dt} = \frac{-A}{\alpha} . e^{\frac{-1}{a}} \text{ بالاشتقاق نجد } U_R(t) = A . e^{\frac{-1}{a}}$$

$$a = \frac{L}{R+r} = \tau \text{ بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد}$$

$$U_R(t) = RI_0 . e^{\frac{-1}{\tau}} \text{ ومن الحل هو } U_R(0) = RI_0 \Rightarrow A = RI_0$$

$$i(t) = \frac{U_R(t)}{R} = I_0 . e^{\frac{-1}{\tau}} \text{ لدينا : } i(t) \text{ - إيجاد عبارة } i(t)$$

$$(3) \text{ عبارة الاستطاعة : } P(t) = R . i(t)^2 = R . \left( I_0 . e^{\frac{-1}{\tau}} \right)^2 = R . I_0^2 . e^{\frac{-2}{\tau}} = P_{\max} . e^{\frac{-2}{\tau}}$$

(4) أ- برهان المماس : لدينا معامل توجيه المماس

$$a = \left( \frac{dP(t)}{dt} \right)_{t=0} = \left( \frac{-2P_{\max}}{\tau} . e^{\frac{-1}{\tau}} \right)_{t=0} = \frac{-2P_{\max}}{\tau} . e^{\frac{-1}{\tau}} \dots\dots(1)$$

$$\text{ولدينا معامل توجيه المماس بيانيا . (2) } a = tga = \frac{-P_{\max}}{t'} \dots\dots\dots(2)$$

$$\frac{-P_{\max}}{t'} = \frac{-2P_{\max}}{\tau} . \Rightarrow t' = \frac{\tau}{2}$$

$$\frac{\tau}{2} = 5ms \Rightarrow \tau = 10ms \text{ - استنتاج ثابت الزمن : من البيان نجد}$$

$$P_{\max} = R . I_0^2 ms \Rightarrow I_0 = \sqrt{\frac{P_{\max}}{R}} \text{ ب- شدة التيار الأعظمي :}$$

$$I_0 = \sqrt{\frac{50 \times 10^{-2}}{50}} = 0,1A$$

ج- إيجاد r و L :

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \Rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R$$

$$r = \frac{6}{0,1} - 50 = 10\Omega \text{ : إيجاد r}$$

$$\frac{L}{R+r} = r \Rightarrow L = r(R+r) \Rightarrow L = 0,01(60) = 0,6H \text{ - إيجاد :}$$

0,5

0,25

0,5

0,25

(5) الاستطاعة إلى النصف : لدينا :

$$t = t_{\frac{1}{2}} \Rightarrow \begin{cases} P(t_{1/2}) = \frac{P_{\max}}{2} \\ P(t_{1/2}) = P_{\max} \cdot e^{-2t_{1/2}/\tau} \end{cases} \Rightarrow P_{\max} \cdot e^{-2t_{1/2}/\tau} = \frac{P_{\max}}{2}$$

$$\Rightarrow e^{-2t_{1/2}/\tau} = \frac{1}{2} \Rightarrow t_{\frac{1}{2}} = \frac{\tau}{2} \ln 2 = 3.46 \text{ ms}$$

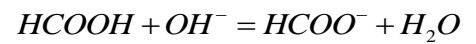
التمرين الرابع

التمرين التجريبي : (06 نقاط):

(1) البروتوكول التجريبي:



معادلة تفاعل المعايرة لكل حمض :



(3) احداثيات نقطة التكافؤ لكل منحنى :

المنحنى (1) :  $E(V_{bE}; pH_E) = (20 \text{ ml}; 7)$

المنحنى (2) :  $E(V_{bE}; pH_E) = (20 \text{ ml}; 8,2)$

المنحنى (1) يوافق معايرة محلول حمض الهيدروجين لأن  $pH_E = 7$

المنحنى (2) يوافق معايرة محلول حمض الميثانويك لأن  $pH_E > 7$

(4) استنتاج التركيز المولي لكل محلول حمضي:

$$C_1 V_1 = C_b V_{bE} \Rightarrow C_1 = \frac{C_b V_{bE}}{V_1} = \frac{0,1 \times 20}{30} = 6,6 \cdot 10^{-2} \text{ mol / L}$$

$$C_2 V_2 = C_b V_{bE} \Rightarrow C_2 = \frac{C_b V_{bE}}{V_2} = \frac{0,1 \times 20}{30} = 10^{-1} \text{ mol / L}$$

(5) استنتاج ثابت الحموضة :

عند نقطة نصف التكافؤ يكون  $pKa = 3,8$

(6) حساب ثابت التوازن K لتفاعل معايرة حمض الميثانويك:

$$K = \frac{[HCOO^-]_f}{[HCOOH]_f [OH^-]_f} \times \frac{[H_3O^+]_f}{[H_3O^+]_f} = \frac{K_a}{K_e} = 10^{pK_e - pK_a} = 1,58 \times 10^{10}$$

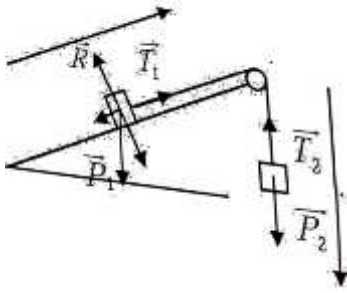
الاستنتاج :  $K \gg 10^4$  التفاعل تام.

(7) الكاشف المناسب لكل معايرة هو :

معايرة حمض كلور الهيدروجين : BBT لأن  $pH_E = 7$  ينتمي إلى مجال تغيره اللوني

(8) معايرة حمض الميثانويك : فينول فتالين لأن  $pH_E = 8,2$  ينتمي إلى مجال تغيره اللوني .

0,5



التمرين الخامس : (4 نقاط)

1/ أ- تمثيل القوى الخارجية :

ب- تحديد طبيعة حركة الجسم  $S_1$  :- الجملة  $S_1$  و  $S_2$  : المعلم سطحي أرضي عطالي

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

$$S_1: \vec{P}_1 + \vec{T}_1 + \vec{R} = m_1 \vec{a}$$

$$S_2: \vec{P}_2 + \vec{T}_2 + \vec{R} = m_2 \vec{a}$$

بالإسقاط على محور الحركة .

$$S_1: m_1 g \sin \alpha + T_1 = m_1 a$$

$$S_2: T_1 = T_2 \quad m_2 g - T_2 = m_2 a$$

بالجمع نجد:

$$m_2 g - m_1 g \sin \alpha = (m_1 + m_2) a \quad / \quad m_1 = m_2 = m$$

$$mg(1 - \sin \alpha) = 2ma \Rightarrow a = \frac{g}{2}(1 - \sin \alpha) = C^{te}$$

إذن حركة الجسم  $S_1$  مستقيمة متغيرة بانتظام.

$$- \text{ حساب قيمة } a : a = \frac{10}{2}(1 - \sin 30^\circ) = 2,5 \text{ m/s}^2$$

ج - سرعة الجسم  $S_1$  عند الموضع B :

$$v_B^2 - v_A^2 = 2a \cdot AB \Rightarrow v_B = \sqrt{2a \cdot AB} = \sqrt{2 \times 2,5 \times 1,25} = 2,5 \text{ m/s}$$

- مدة الحركة من النقطة A إلى النقطة B :

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \quad / \quad t=0 \rightarrow v_0 = v_A = 0 ; \quad x_0 = 0$$

$$x = \frac{1}{2}at^2 \Rightarrow AB = \frac{1}{2}at^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2AB}{a}} = \sqrt{\frac{2 \times 1,25}{2,5}} = 1 \text{ s}$$

$$1/2 - \text{ قيمة التسارع بيانيا : } a_1 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{4,0 - 0}{2,5 - 0} = 1,6 \text{ m/s}^2$$

- المقارنة : نلاحظ أن :  $a_1 < a$ ب- سبب اختلاف قيمة التسارعين هو وجود قوة احتكاك  $\vec{f}$  .

ج- المعادلة التفاضلية :

$$S_1: \vec{P}_1 + \vec{T}_1 + \vec{R} + \vec{f} = m_1 \vec{a}_1$$

$$S_2: \vec{P}_2 + \vec{T}_2 + \vec{R} + \vec{f} = m_2 \vec{a}_2$$

$$S_1: m_1 g \sin \alpha - f + T_1 = m_1 a_1$$

$$S_2: m_2 g - T_2 \quad / \quad T_1 = T_2 = m_2 a_1$$

$$m_1 g(1 - \sin \alpha) - f = 2m_1 a_1$$

$$a = \frac{g}{2}(1 - \sin \alpha) - \frac{f}{2m_1} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = \frac{g}{2}(1 - \sin \alpha) - \frac{f}{2m_1}$$

د- شدة كل من  $\vec{T}$  :  $\vec{f}$  ( تقبل كل الطرق الصحيحة )

$$a_1 = a - \frac{f}{2m_1} \Rightarrow f = 2m_1(a - a_1)$$

$$f = 2 \times 0,4(2,5 - 1,6) = 0,72 \text{ N}$$

$$\text{ولدينا } m_1 g - T_2 = m_1 a_1 \Rightarrow T_2 = m_1(g - a_1) = 0,4(10 - 1,6) = 3,36 \text{ N}$$

0,5x2

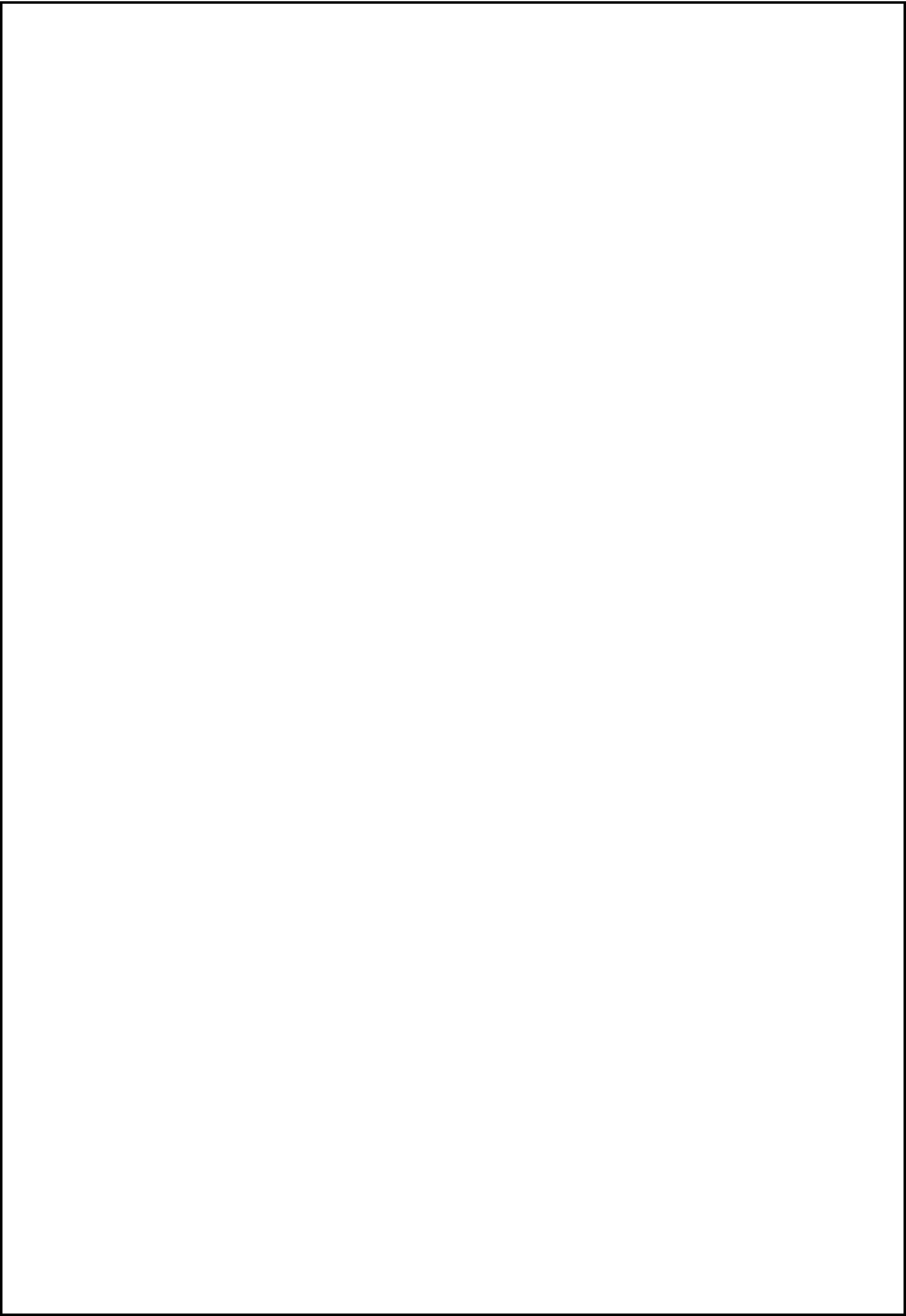
0,25x2

0,25

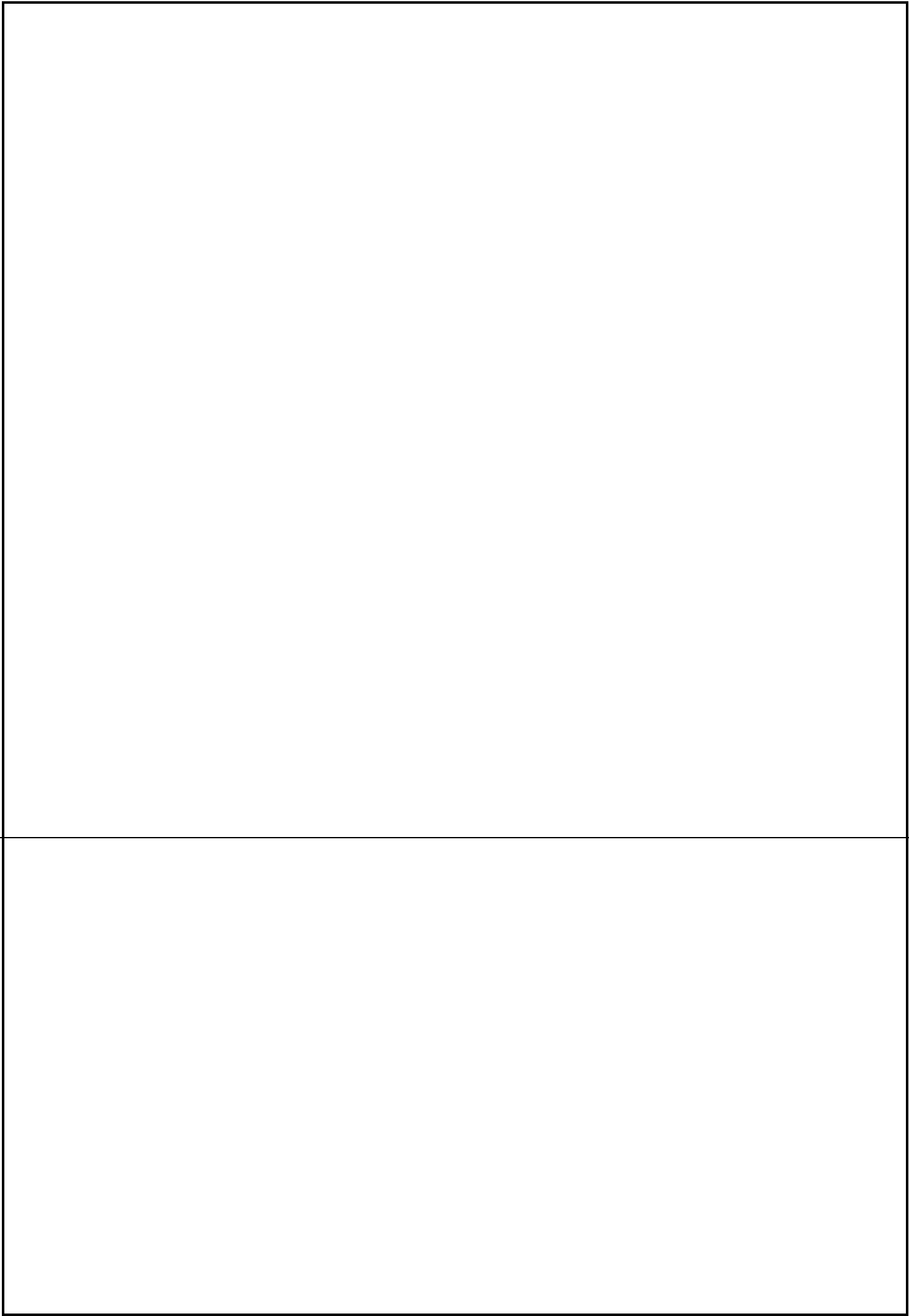
0,25

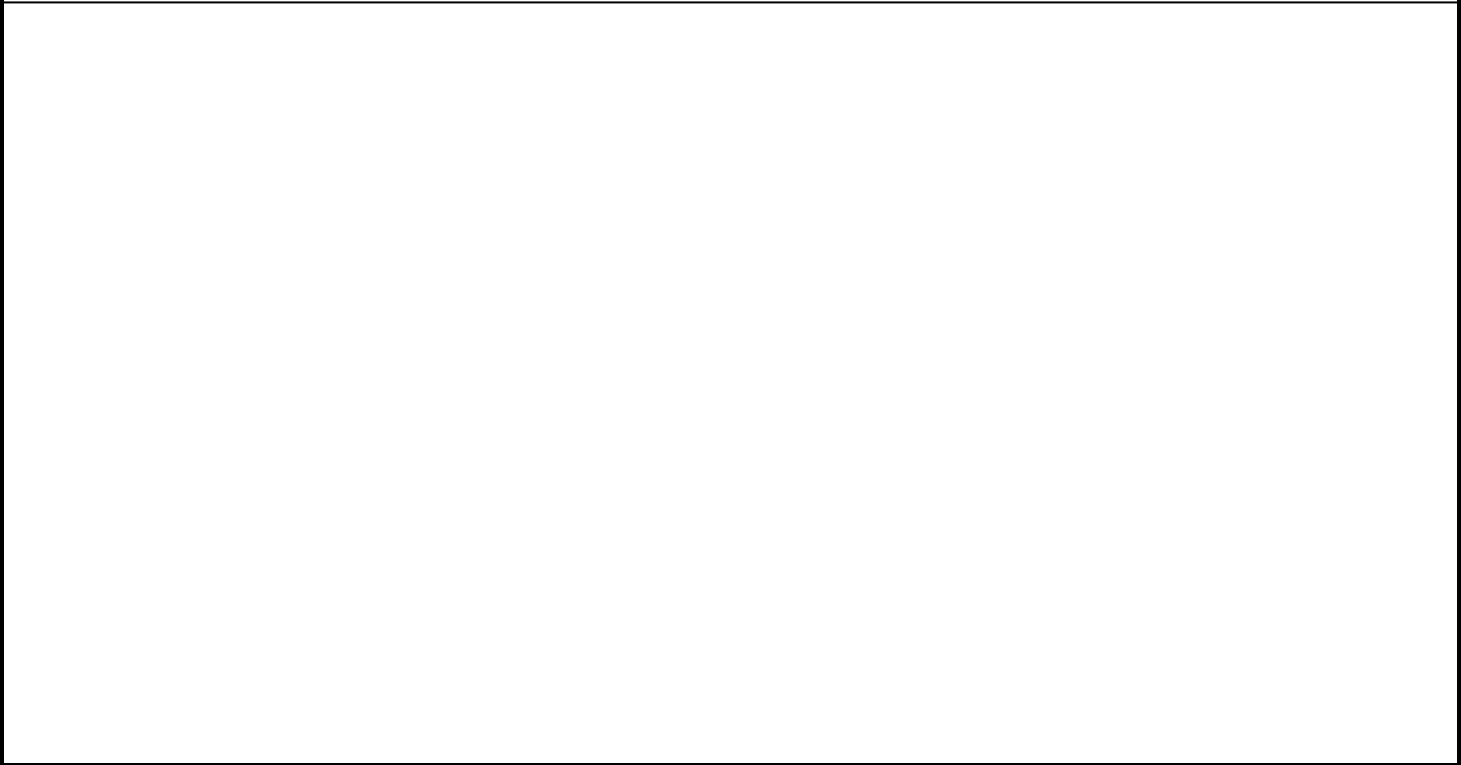
0,5

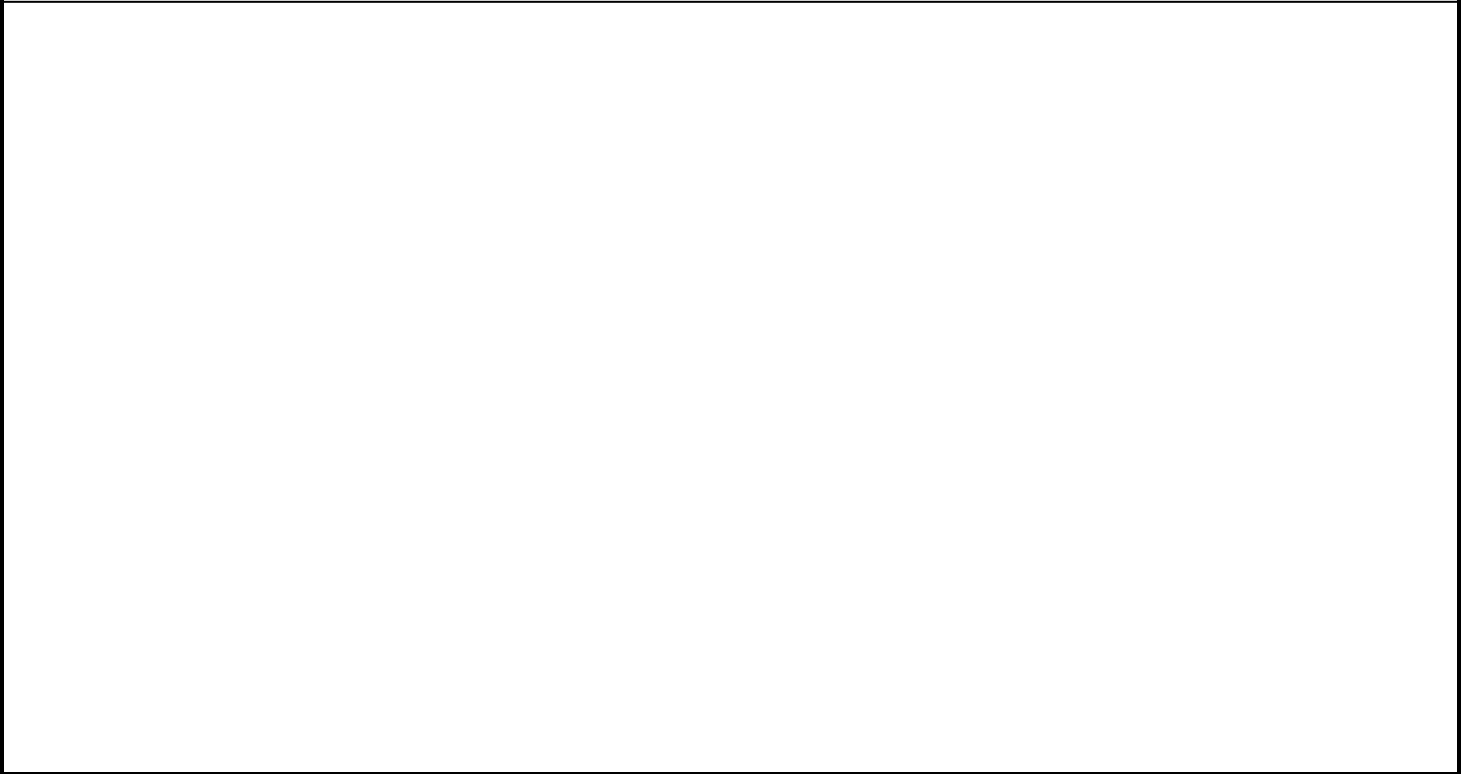
0,25x2



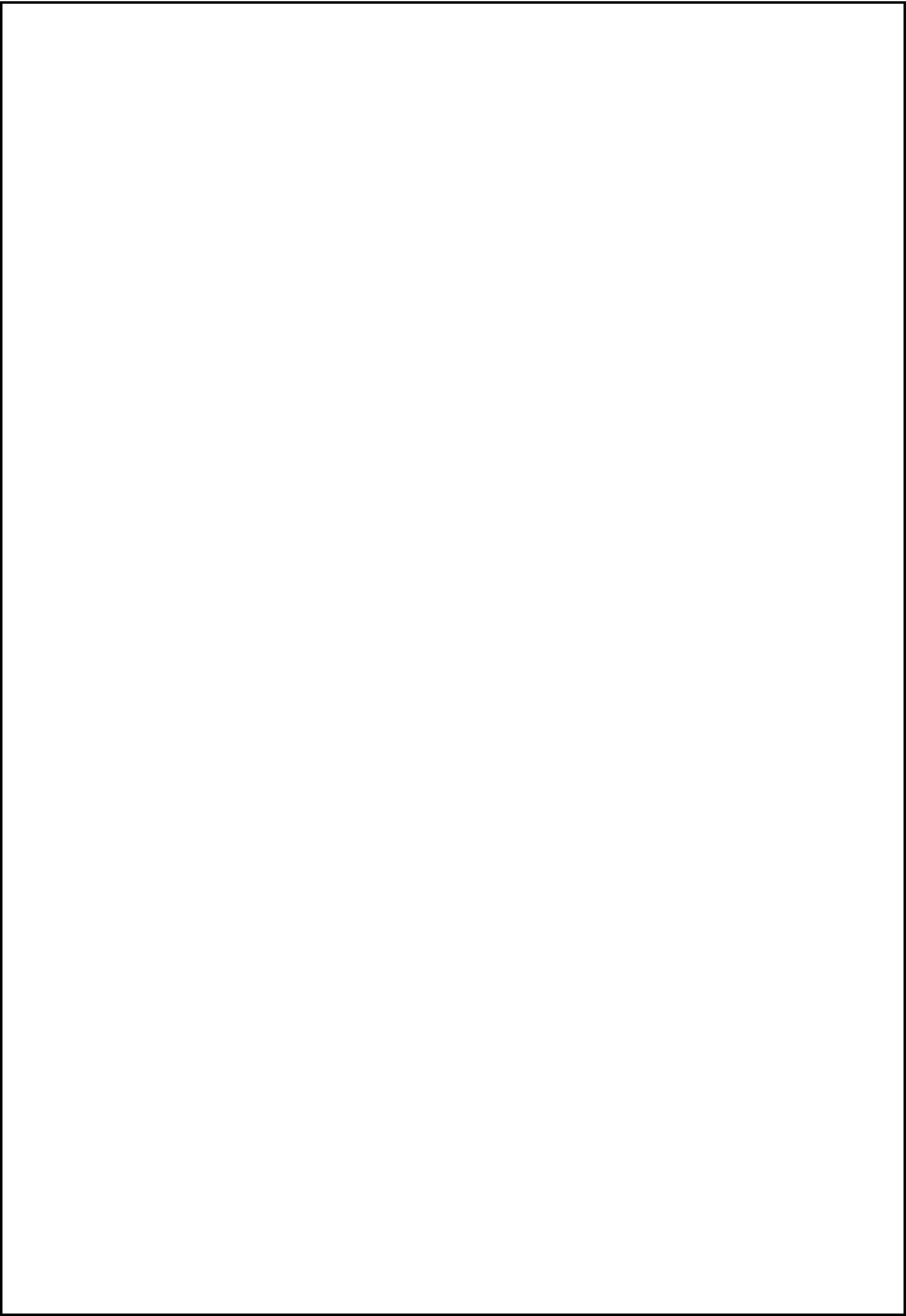


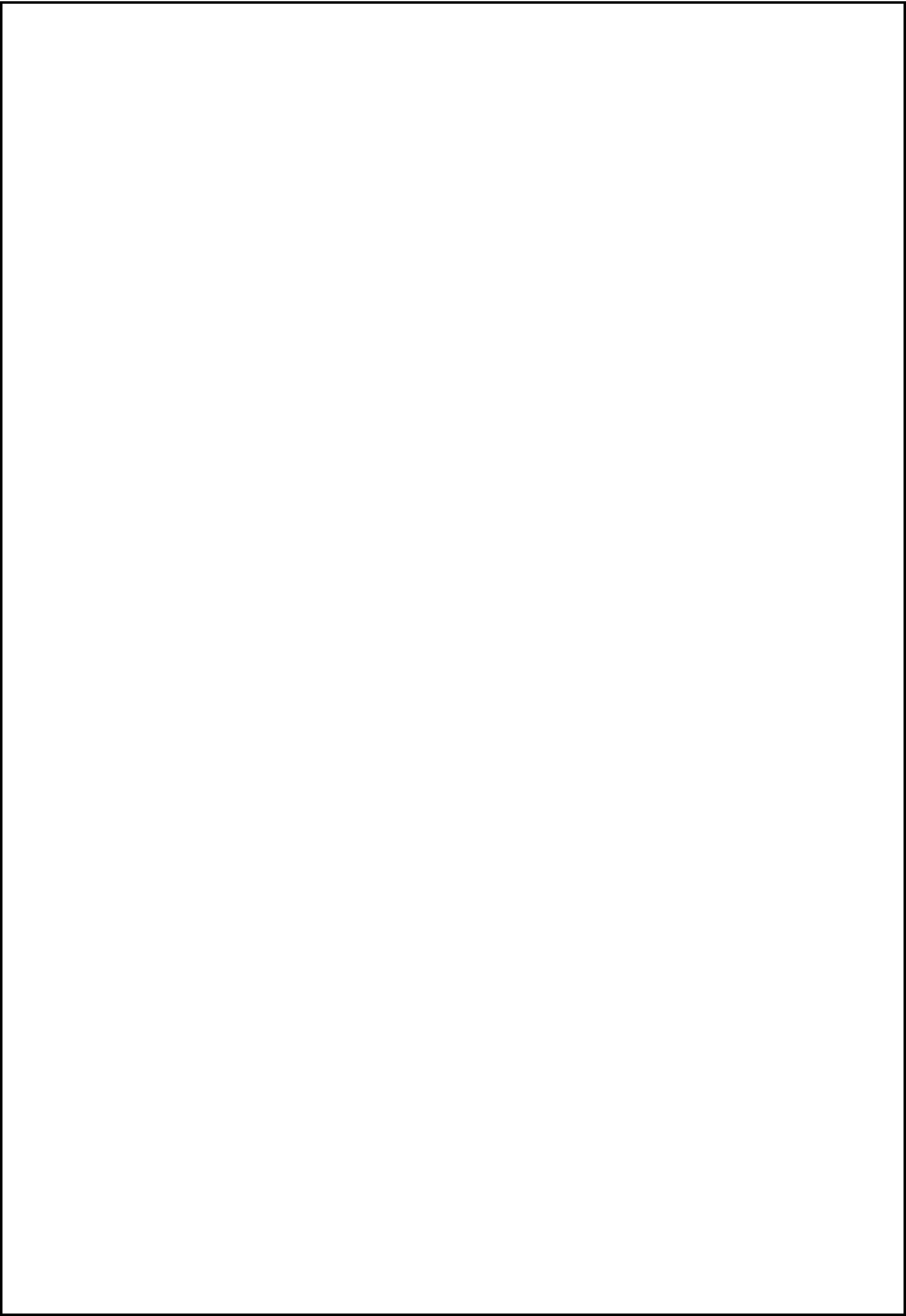




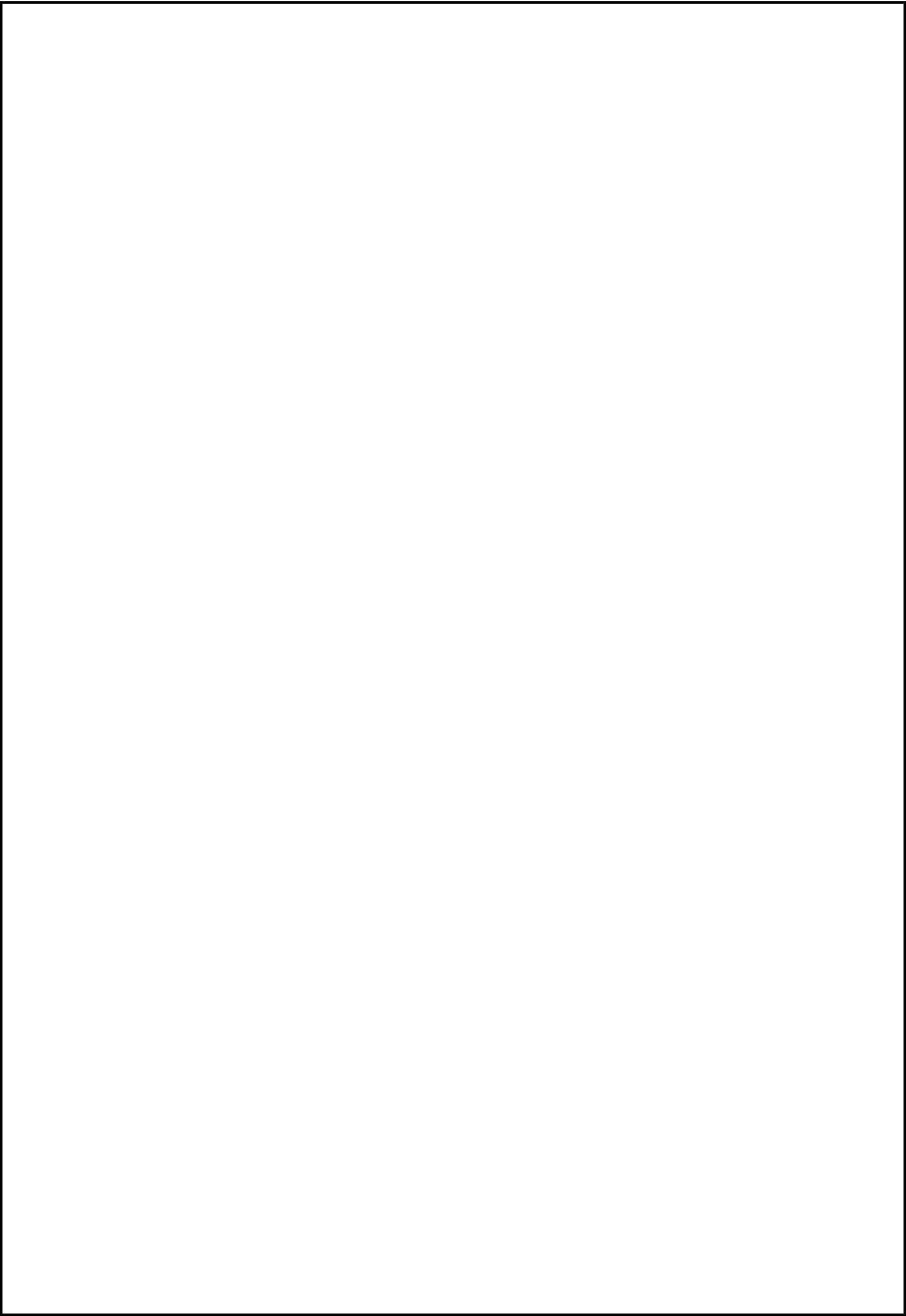


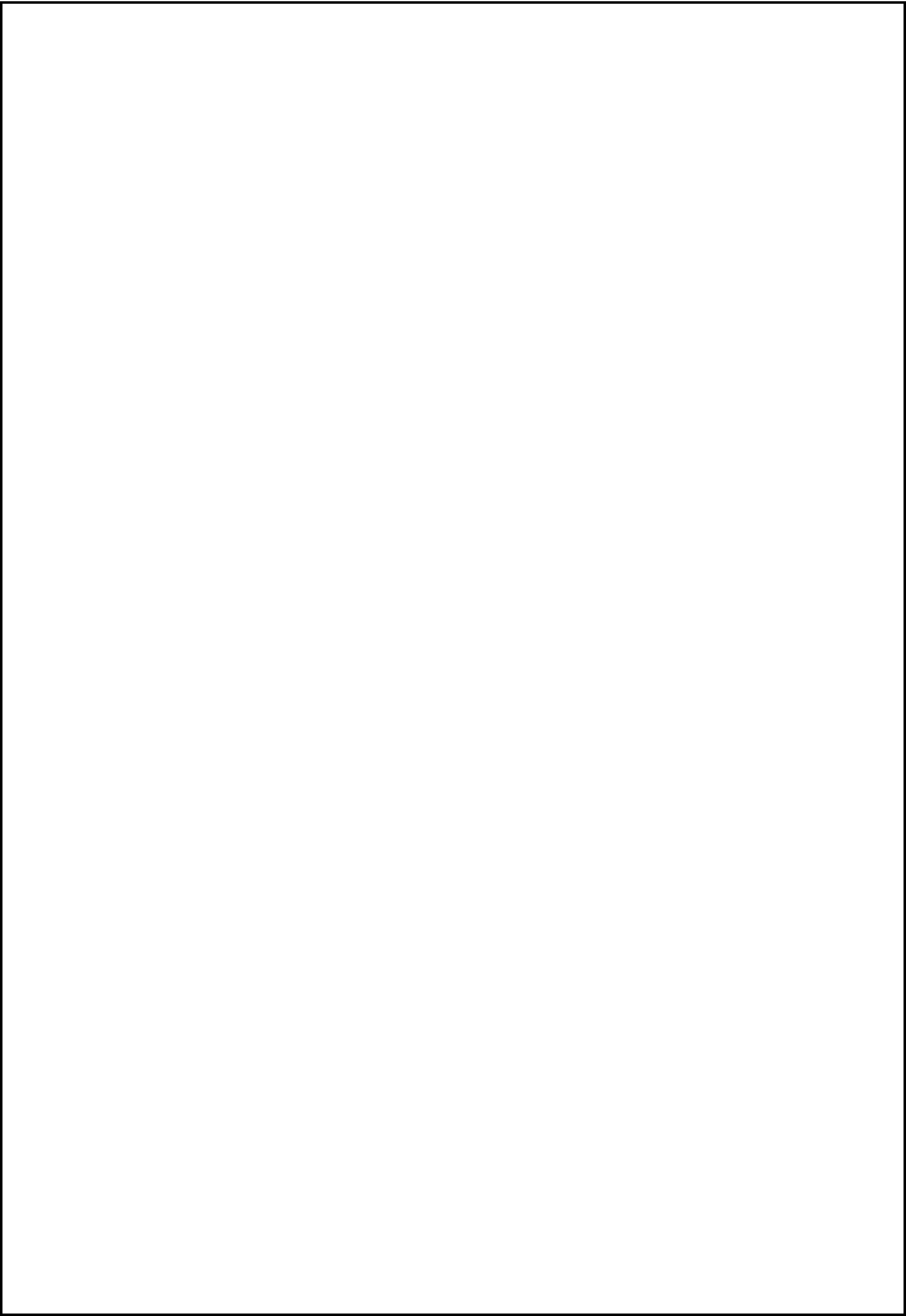












**التمرين الأول : ( 04 نقاط )**

يعتبر التأريخ بطريقة ( اليورانيوم – رصاص ) من أقدم الطرق المستعملة في تحديد عمر الأرض بشكل تقريبي ، حيث تتحول نواة اليورانيوم  $(^{238}_{92}\text{U})$  المشعة طبيعياً إلى نواة الرصاص  $(^{206}_{82}\text{Pb})$  المستقرة بعد سلسلة تفككات متتالية .

1-1) ماذا نعني بنواة اليورانيوم  $(^{238}_{92}\text{U})$  المشعة طبيعياً ؟

1-2) اختر الجواب الصحيح من بين العبارات التالية:

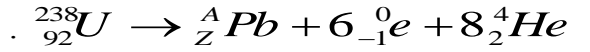
أ- تتفكك نواة  $(^{234}_{90}\text{Th})$  تلقائياً وفق المعادلة  $^{234}_{90}\text{Th} \rightarrow ^0_{+1}\text{e} + ^{234}_{91}\text{Pa}$  .

ب- تتفكك نواة  $(^{238}_{92}\text{U})$  تلقائياً وفق المعادلة  $^{238}_{92}\text{U} \rightarrow ^4_2\text{He} + ^{234}_{90}\text{Th}$  .

ج- التفكك تلقائياً وفق المعادلة  $(^{238}_{92}\text{U} \rightarrow ^4_2\text{He} + ^{234}_{90}\text{Th})$  يصدر الاشعاع  $(\beta^-)$  .

د- التفكك تلقائياً وفق المعادلة  $(^{234}_{90}\text{Th} \rightarrow ^0_{-1}\text{e} + ^{234}_{91}\text{Pa})$  يصدر الاشعاع  $(\beta^+)$  .

2) نمذج تحول نواة اليورانيوم  $(^{238}_{92}\text{U})$  إلى نواة الرصاص  $(^{206}_{82}\text{Pb})$  المستقرة بالمعادلة النووية التالية :



1-2) بتطبيق قانوني الانحفاظ ، أوجد قيمتي العددين A و Z .

2-2) نعتبر كل صخرة معدنية قديمة عمرها هو عمر الأرض ، و الذي نرمز له بالرمز  $(t_T)$  . يمثل الشكل المقابل منحنى التناقص الاشعاعي لأنوية اليورانيوم (238) في عينة من صخرة قديمة .

أ- أوجد بيانياً عدد أنوية الابتدائية لليورانيوم (238) .

ب- عرف زمن نصف العمر ، و بين أن عبارته تكتب من

الشكل  $\left( t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} \right)$  ، حيث  $\lambda$  يمثل ثابت التفكك .

ج- أوجد بيانياً قيمة زمن نصف العمر  $(t_{1/2})$  لليورانيوم (238) .

3-2) عند اللحظة الزمنية  $(t_T)$  تم قياس عدد أنوية الرصاص

الموجودة في الصخرة المعدنية القديمة فوجد أن  $(N_{Pb}(t_T) = 2,5.10^{12})$  ، أحسب قيمة العمر التقريبي  $(t_T)$  للأرض .

**التمرين الثاني : ( 04 نقاط )**

تعتبر الوشيعية و المكثفة و المقاومة مركبات أساسية في مجموعة من الدارات الكهربائية ، حيث يرتبط الدور الذي تقوم به الدارات بنوعية هذه المركبات و قيم المقادير المميزة لها .

**يهدف هذا التمرين إلى دراسة ثنائي القطب RL:**

1- لدراسة تأثير وشيعة حقيقية في دائرة كهربائية ، ننجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل (1) و المتكون من مولد توتر ثابت ، وشيعة  $(L, r)$  ، مقاومة متغيرة  $R_0$  ، و مصباحين متماثلين  $(M_1 \text{ و } M_2)$  ، وقاطعة K .

❖ نضبط المقاومة المتغيرة على قيمة  $(R_0 = r)$  .

- اختر الجواب الصحيح من بين العبارات التالية:

أ- عند غلق القاطعة K ، يضيء المصباح  $(M_1)$  ثم يضيء المصباح  $(M_2)$  بتأخر زمني .

ب- عند غلق القاطعة K ، يضيء المصباح  $(M_2)$  ثم يضيء المصباح  $(M_1)$  بتأخر زمني .

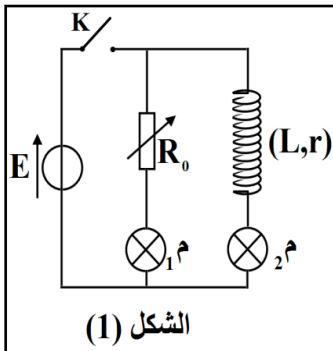
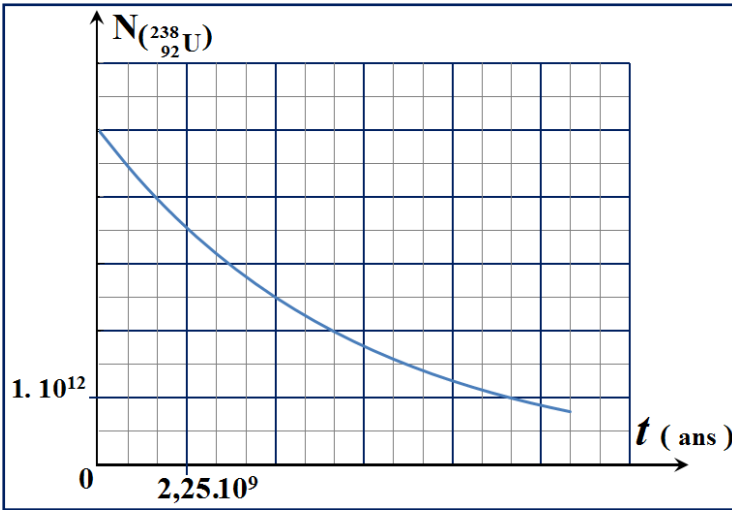
ج- عند غلق القاطعة K ، يضيء المصباح  $(M_2)$  ثم يضيء المصباح  $(M_1)$  بتأخر زمني .

د- عند غلق القاطعة K ، يضيء المصباح  $(M_1)$  و لا يضيء المصباح  $(M_2)$  .

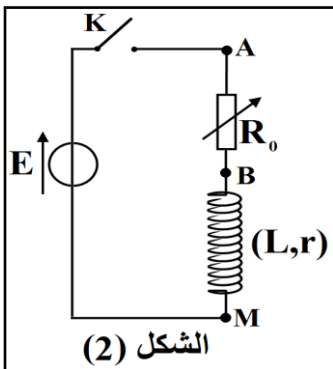
2- لإيجاد المقادير المميزة للوشيعة السابقة  $(L, r)$  ننجز التركيب الكهربائي الموضح في الشكل (2) و

نضبط المقاومة المتغيرة على القيمة  $(R_0 = 8 \Omega)$  . ثم نغلق القاطعة K عند اللحظة

الزمنية  $(t_0 = 0)$  .



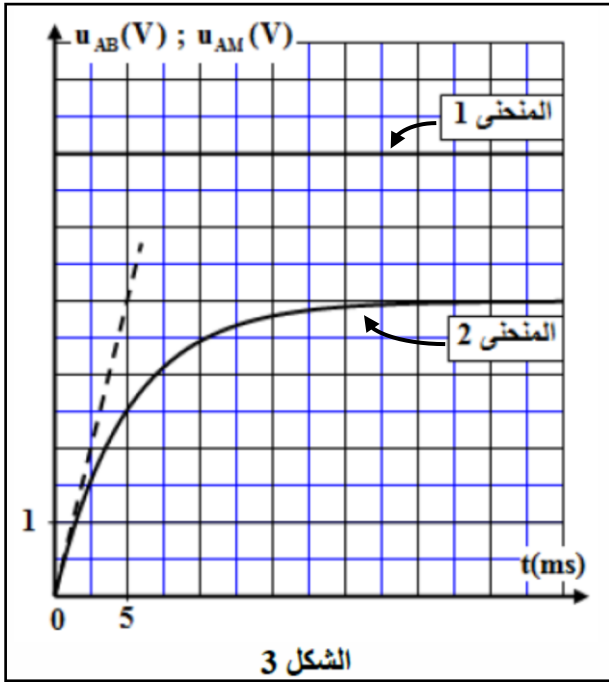
الشكل (1)



الشكل (2)

2-1) بين أن المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار الكهربائي المار في الوشيعية تكتب من شكل :  $\frac{di}{dt} + \frac{R_0 + r}{L} i = \frac{E}{L}$

2-2) يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة من الشكل :  $i(t) = \alpha(1 - e^{(-\beta t)})$  حيث  $(\beta \text{ و } \alpha)$  ثابتان يطلب تعيين عبارتيهما.



3-3) باستعمال ( EXAO ) تمكنا من تتبع التطور الزمني للتوترين  $U_{AB}(t)$  و  $U_{AM}(t)$  أنظر الشكل (3).

1) بين أن المنحنى (2) يوافق التوتر  $U_{AB}(t)$ .  
2) أوجد بيانيا :

أ- قيمة توتر المنبع E.

ب- التوتر الأقصى  $U_{AB(max)}$ .

ج- قيمة ثابت الزمن  $\tau$ .

3) بين أن عبارة المقاومة الداخلية للوشيعية تكتب كما يلي :

$$r = R_0 \left( \frac{E}{U_{AB_{max}}} - 1 \right)$$

ثم أحسب قيمتها.

4) أوجد قيمة ذاتية الوشيعية L.

5) أحسب قيمة شدة التيار الأقصى  $I_0$ .

6) أحسب قيمة الطاقة المغناطيسية العظمى المخزنة في الوشيعية.

## التمرين الثالث : ( 06 نقاط )

صخور من القمر ( الصخور التي تكونت على سطح القمر )

### ثلاثة مصادر لصخور القمر على الأرض:

☞ الصخور التي قُذفت طبيعياً من السطح القمري بواسطة اصطدام النيازك بالقمر ووقعت على الأرض بعد ذلك كنيازك قمرية.

☞ الصخور التي جمعتها بعثات أبولو (Apollo) الأمريكية إلى القمر.

☞ العينات المعادة من قبل مهمات الاتحاد السوفيتي القمرية.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة نشأة القمر الطبيعي وحركة قمر اصطناعي (Apollo 16) حوله.

**أبولو 16 (Apollo 16)** هي الرحلة قبل الأخيرة التي قامت بها ناسا في إطار برنامج أبولو لإرسال رواد فضاء أمريكيين للهبوط على القمر، عدد رواد الفضاء الذين قاموا بالرحلة يتكون من 3 رواد يهبط منهم اثنان على سطح القمر بـ مركبة الهبوط على القمر بينما يبقى ثالثهم في المركبة الرئيسية التي تدور في مدار حول القمر على ارتفاع (  $h=110 \text{ Km}$  ) إلى حين أن ينهي الرائدان المهمة الموكلة لهما لانجازها على سطح القمر. عندئذ يصعد الرائدان بالمركبة القمرية وهي مزودة بصاروخ للقاء زميلهم والاشتباك والالتحام مع مركبة الفضاء الرئيسية من نفس نقطة الانطلاق ويعود الرواد الثلاث إلى الأرض. اصطحب رواد الفضاء عربة قمرية معهم لمساعدتهم على التجول على القمر، وعادوا بـ: (  $94,7 \text{ Kg}$  ) من صخور وتربة القمر.

### I : حركة أبولو 16 حول القمر.

**جاء في النص السابق:** المركبة الرئيسية التي تدور في مدار حول القمر على ارتفاع (  $h=110 \text{ Km}$  ) إلى حين أن ينهي الرائدان المهمة الموكلة لهما لانجازها على سطح القمر.

1) ذكّر بقوانين الثلاثة لكبلر.

2) مثل برسم تخطيطي قوة جذب القمر الطبيعي (L) للمركبة الرئيسية (A) و أكتب عبارتها بدلالة  $r, G, m_A, M_L$ .

3) بافتراض أن المركبة الرئيسية تدور وفق مدار دائري و بتطبيق قانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة السرعة المدارية (V)

$$V = \sqrt{\frac{G.M_L}{r}}$$

4) أحسب قيمة السرعة المدارية؟

- (5) عَرّف الدور (T) و بين عبارته بدلالة  $r, G, M_L$  .  
 (6) أوجد أصغر مدة زمنية لانجاز المهمة الموكلة للرائدين الفضائيين و العودة إلى المركبة الرئيسية .

## (II) : دراسة نشأة القمر الطبيعي

عادت أبولو 16 بعينات من الصخور أهمها صخور البازالت (Basalt) التي يحتوي على نواة البوتاسيوم  $^{40}_{19}K$  إشعاعية النشاط ، ينتج عن تفككها نواة الأرغون  $^{40}_{18}Ar$  .

- أ- ما معنى اشعاعية النشاط.  
 ب- أكتب معادلة تفكك نواة البوتاسيوم 40 مع تحديد النمط الاشعاعي الناتج و تعريفه.  
 ج- أحسب بـ ( MeV ) الطاقة المحررة خلال هذا التحول النووي.  
 تبين من خلال تحليل عينة صخرية للبازالت (Basalt) أنها تحتوي عند لحظة t على  $m_K = 1,83 \text{ mg}$  من البوتاسيوم 40 المتبقي و على  $m_{Ar} = 20,57 \text{ mg}$  من الأرغون 40 الناتج ، نعتبر أن صخرة البازالت تكونت عند لحظة t=0 و أن الأرغون 40 المتواجد في الصخرة نتج فقط عن تفكك البوتاسيوم 40.

د- باستعمال العلاقة  $t = \frac{t_{1/2}}{\ln(2)} \ln\left(1 + \frac{m_{Ar}}{m_K}\right)$  أحسب تاريخ ميلاد القمر.

### المعطيات:

النواة	$^{40}_{19}K$	$^{40}_{18}Ar$	$^0_1e$	كتلة القمر الطبيعي	نصف قطر القمر الطبيعي
الكتلة بال u	39,9740	39,9624	0,0005	$M_L = 7,3477 \times 10^{22} \text{ Kg}$	$R_L = 1,7370 \times 10^3 \text{ Km}$
زمن نصف عمر $^{40}_{19}K$	$1,248 \times 10^9 \text{ ans}$	طاقة الكتلة بالوحدة	ثابت الجذب العام	نصف قطر مدار القمر الاصطناعي	
		$1u = 931,5 \text{ MeV} \cdot C^{-2}$	$G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{Kg}^{-2}$	$r = R_L + h$	

## التمرين التجريبي : (6 نقاط)

الأيبوبروفين صيغته الأجمالية  $C_{13}H_{18}O_2$  ينتمي إلى مجموعة من العلاجات تسمى مضادات الالتهاب الغير ستيرويدية ، والتي تعمل على تثبيط عمل إنزيم يسمى إنزيم الأكسدة الحلقية: ( المسؤول عن تصنيع مواد في الجسم تسبب الالتهاب والألم) .

### 1) دراسة محلول مائي للأيبوبروفين:

أعطى قياس pH محلول مائي للأيبوبروفين تركيزه المولي  $C = 3,88 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$  القيمة  $pH = 2,76$  عند  $(25^\circ C)$ .

ننمذج التحول بين الأيبوبروفين و الماء بالمعادلة التالية:  $C_{13}H_{18}O_{2(aq)} + H_2O_{(aq)} = C_{13}H_{17}O_{2(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$   
 أو اختصارا :  $HA_{(aq)} + H_2O_{(aq)} = A_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$

1-1) بين أن هذا التحول غير تام .

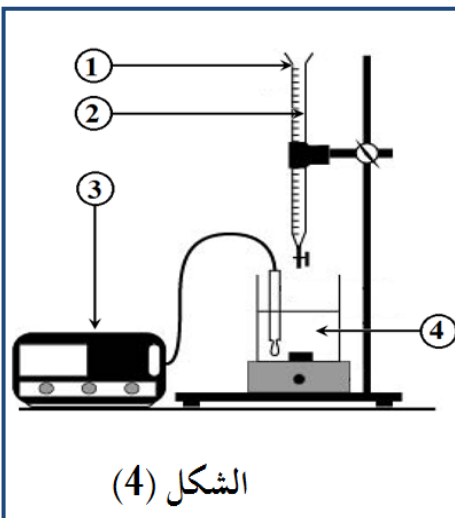
2-1) أحسب قيمة كسر التفاعل النهائي  $Qr_f$  .

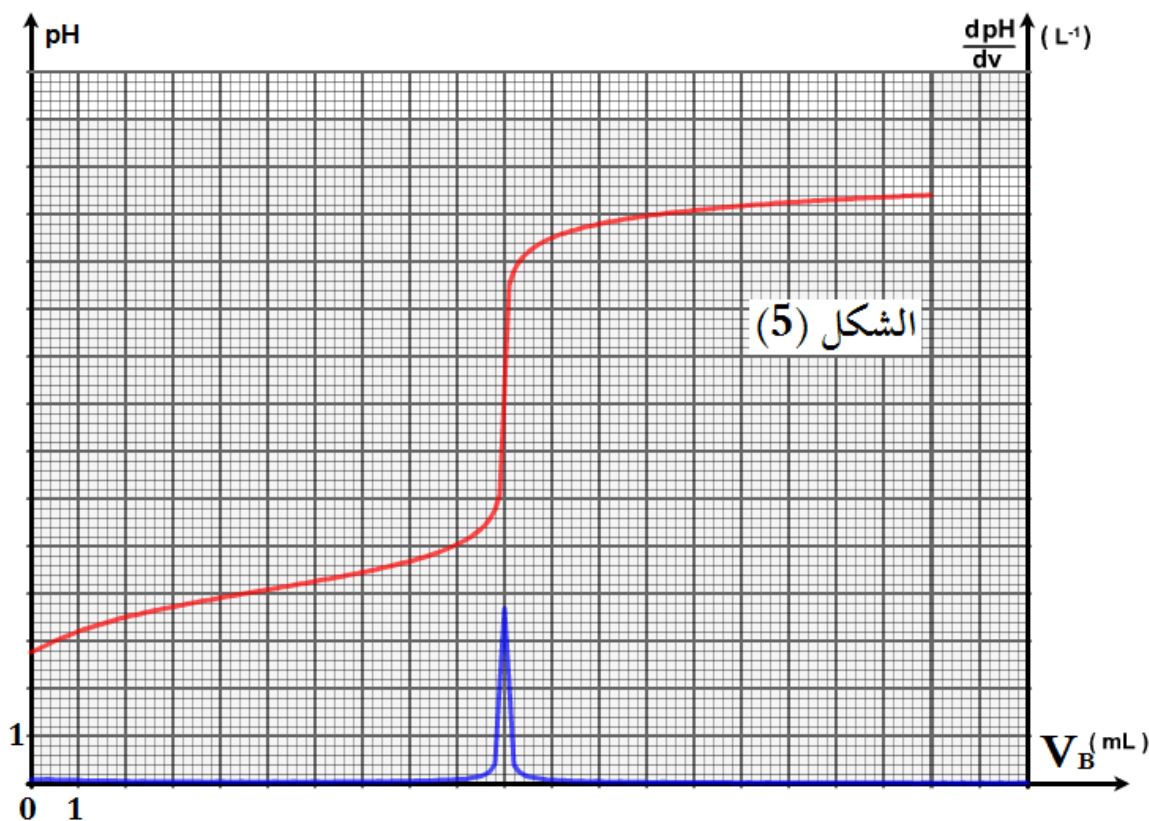
3-1) استنتج قيمة  $pK_a$  للثنائية  $(C_{13}H_{18}O_{2(aq)} / C_{13}H_{17}O_{2(aq)}^-)$  .

### 2) معايرة محلول مائي للأيبوبروفين:

تشير علبة الدواء إلى المعلومة " أيبوبروفين ..... 400 mg " .

للتحقق من هذه المعلومة نذيب قرصا يحتوي على الأيبوبروفين حسب بروتوكول محدد من أجل الحصول على محلول مائي (S) للأيبوبروفين حجمه  $V_S = 50 \text{ mL}$  . ثم نقوم بمعايرته بواسطة محلول مائي (S<sub>B</sub>) لهيدروكسيد الصوديوم  $(Na^+, OH^-)_{(aq)}$  تركيزه المولي  $C_b = 1,94 \cdot 10^{-1} \text{ mol} \cdot L^{-1}$  باستعمال التركيب التجريبي المبين في الشكل (4) و بعد أخذ قيم الـ PH الموافقة لكل إضافة من حجم المحلول المعاير (S<sub>B</sub>) تمكنا من رسم المنحنى البياني المبين في الشكل (5).





1-2 ( سمي العناصر المرقمة في الشكل ( 4 ) .

2-2 ( أكتب معادلة التفاعل الحاصل خلال المعايرة .

3-2 ( حدد بيانيا إحداثيات نقطة التكافؤ ( E ) .

4-2 ( استنتج قيمة m كتلة الأيوبروفين الموجودة في القرص . ثم قارنها بالقيمة المشار إليها في علبة الدواء .

5-2 ( عند إضافة حجم  $V_B = 6.1 \text{ mL}$  من المحلول ( $S_B$ ) للخليط التفاعلي أشار جهاز الـ pH إلى القيمة ( 4,28 ) .  
اعط عبارة :

أ- النسبة  $\frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}}$  بدلالة  $pH$  و  $pK_a$  ، ثم أحسبها .

ب- النسبة  $\frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}}$  بدلالة  $x_{eq}$  ، ثم أحسب قيمته .

ج- أحسب نسبة التقدم النهائي  $\tau_{eq}$  ماذا تستنتج ؟

6-2 ( في غياب جهاز الـ pH ، عيّن الكاشف الكيميائي الملون الملائم لإنجاز هذه المعايرة . علل اجابتك .

يعطى :  $M(C_{13}H_{18}O_2) = 206 \text{ (g.mol}^{-1}\text{)}$

جدول يوضح مجالات التغير اللوني لبعض الكواشف الملونة :

الكاشف الملون	الهيليانتين	أزرق البروموتيمول	أحمر الكريزول
مجال التغير اللوني	3,1 — 4,4	6,0 — 7,6	7,2 — 8,8

بالتوفيق للجميع



## التمرين الأول :

(1-1) المشعة طبيعيا : هي نواة طبيعية غير مستقرة تبحث عن الاستقرار بالتحويل إلى نواة أكثر استقرارا منها مع اصدار جسيمات  $(\alpha, \beta, \gamma)$  و انبعاث طاقة كهرومغناطيسية  $(\gamma)$ .

(2-1) الجواب الصحيح هو " ب " .

(1-2) قيمت A و Z :  $A = 206$  و  $Z = 82$  .

(2-2-1) عدد الأنوية الابتدائية : نواة  $N_0(U) = 5 \cdot 10^{12}$  .

(2-2-2) زمن نصف العمر : هو المدة الزمنية اللازمة لتفكك نصف الأنوية المشعة الابتدائية .

$$\begin{cases} * \text{عبارة } t_{1/2} : \text{لدينا } N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda t} \text{ ولما } t \rightarrow t_{1/2} \\ N(t) \rightarrow N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2} \end{cases}$$

$$N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2} = N_0 \cdot e^{-\lambda t_{1/2}} \quad \text{ومنه}$$

$$\rightarrow \frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}}$$

و بإدخال اللوغاريتم على المساواة نجد :

$$\rightarrow -\ln(2) = -\lambda t_{1/2}$$

$$\rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} \quad \text{وهـم}$$

(2-2-ج) قيمة زمن نصف العمر : من البيان نجد

$$\rightarrow t_{1/2} = 4,5 \cdot 10^9 \text{ ans}$$

(3-2) العمر التقريبي للأرض : لدينا  $N_{Pb}(t) = N_{0U} - N_U(t)$

$$\rightarrow N_{Pb}(t) = N_{0U}(1 - e^{-\lambda t})$$

$$\rightarrow N_{Pb}(t_T) = N_{0U}(1 - e^{-\lambda t_T}) \quad \text{ومنه}$$

$$\rightarrow 2,5 \cdot 10^{12} = 5 \cdot 10^{12}(1 - e^{-\lambda t_T})$$

$$\rightarrow \frac{1}{2} = 1 - e^{-\lambda t_T}$$

$$\rightarrow e^{-\lambda t_T} = 1 - \frac{1}{2}$$

$$\rightarrow \lambda t_T = \ln(2)$$

$$\rightarrow t_T = \frac{\ln(2)}{\lambda} = t_{1/2} = 4,5 \cdot 10^9 \text{ ans}$$

## التمرين الثاني :

(1) الجواب الصحيح هو : " ب " .

(1-2) المعادلات التفاضلية لتطور  $i(t)$

$$U_{R_0} + U_L = E \quad \text{ح ق ج ت :}$$

$$\rightarrow R_0 \cdot i + L \frac{di}{dt} + r \cdot i = E$$

$$\rightarrow \frac{di}{dt} + \left( \frac{R_0+r}{L} \right) \cdot i = \frac{E}{L} \quad \text{وهـم}$$

(2-2) عبارة  $\alpha$  و  $\beta$  : بعد تعويض عبارة الحل في المعادلات التفاضلية نجد

$$\rightarrow \beta = \frac{R_0+r}{L} \quad \text{و} \quad \rightarrow \alpha = \frac{E}{R_0+r}$$

(1-3-2) المنحنى (2) عبارة عن دالة رتيبة معادلتها من شكل :

$$U(t) = U_{\max} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad \text{ومن الشكل (2) نجد أن}$$

$$U_{AB} = U_{R_0}$$

$$U_{AB}(t) = U_{R_0}(t) = R_0 \cdot i(t)$$

$$\rightarrow U_{AB}(t) = R_0 \cdot \frac{E}{R_0+r} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

$$\rightarrow U_{AB}(t) = U_{AB\max} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

ومنه البيان (2) يوافق التوتر بين طرفي الناقل الأومي.

$$E = 6 \text{ (V)} \quad \text{2-3-2) - قيمة توتر المنبع (E) :}$$

$$U_{AB\max} = 4 \text{ (V)} \quad \text{- قيمة التوتر (U_{AB\max}) :}$$

- قيمة ثابت الزمن  $(\tau)$  : فاصلت تقاطع المماس عند  $t = 0$

مع القيمة نهائية للتوتر  $U_{AB}$  هي  $\tau = 5 \text{ (mS)}$ .

(3-3-2) عبارة (r) : لدينا سابقا

$$U_{AB\max} = R_0 \cdot I_0 = R_0 \cdot \frac{E}{R_0+r}$$

$$\rightarrow R_0 + r = R_0 \cdot \frac{E}{U_{AB\max}}$$

$$\rightarrow r = R_0 \cdot \frac{E}{U_{AB\max}} - R_0$$

$$\rightarrow r = R_0 \left( \frac{E}{U_{AB\max}} - 1 \right) \quad \text{وهـم}$$

$$r = 8 \left( \frac{6}{4} - 1 \right) \quad \text{قيمة (r) :}$$

$$\rightarrow r = 4 \text{ (}\Omega\text{)}$$

$$\tau = \frac{R_0+r}{L} \rightarrow L = \tau (R_0+r) \quad \text{4-3-2) قيمة (L) :}$$

$$\rightarrow L = 5 \cdot 10^{-3} (8+4)$$

$$\rightarrow L = 60 \cdot 10^{-3} \text{ (H)}$$

(5-3-2) قيمة  $(I_0)$  :

$$\rightarrow I_0 = \frac{E}{R_0+r} = \frac{6}{8+4} \rightarrow I_0 = 0,5 \text{ (A)}$$

(6-3-2) قيمة الطاقة العظمى المخزنة في الوشعة:

$$\rightarrow E_{L_0} = \frac{1}{2} L I_0^2 = \frac{1}{2} \cdot 60 \cdot 10^{-3} \cdot (0,5)^2$$

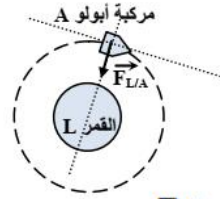
$$\rightarrow E_{L_0} = 7,5 \cdot 10^{-3} \text{ joule}$$

### التمرين الثالث :

الجزء I: حركة أبولو 16 حول القمر.

- 1- قوانين كبلر : القانون ① : ( قانون المدارات ) .  
القانون ② : ( قانون المساحات ) .  
قانون ③ : ( قانون الدور الفلكي ) .

2- رسم تخطيطي :



$$F_{A/L} = G \cdot \frac{m_A \cdot M_L}{(h + R_L)^2} \quad \text{عبارة } (F_{A/L})$$

3- عبارة السرعة المدارية :

$$\Sigma F_{ext} = m_A \cdot a \quad \text{ب تطبيق قانون (2) لنيوتن :}$$

$$F_{A/L} = m_A \cdot a$$

$$V = \sqrt{\frac{G \cdot M_L}{h + R_L}} \leftarrow G \cdot \frac{m_A \cdot M_L}{(h + R_L)^2} = m_A \cdot \frac{V^2}{h + R_L}$$

$$V = 1628,94 \text{ m/s} \quad \text{4- قيمة السرعة المدارية :}$$

5- ( أ ) الدور : هو المدة الزمنية اللازمة لإنجاز دورة واحدة .

ب ( عبارة الدور :

$$T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{(h + R_L)^3}{G \cdot M_L}} \leftarrow T = 2\pi \cdot \frac{(h + R_L)}{\sqrt{\frac{G \cdot M_L}{h + R_L}}} \leftarrow T = 2\pi \cdot \frac{(h + R_L)}{V}$$

6- أصغر مدة زمنية لإنجاز المهمة هي زمن دورة واحدة

لمركبة أبولو (A) حتى تتم عملية الالتحام بشكل صحيح.

$$T \approx 7124,29 \text{ (s)} \quad \text{و هي الدور (T) حيث :}$$

$$T \approx 1,97 \text{ (h)} \leftarrow T \approx 1 \text{ h } 58 \text{ min } 44 \text{ s}$$

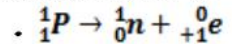
الجزء II: دراسة نشأة القمر الطبيعي.

أ- إشعاعية النشاط : هي نواة مشعة ( غير مستقرة ) تبحث عن الاستقرار بتحول نووي تلقائي غير مرتقب في الزمن إلى نواة أخرى أكثر استقراراً منها مع اصدار جسيمات (  $\alpha$  ,  $\beta^-$  ,  $\beta^+$  ) وانبعاث طاقة كهرومغناطيسية (  $\gamma$  ) .

ب- معادلة تفكك نواة البوتاسيوم 40 :  ${}^{40}_{19}\text{K} \rightarrow {}^{40}_{18}\text{Ar} + {}^0_{+1}\text{e}$

- النمط الاشعاعي الناتج هو (  $\beta^+$  ) .

تعريف النشاط الاشعاعي (  $\beta^+$  ) : يميز الأنوية الغنية بالبروتونات حيث يتحول البروتون إلى نيوترون وفق معادلة التحول النووي التالية :



$$E_{Lib} = (m_{Ar} + m_e - m_K) \cdot C^2 \quad \text{ج- حساب } E_{Lib}$$

$$E_{Lib} = (39,9624 + 0,0005 - 39,9740)u \cdot C^2$$

$$E_{Lib} = (-0,0111)931,5 \frac{\text{Mev}}{C^2} \cdot C^2$$

$$E_{Lib} = (-10,33965) \text{ Mev}$$

د- حساب تاريخ ميلاد القمر :

$$t = \frac{t_{1/2}}{\ln(2)} \cdot \ln\left(1 + \frac{m_{Ar}}{m_K}\right)$$

$$t = \frac{1,248 \cdot 10^9}{\ln(2)} \cdot \ln\left(1 + \frac{20,57}{1,83}\right)$$

$$t = 4,5 \cdot 10^9 \text{ ans}$$

### التمرين الرابع :

1) دراسة محلول مائي للأيبوبروفين :

(1-1) تبين أن هذا التحول غير تام :

$$[H_3O^+]_f = 10^{-PH} = 10^{-2,76}$$

$$\rightarrow [H_3O^+]_f = 1,7378 \cdot 10^{-3} \neq C$$

ومن هنا التحول غير تام.

(2-1) قيمة كسر التفاعل :

$$Qr_f = \frac{[H_3O^+]_f [A^-]_f}{[HA]_f} = \frac{10^{-2,76}}{C - 10^{-2,76}} = 8,1483 \cdot 10^{-5}$$

(3-1) قيمة الـ PKa :

$$Ka = \frac{[H_3O^+]_f [A^-]_f}{[HA]_f} = Qr_f$$

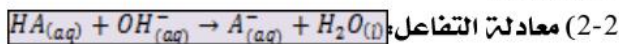
$$\rightarrow pKa = -\log(Ka) = -\log(Qr_f)$$

$$\rightarrow pKa = 4,0889$$

(2) معايرة محلول مائي للأيبوبروفين :

(1-2) تسمية العناصر :

① سحاحة ، ② محلول NaOH ، ③ جهاز الـ pH - متر ، ④ محلول الأيبوبروفين .



(3-2) إحداثيات نقطة التكافؤ :  $E(V_{RE} = 10 \text{ ml}, pH_E = 8,3)$

(4-2) كتلة الأيبوبروفين الموجودة في القرص :

$$m = C_A \cdot V_A \cdot M$$

و عند التكافؤ يكون  $C_A \cdot V_A = C_R \cdot V_{RE}$  ومنه

$$m = 1,94 \cdot 10^{-1} \cdot 10 \cdot 10^{-3} \cdot 206 \quad m = C_R \cdot V_{RE} \cdot M$$

$$m = 0,39964 \text{ g} \approx 400 \text{ mg}$$

المقارنة :  $m$  هي نفس الكتلة المشار إليها في العبارة.

(1-5-2) عبارة النسبة  $\frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}}$  بدلالة  $pH$  و  $pKa$  : لدينا

$$pH = pKa + \log\left(\frac{[A^-]_{eq}}{[HA]_{eq}}\right) \quad \log\left(\frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}}\right) = pKa - pH$$

$$\rightarrow \frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}} = 10^{pKa - pH}$$

$$\rightarrow \frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}} = 10^{4,08 - 4,28} = 0,63 \quad \text{قيمتهما :}$$

(2-5-2) عبارة النسبة  $\frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}}$  بدلالة  $x_{eq}$  : لدينا

$$\frac{[HA]_{eq}}{[A^-]_{eq}} = \frac{\frac{C_A \cdot V_A - x_{eq}}{V_T}}{\frac{x_{eq}}{V_T}} = \frac{C_A \cdot V_A - x_{eq}}{x_{eq}} = 0,63$$

$$\rightarrow C_A \cdot V_A - x_{eq} = 0,63 x_{eq} \rightarrow 1,63 x_{eq} = C_A \cdot V_A$$

$$\rightarrow x_{eq} = \frac{C_A \cdot V_A}{1,63} \rightarrow x_{eq} = \frac{1,94 \cdot 10^{-3} \text{ mol}}{1,63}$$

(5-2 ج) حساب نسبة التقدم :

$$\rightarrow \tau_{eq} = \frac{x_{eq}}{x_{max}} = \frac{x_{eq}}{C_B \cdot V_B} = \frac{1,19 \cdot 10^{-3} \text{ mol}}{1,94 \cdot 10^{-1} \cdot 6,1 \cdot 10^{-3}}$$

$$\rightarrow \tau_{eq} = 1 \quad \text{نستنتج أن تفاعل المعايرة هو تفاعل تام}$$

(6-2) الكاشف الكيميائي الملون الملائم لإنجاز هذه المعايرة

هو أحمر الكريزول لأن مجال تغيره اللوني يحتوي على قيمة  $PH_E$ .



ماي 2021

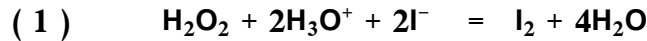
المستوى : السنة الثالثة

مدة 3 سا 30

اختبار التجريبي في مادة العلوم الفيزيائية

على المترشح أن يختار احدالموضوعينالموضوع الأولالتمرين الأول:

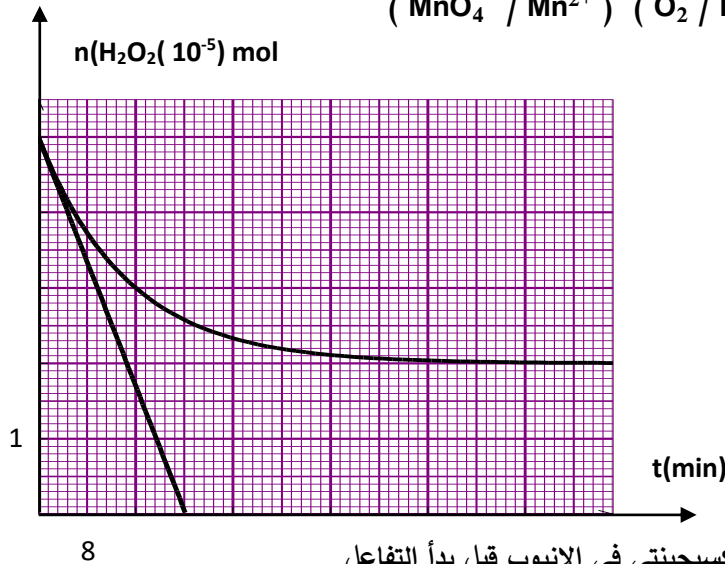
نحضر في بيشر حجما  $V_1 = 25\text{ml}$  من محلول  $S_1$  ليود البوتاسيوم  $(K^+, I^-)$  تركيزه المولي  $C_1$  و نضع في بيشر آخر حجما  $V_2 = 25\text{ml}$  من محلول حمض  $S_2$  للماء الاكسيجيني تركيزه المولي  $C_2$ . نمزج المحلولين و نرج و نقسمه بالتساوي في 10 أنابيب إختبار و نضعها في حمام مائي درجة حرارته ثابتة . يبدأ التفاعل في الانابيب في اللحظة  $t=0$ . معادلة التفاعل الذي يعتبر تام و بطيء هي :



من أجل دراسة حركية هذا التفاعل نقوم بمعايرة الماء الاكسيجيني في الانابيب في مختلف الازمنة و ذلك بواسطة محلول حمض من برمنغنات البوتاسيوم  $(K^+, MnO_4^-)$  تركيزه المولي  $C = 0,05\text{mol/l}$

مثلنا بيانيا تغير كمية مادة الماء الاكسيجيني في الانابيب بدلالة الزمن

إذا علمت أن الثنائيتين الداخلتين في التفاعل هما  $(MnO_4^- / Mn^{2+})$   $(O_2 / H_2O_2)$



1/ أكتب المعادلتين النصفيتين

2/ أكتب معادلة الاكسدة الارجاعية

3/ أنشئ جدول تقدم التفاعل 1

4/ عين المتفاعل المحد

5/ ما هي كمية المادة الابتدائية لكل من

$H_2O_2$  و  $I^-$

6/ أوجد قيمتي التركيزين  $C_1$  و  $C_2$

7/ عين زمن نصف التفاعل

8/ أحسب حجم  $(K^+, MnO_4^-)$  اللازم لمعايرة الماء الاكسيجيني في الانبوب قبل بدأ التفاعل

9/ أحسب السرعة الحجمية الاعظمية لاختفاء الماء الاكسيجيني في أحد الانابيب

التمرين الثاني:

إليك مستخرج من الجدول الدوري للعناصر الكيميائية

$_{20}Ca$	$_{82}Pb$	$_{22}Ti$	$_{23}V$	$_{84}Po$	$_{25}Mn$
-----------	-----------	-----------	----------	-----------	-----------

تتفكك نواة البزموت  $_{83}^{210}Bi$  بنشاط إشعاعي  $\beta^-$  و بمرافقة إشعاع  $\gamma$

1/ أكتب المعادلة المعبرة عن التحول النووي الحادث و بين كيف ينتج الالكترون المرافق للاشعاع

2/ نعتبر عينة من البزموت 210 عدد انويتها  $N(t)$  عند اللحظة  $t$

عبر عن عدد الانوية المتفككة  $N_0(t)$  بدلالة كل من :

الزمن  $t$  و  $N_0$  ( عدد الانوية الابتدائية عند اللحظة  $t=0$  ), ثابت النشاط الاشعاعي



3 / بواسطة برنامج خاص تم رسم المنحنى  $\ln A = f(t)$  حيث  $A$  مقدار النشاط الإشعاعي للعينة في اللحظة  $t$

أ/ عرف النشاط الإشعاعي و حدد وحدته

ب/ عبر عن  $\ln A$  بدلالة  $\lambda$ ,  $N_0$ ,  $t$

ج/ استنتج من المنحنى :

قيمة ثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$  للزئبق 210

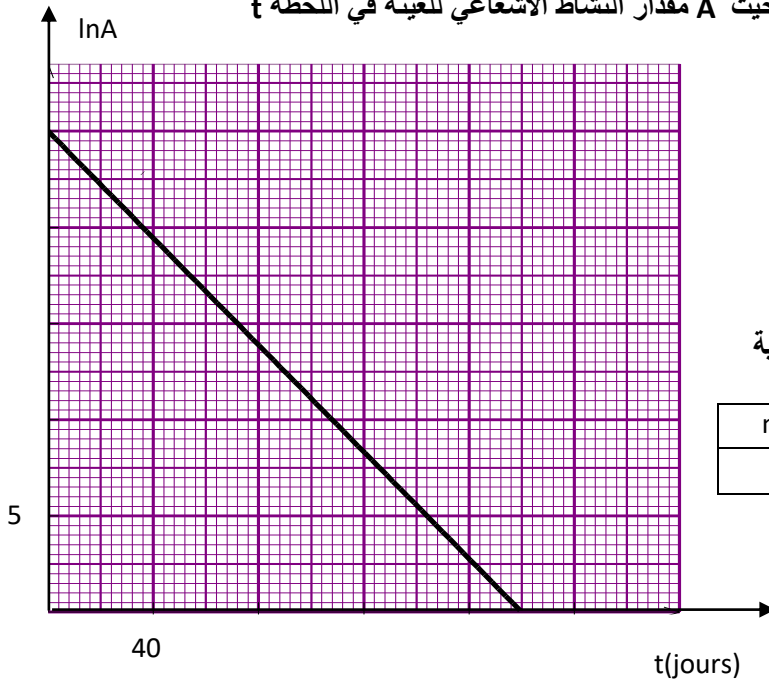
قيمة النشاط الإشعاعي الابتدائي

هـ / أثبت أن :  $\ln 2 = \lambda t_{1/2}$  . أحسب قيمة  $t_{1/2}$

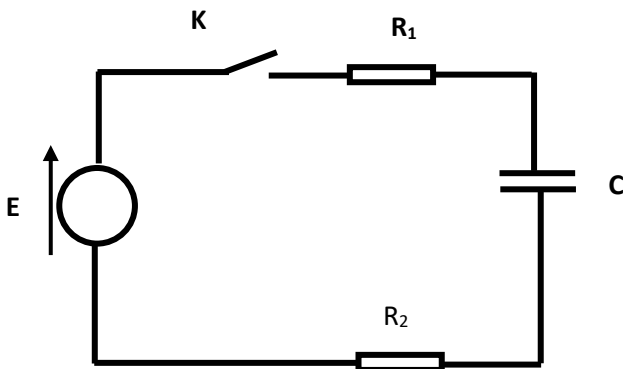
و/ أوجد قيمة الكتلة  $m_0$  للعينة

ي/ أوجد طاقة الربط للنواة  $^{210}_{83}\text{Bi}$  ثم طاقة الربط لكل نوية

$m(^1_1\text{P}) = 1,00728\text{u}$	$m(\text{Bi}) = 209,98412\text{u}$
$m(^1_0\text{n}) = 1,00866\text{u}$	$1\text{u} = 931.5\text{MeV}/\text{C}^2$



### التمرين الثالث:



تتكون دائرة كهربائية من العناصر التالية موصولة على التسلسل :

مكثفة غير مشحونة سعتها  $C$  , مولد للتوتر الثابت  $E$  , قاطعة  $K$

و ناقلين أو ميين مقاومتهما  $R_1 = 1\text{k}\Omega$  ,  $R_2 = 4\text{k}\Omega$  .

نغلق القاطعة في اللحظة  $t=0$

1/ أ/ أعط تفسيراً مجهرياً للظاهرة التي تحدث في المكثفة

ب/ بتطبيق قانون جمع التوترات أوجد المعادلة التفاضلية للشدة التيار الكهربائي المار في الدارة

ج/ للمعادلة التفاضلية السابقة حلاً من الشكل  $i = \alpha e^{-\beta t}$

أوجد عبارتي الثابتين  $\alpha$  و  $\beta$  بدلالة  $E$ ,  $C$ ,  $R_1$ ,  $R_2$

2/ بواسطة جهاز الراسم الاهتزاز المهبلي تمكنا من الحصول على

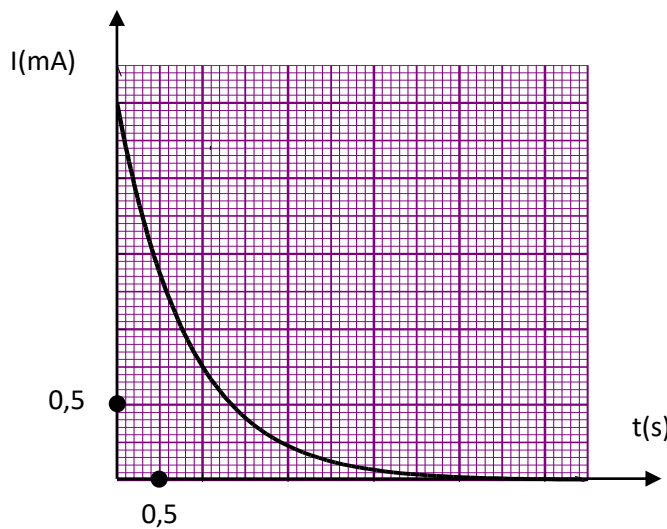
المنحنى  $i = f(t)$  . كيف يكمن ذلك .

إعتماداً على البيان أوجد قيمة كل من

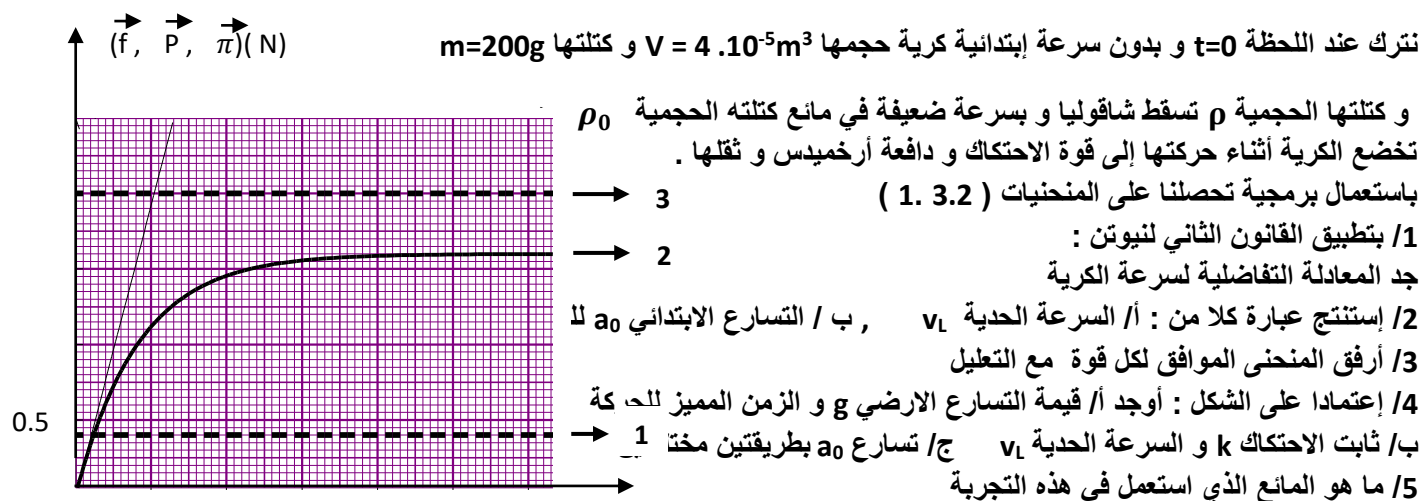
- ثابت الزمن  $\tau$  - سعة المكثفة  $C$  - التوتر الكهربائي  $E$

3/ أعط العبارة اللحظية للطاقة المخزنة في المكثفة

ثم أحسب قيمتها الاعظمية



## التمرين الرابع:



المائع	الماء	الزيت	الهواء	الغليسيرول
$\rho_0(kg/m^3)$	1000	920	1.3295	1300

## التمرين الخامس خاص بالقسم 3 رياضيات:

في حصة الاعمال التطبيقية طلب الاستاذ من تلامذته تحضير محاليل مائية لاحتد الاحماض الصلبة HA بتركيزات مولية مختلفة و قياس PH كل محلول في درجة الحرارة  $25^\circ C$  فكانت النتائج كما يلي

C( mol/l)	$10^{-2}$	$5 \cdot 10^{-3}$	$1 \cdot 10^{-3}$	$5 \cdot 10^{-4}$	$1 \cdot 10^{-4}$
PH	3,10	3,28	3,65	3,83	4,27
$[H_3O^+](mol/l)$					
$[A^-](mol/l)$					
$[HA](mol/l)$					
$\log \frac{[A^-]}{[HA]}$					

1/ أعط بروتوكولا تجريبيا توضح فيه كيفية تحضير محلول للحمض الصلب HA تركيزه المولي C و حجمه V

2/ عرف الحمض حسب برونشتد و أكتب معادلة تفاعله مع الماء

3/ أكمل الجدول السابق

4/ جد عبارة PH المحلول للحمض HA بدلالة ثابت  $PK_a$  للثنائية (  $HA / A^-$  )

5/ أرسم المنحنى البياني (  $PH = f(\log \frac{[A^-]}{[HA]})$  )

6/ حدد بيانيا قيمة الثابت  $PK_a$  ثم إستنتج صيغة الحمض HA من الجدول التالي

الثنائية	$HCOOH / HCOO^-$	$C_2H_5COOH / C_2H_5COO^-$	$C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-$
$PK_a$	3,8	4,87	4,2



## الموضوع الثاني

## التمرين الأول:

ندخل في اللحظة  $t=0$  كتلة  $m=2g$  من المغنزيوم في بيشر يحتوي على 50ml من محلول حمض كلور الماء ( $H_3O^+ + Cl^-$ ) تركيزه المولي

$C_0 = 10^{-2} \text{ mol/l}$  فيحدث التحول الكيميائي المنمذج بالمعادلة التالية



- 1/ أكتب المعادلتين النصفيتين للاكسدة و الارجاع ثم إستنتج الثنائيتين (Ox / Red) مشاركتين في هذا التحول الكيميائي  
2/ إن قياس الـ PH للمحلول الناتج أعطى في لحظات مختلفة النتائج المدونة في الجدول التالي

t (min)	0	2	4	6	8	10	12	14
PH	2,00	2,12	2,27	2,44	2,66	2,95	3,41	4,36
$[H_3O^+]$ ( $\cdot 10^{-3} \text{ mol/l}$ )								
$[Mg^{2+}]$ ( $\cdot 10^{-3} \text{ mol/l}$ )								

أ/ أنجز جدول التقدم للتفاعل المنمذج للتحول الكيميائي الحادث

ب / بين أن المغنزيوم موجود بالزيادة في المحلول

ج/ بين أن التركيز المولي للشوارد  $Mg^{2+}$  يعطى في كل لحظة بالعلاقة التالية

$$[Mg^{2+}] = \frac{1}{2} (10^{-2} - [H_3O^+]_t)$$

أكمل الجدول السابق

د/ أرسم في نفس المعلم البيان الموافق لـ  $[Mg^{2+}] = f(t)$  :البيان 1 و  $[H_3O^+] = g(t)$  :البيان 2

باستعمال البيان 1 أحسب السرعة الحجمية لتشكل شوارد المغنزيوم  $Mg^{2+}$  في اللحظة  $t=2\text{min}$  ثم إستنتج السرعة لاختفاء شوارد الهيدرونيوم  $H_3O^+$  عند نفس اللحظة

و/ تأكد من قيمة السرعة الحجمية لاختفاء شوارد الهيدرونيوم باستعمال البيان 2

3/ أ/ عرف زمن نصف التفاعل ثم أوجد قيمته بيانيا

ب/ أحسب التركيز المولي لكل من شوارد الهيدرونيوم و الشوارد المغنزيوم في اللحظة  $t = t_{1/2}$

تعطى الكتلة المولية للمغنزيوم  $M(Mg) = 24g/mol$

## التمرين الثاني:

A / لعنصر اليود عدة نظائر منها  $^{123}_{53}I$  و  $^{131}_{53}I$  مشعان أما  $^{127}_{53}I$  هو نكليد مستقر . يشع  $^{123}_{53}I$  حسب النمط  $\beta^+$  و  $^{131}_{53}I$  حسب النمط  $\beta^-$

. زمن نصف عمر اليود 131 هو  $t_{1/2} = 8j$

1/ أكتب معادلتى تفكك كل من  $^{123}_{53}I$  و  $^{131}_{53}I$

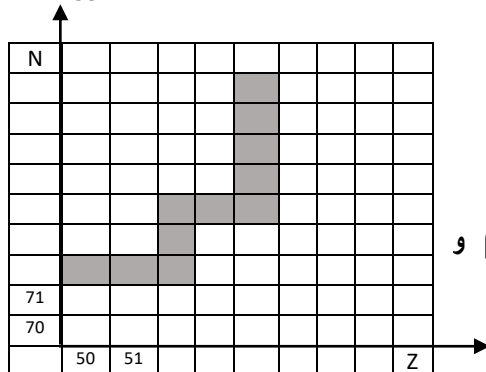
2/ ما المقصود بالنظائر

4/ تمثل المنطقة الملونة على مخطط سوقري جزءا من وادي الاستقرار

أ/ ما المقصود بـ A و Z في الكتابة الرمزية للنواة  $^A_ZX$

ب/ ما هو موضوعي النواتين  $^{123}_{53}I$  و  $^{131}_{53}I$  في هذا المخطط حدد مصدري  $\beta^+$  و

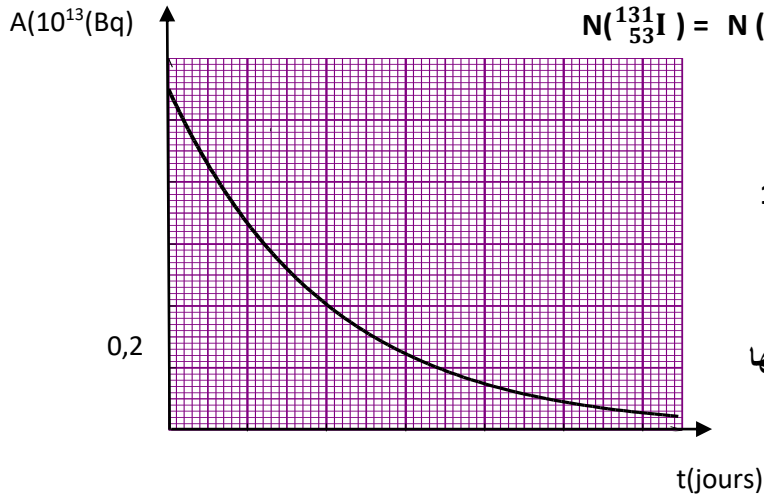
يعطى  $^{131}_{54}Xe$  ,  $^{123}_{52}Te$





B/ في حادثة شارنوبيل السوفياتية ( 1986 ) تسرب من المفاعل النووي النكليدات  $^{131}_{53}\text{I}$  و  $^{137}_{55}\text{Cs}$  . زمن نصف عمر السيزيوم

137 هو  $t'_{1/2} = 30\text{ans}$



1/ علما أن نفس الكتلة من النظيرين قد تسربت بين أن  $N(^{137}_{55}\text{Cs}) = N(^{131}_{53}\text{I})$  هل نتعبر أن النوكليدين مازالا يتشطان لحد اليوم (2021) .

2/ مثلنا ببياننا نشاط عينة من اليود 131 كتلتها الابتدائية  $m_0$

$$A = f(t)$$

أ/ عرف ثابت الزمن لعينة مشعة ثم أحسب ثابت الزمن اليود 131  
ب/ عين سلم على محور الزمن في البيان

ج/ أحسب قيمة الكتلة  $m_0$

د/ مثل على البيان السابق بيان تطور نشاط عينة اليود 131 كتلتها

$$m'_0 = \frac{0}{2} \quad t=0 \text{ عند اللحظة}$$

### التمرين الثالث:

دائرة كهربائية تتكون على التسلسل من وشيعة  $(L, r)$  وناقل أومي  $R$  وقاطعة  $K$  كما في الشكل (1). نغلق القاطعة عند  $t = 0$  .

1/ . بتطبيق قانون جمع التوترات أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i$  .  
أثبت أن هذه المعادلة تقبل حلا من الشكل  $i(t) = A(1 - e^{-Bt})$  حيث :  $A$  و  $B$  ثوابت .

2/ . يمثل منحنى الشكل (2) تغيرات :

$$\frac{di}{dt} \text{ بدلالة التيار } i \text{ أي } \frac{di}{dt} = f(i)$$

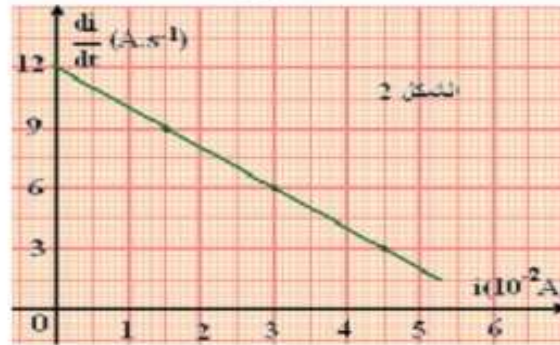
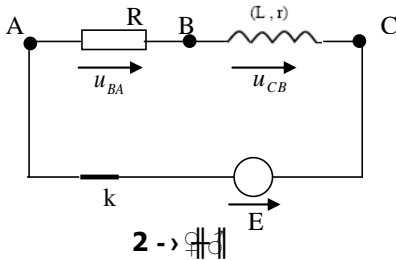
أ - أكتب العبارة البيانية .

ب - باستخدام العبارة البيانية والعبارة المستخرجة في

السؤال (1) استنتج كل من الذاتية  $(L)$  و المقاومة  $(r)$  للوشيعة .

ج - عبر بدلالة  $(R, r, E)$  عن  $(I_0)$  : شدة التيار في

النظام الدائم ثم احسبه .



المعطيات :  $E=6\text{VR}=90\Omega$

## التمرين الرابع

نحضر محلولاً مائياً S لحمض الايثانويك  $\text{CH}_3\text{COOH}$  بإذابة كتلة  $m=0,60\text{g}$  من حمض الايثانويك النقي في حجم  $V=1\text{l}$  من الماء المقطر .

نقيس الناقلية النوعية  $\sigma$  للمحلول S في درجة الحرارة  $25^\circ\text{C}$  فوجدناها  $\sigma = 1,64 \cdot 10^{-2} \text{ S/m}$

- 1/ أكتب معادلة التفاعل المنذج للتحول الكيميائي الحادث بين حمض الايثانويك و الماء
- 2/ هل التفاعل السابق تم بين حمض و أساسه المرافق أو حمض لثنائية و أساس لثنائية أخرى
- 3/ قدم جدول لتقدم التقدم الحادث في المحلول S

4/ جد عبارة التركيز المولي لشوارد الهيدرونيوم  $[\text{H}_3\text{O}^+]_f$  في المحلول S بدلالة  $\sigma$

و الناقلتين الموليتين الشاردين  $\lambda(\text{H}_3\text{O}^+)$  و  $\lambda(\text{CH}_3\text{COO}^-)$

5/ أوجد قيمة الـ PH للمحلول الحمضي S

6/ أكتب عبارة كسر التفاعل النهائي  $Q_{rf}$  للتفاعل الحادث في المحلول S و بين أنها تكتب على الشكل :  $Q_{rf} = \frac{10^{-2PH}}{C - 10^{-PH}}$

7/ أحسب ثابت التوازن K للتفاعل السابق . ماذا تينتج

## التمرين الخامس ( خاص بالقسم 3 رياضيات)

المعطيات :  $g=10 \text{ m/s}^2$   $v_0=10\text{m/s}$

بإحدى الحصص التدريبية لكرة القدم إستقبل اللاعب كرة من زميله ففدأها برأسه نحو المرمى بغية تسجيل هدف.. غادرت الكرة رأسه في اللحظة  $t=0$  من النقطة B في إتجاه المرمى بسرعة ابتدائية  $v_0$  واقعة على المستوى الشاقولي المتعامد مع مستوى المرمى و يصنع حاملها زاوية  $\alpha=30^\circ$  مع الأفق . تقع النقطة B على إرتفاع  $h_B=2\text{m}$  من سطح الأرض كما هو موضح في الشكل

1/ بإهمال أبعاد الكرة و تأثير الهواء عليها و بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكرة في المعلم السطحي الأرضي  $(Ox, Oy)$  أوجد ما يلي :

أ/ المعادلتين الزمنيتين  $x(t)$  و  $y(t)$

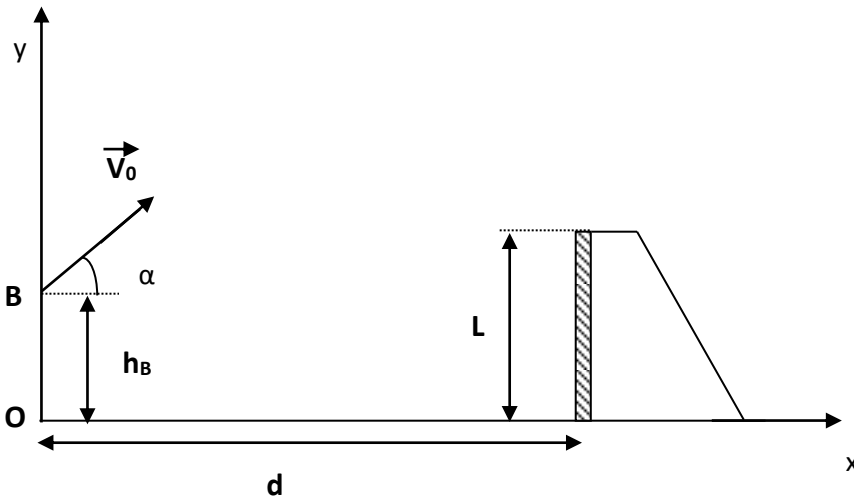
ب/ معادلة المسار  $y=f(x)$

ج/ قيمة سرعة مركز عطالة الكرة عند الذروة

2/ يبعد خط التهديف عن اللاعب بمسافة  $d=10\text{m}$  و إرتفاع المرمى هو  $L=2,44\text{m}$

أ/ أكتب الشرط الذي يجب أن يحققه كل من  $x$  و  $y$  لكي يسجل الهدف إثر هذه الرأسية

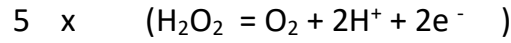
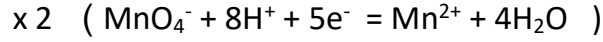
ب/ هل سجل اللاعب الهدف بهذه الرأسية ؟ برر إجابتك



## تصحيح الامتحان التجريبي

### الموضوع الاول

#### التمرين الاول



$2\text{I}^-$	+	$\text{H}_2\text{O}_2$	+	$2\text{H}_3\text{O}^+$	=	$\text{I}_2$	+	$4\text{H}_2\text{O}$
$n_1$		$n_2$		قطرات		0		بازيادة
$n_1 - 2x$		$n_2 - x$		قطرات		x		بازيادة
$n_1 - 2x_f$		$n_2 - x_f$		قطرات		$x_f$		بازيادة

البيان يدل على أن المتفاعل المحد هو  $\text{I}^-$  لأن كمية المادة لـ  $\text{H}_2\text{O}_2$  غير معدومة في نهاية التفاعل

كمية المادة لـ  $\text{H}_2\text{O}_2$  من البيان  $n_2 ( \text{H}_2\text{O}_2 ) = 5 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$

$n_f ( \text{H}_2\text{O}_2 ) = 2 \text{ mmol}$  من البيان

من جدول التقدم  $n ( \text{H}_2\text{O}_2 )_f = n_2 - x_f$  نستنتج أن  $x_f = 3 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$

بما أن  $\text{I}^-$  هو المتفاعل المحد معناه أن  $n_1 - 2x_f = 0$  أي  $n_1 = 6 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$

$n = C_1 V_1$  مع  $V_1 = 2.5 \text{ ml}$  و منه  $C_1 = 2.4 \cdot 10^{-2} \text{ mol/l}$

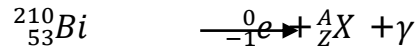
بنفس الكيفية  $C_2 = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol/l}$

$t_{1/2} = 9.6 \text{ min}$

8/ من خلال تفاعل :  $\text{MnO}_4^-$  مع  $\text{H}_2\text{O}_2$  و بعد كتابة المعادلة الكيميائية و عند التكافؤ المزيج يكون ستيكومتري أي :

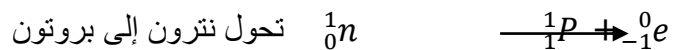
$$\frac{n(\text{MnO}_4^-)}{2} = \frac{n(\text{H}_2\text{O}_2)}{5} \quad \text{أي} \quad \frac{CV_E}{2} = \frac{n(\text{H}_2\text{O}_2)}{5} \quad \text{بعد الحساب نجد أن} \quad V_E = 0.4 \text{ ml}$$

#### التمرين الثاني



حسب قانوني صودي نجد أن  $A = 210$  و  $Z = 54$

بالمطابقة مع الجدول المعطى نستنتج أن العنصر الناتج هو  ${}_{54}^{210}\text{Po}$



تحول نوترون إلى بروتون

$$N_d = N_0 ( 1 - e^{-\lambda t} ) \quad \text{و منه} \quad N = N_0 e^{-\lambda t} \quad ; \quad N_d = N_0 - N \quad ; \quad N_0 = N + N_d$$

$$\ln A = -\lambda t + \ln A_0 = -\lambda t + \ln \lambda N_0 \quad ; \quad \ln A = \ln (A_0 e^{-\lambda t}) \quad \text{و منه} \quad A = A_0 e^{-\lambda t}$$

معامل التوجيه يمثل  $-\lambda$  و نقطة تقاطع المنحنى من محور الترتيب يمثل  $\ln A_0$

$$\lambda = -0.138 \text{ j}^{-1} \quad \text{و} \quad A_0 = e^{25} = 7.2 \cdot 10^{10} \text{ Bq} \quad \ln A_0 = 25$$

$$A = A_0 e^{-\lambda t} \quad \text{لما } t = t_{1/2} \quad A = \frac{A_0}{2} \quad \text{بعد إدخال } \ln \quad \text{نجد أن } \ln 2 = \lambda t_{1/2}$$

$$A_0 = \lambda N_0 \quad \text{و} \quad m_0 = M \frac{N_0}{N_A}$$

$$m_0 = 15,7 \cdot 10^{-6} \text{g} \quad \text{بعد الحساب نجد أن}$$

$$E_{\text{Lia}} = (m_p Z + m_n (A-Z) - m_{\text{noy}}) 931.5 = 1640,68 \text{MeV}$$

$$\text{طاقة الربط لكل نوية هو } \frac{E_{\text{Lia}}}{A} = 7,81 \text{MeV/nucleon} \quad \text{حيث } A=210$$

### التمرين الثالث

قانون جمع التوترات

$$E = u_R + u_c = Ri + u_c \quad \text{بعد الاشتقاق نجد} \quad 0 = R \frac{di}{dt} + \frac{du_c}{dt} \quad \text{مع} \quad i = C \frac{du_c}{dt}$$

$$\text{بعد التعويض نجد: } R \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} i = 0 \quad \text{أي} \quad \frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} i = 0$$

$$\frac{di}{dt} = -\alpha \beta e^{-\beta t} \quad i = \alpha e^{-\beta t}$$

$$\text{نعوض } i \text{ و } \frac{d}{dt} \text{ في المعادلة التفاضلية نجد } \alpha e^{-\beta t} \left( \frac{1}{RC} - \beta \right) = 0$$

$$\beta = \frac{1}{RC} \quad \text{و من الشروط الابتدائية نجد أن } \alpha = I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2}$$

$$\text{لما } t = \tau \quad \text{نجد أن } i = 0.37 I_0 = 0.37 \cdot 2.5 = 0,92 \text{mA} \quad \text{بعد الاسقاط على محور الزمن نجد أن}$$

$$E = R_T I_0 = 5 \cdot 10^3 \cdot 2.5 \cdot 10^{-3} \quad , \quad C = 180 \mu F \quad \tau = R_T C \quad , \quad \tau = 0,9 \text{s} \\ = 12.5 \text{V}$$

$$E_c = 14,06 \text{mj} \quad u_c = E \quad \text{في النظام الدائم} \quad E_c = \frac{1}{2} C u_c^2$$

### التمرين الرابع

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{\pi} = m \vec{a} \quad \text{بالاسقاط نجد:}$$

$$mg - m_0 g - kv = m \frac{dv}{dt} \quad \text{نجد } m \quad \text{بالقسمة على}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g \left( 1 - \frac{m_0}{m} \right)$$

$$\text{لما } t=0 \quad v=0 \quad , \quad \frac{dv}{dt} = a_0 \quad , \quad a_0 = g \left( 1 - \frac{m_0}{m} \right) \quad \text{و لما } t = 5\tau \quad v = v_L \quad \text{و } v=0$$

$\frac{dv}{dt}$

$$v_L = \frac{a_0}{\frac{k}{m}} \quad \frac{k}{m} v_L = a_0 \quad g \left( 1 - \frac{m_0}{m} \right) - \frac{k}{m} v_L = 0$$

$P = mg$  = ثابت و  $\pi = m_0 g$  = ثابت , بما أن  $\rho > \rho_0$  معناه أن المنحنى 3 يمثل P و المنحنى 1 يمثل

$\pi v$

و المنحنى 2 يمثل  $v$  لان  $v = v_L \left( 1 - \frac{-t}{\tau} \right)$

$$P = mg = 1.96N \quad g = \frac{P}{m} = \frac{1.96}{0.2} = 9.8 \text{ m/s}^2$$

لما  $t = \tau$  نجد  $f = 0.63f_{Li}$  و بعد الاسقاط نجد  $\tau = 0.8s$

$$k = \frac{0.2}{0.8} = 0.25 \text{ kg/s} \quad \tau = \frac{m}{k} = 0.8$$

$$v_L = 1.6/0.25 = 6.4 \text{ m/s} \quad f_i = kv_{Li}$$

حساب التسارع بطريقتين

الطريقة الاولى :  $a_0 = g \left( 1 - \frac{m_0}{m} \right) = g \left( 1 - \frac{\pi}{P} \right) = 9.8 \left( 1 - \frac{0.4}{1.96} \right) = 7.8 \text{ m/s}^2$

الطريقة الثانية ,  $\frac{df}{dt} = k \frac{dv}{dt} = ka_0$  , مع  $f = kv$  معامل التوجيه

$$a_0 = \frac{2.06}{0.25} = 8.2 \text{ m/s}^2 \text{ و منه نستنتج أن } \frac{df}{dt} = 2.06 \text{ من البيان}$$

في حدود الارتيابات النتيجتين متقاربتين

$$\rho_0 = 0.21 \rho = 0.21 \frac{m}{V} = 1050 \text{ kg/m}^3 \quad \frac{\pi}{P} = \frac{0.4}{1.9} = \frac{\rho_0}{\rho}$$

بتقريب  $\rho_0 = 1000 \text{ kg/m}^3$

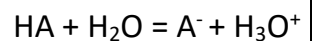
نستنتج ان المائع المستعمل هو الماء

التمرين الخامس : قسم رياضيات

البروتوكول التجريبي : باستعمال ميزان إلكترونيك نزن كتلة  $m$  من HA الصلب حيث  $n = CV = \frac{m}{M}$  أي  $m = MCV$

C( mol/l)	$10^{-2}$	$5 \cdot 10^{-3}$	$1 \cdot 10^{-3}$	$5 \cdot 10^{-4}$	$1 \cdot 10^{-4}$
PH	3,10	3,28	3,65	3,83	4,27
$[H_3O^+](\text{mol/l})$	$7.9 \cdot 10^{-4}$	$5.24 \cdot 10^{-4}$	$2.24 \cdot 10^{-4}$	$1.48 \cdot 10^{-4}$	$0.53 \cdot 10^{-4}$
$[A^-](\text{mol/l})$	$7.9 \cdot 10^{-4}$	$5.24 \cdot 10^{-4}$	$2.24 \cdot 10^{-4}$	$1.48 \cdot 10^{-4}$	$0.53 \cdot 10^{-4}$
$[HA](\text{mol/l})$	$92.06 \cdot 10^{-4}$	$44.76 \cdot 10^{-4}$	$7.76 \cdot 10^{-4}$	$3.52 \cdot 10^{-4}$	$0.47 \cdot 10^{-4}$
$\log \frac{[A^-]}{[HA]}$	-1.06	-0.93	-0.54	-0.38	0.05

الحمض هو كل فرد كيميائي قابل أن يفقد بروتون  $H^+$  أو أكثر



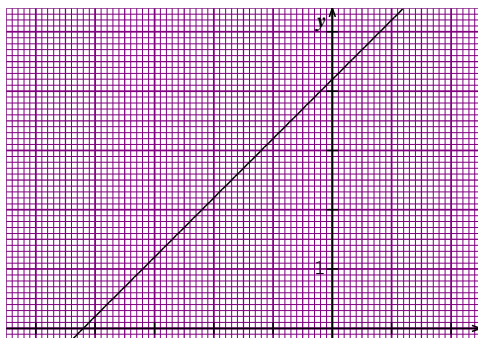
$$PH = PK_A + \log \frac{[A^-]}{[AH]} \quad \text{أي} \quad PK_A = PH - \log \frac{[A^-]}{[AH]}$$

المنحنى البياني عبارة عن خط مستقيم معادلته من الشكل

$$Y = ax + b \quad \text{حيث} \quad a = 1 \quad \text{و} \quad b = 4.2 = PK_A$$

بالمطابقة مع الجدول نستنتج أن الحمض هو  $C_6H_5COOH$

و هذا نظرا للـ  $PK_A$  للثنائية المعطاة في الجدول



تصحيح الموضوع الثاني

### التمرين الأول



الثنائيتين هنا :  $(Mg^{2+} / Mg)$  ;  $(H_3O^+ / H_2)$

Mg	+	$2H_3O^+$	=	$Mg^{2+}$	+	$H_2$	+	$2H_2O$
$n_1$		$n_2$		0		0		بالزيادة
$n_1 - x$		$n_2 - 2x$		x		x		بالزيادة
$n_1 - x_f$		$n_2 - 2x_f$		$x_f$		$x_f$		بالزيادة

$$n_1 - x_f = 0 ; x_f = n_1 = \frac{m}{M} = \frac{2}{24} = 0.08 \text{ mol} = 80 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

$$n_2 - 2x_f = 0 ; x_f = \frac{n_2}{2} = \frac{VC_0}{2} = 2.5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

نستنتج أن المغنيزيوم موجود بالزيادة

تبيان العلاقة : من جدول التقدم

$$n(Mg^{2+}) = x ; n(H_3O^+) = n_2 - 2x ; n(H_3O^+) = n_2 - 2n(Mg^{2+})$$

$$[Mg^{2+}] = \frac{C}{2} - \frac{[H_3O^+]}{2} = \frac{1}{2} (10^{-2} - [H_3O^+]) \quad \text{نجد 2 على V و بالقسمة على V} \quad 2n(Mg^{2+}) = n_2 - n(H_3O^+)$$

t (min)	0	2	4	6	8	10	12	14
PH	2,00	2,12	2,27	2,44	2,66	2,95	3,41	4,36
$[H_3O^+](10^{-3} \text{ mol/l})$	10	7.58	5.38	3.63	2.18	1.12	0.38	0.04
$[Mg^{2+}](10^{-3} \text{ mol/l})$	0	1.21	2.31	3.19	3.91	4.44	4.81	4.98

السرعة الحجمية لتشكيل  $Mg^{2+}$  :  $\frac{d[Mg^{2+}]}{dt} = \frac{dn(Mg^{2+})}{dt}$  ;  $v_{vol} = \frac{1}{V}$  السرعة تمثل معامل الوجيه للمماس للمنحنى لما

t=2min

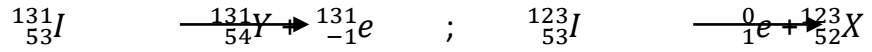
سرعة إختفاء شوارد الهيدرونيوم في نفس اللحظة :  $v = -\frac{dn(H_3O^+)}{dt} = \frac{2dx}{dt}$  و وجدنا السرعة الحجمية سابقا تساوي



$$v = 2 V_{Vol} \text{ و منه } v_{VO} = -\frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$

زمن نصف التفاعل : هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه الاعظمي

### التمرين الثاني



النظائر هي الافراد التي تنتمي لنفس العنصر و تختلف في عدد النوترونات

A : يمثل عدد الكتلي أي عدد النوترونات + عدد البروتونات

Z : يمثل عدد البروتونات

$^{123}_{53}I$  يقع في التقاطع  $N = 123 - 53 = 70$  و العمود  $Z = 53$

$^{131}_{53}I$  يقع في تقاطع  $N = 131 - 53 = 78$  و  $Z = 53$

حدد مصدري  $\beta^+$  تحول البروتون إلى نوترون :  $^1_1p \xrightarrow{^0_1e} ^1_0n$

بينما  $\beta^-$  تحول نوترون إلى بروتون

$$m \text{ هي نفسها حسب النص } \frac{m}{M} = \frac{N}{N_A}$$

معناه أن  $M(Cs) \cdot N(Cs) = M(I) \cdot N(I)$  بما أن الكتل المولية متساوية تقريبا : نستنتج أن  $N(Cs) = N(I)$

$$\lambda(Cs) = \frac{0.69}{30} = 0.023 \text{ ans}^{-1} ; \quad \text{ن } 1986 \text{ إلى يومنا هذا } t = 35 \text{ ans}$$

$$m = m_0 e^{-\lambda t} ; \quad m = m_0 e^{-0.023 \cdot 35} = 0.44 m_0 \quad \text{أي Cs نشيط حتى الان بينما I نشاطه معدوم}$$

سلم الرسم أعطي لنا في الشطر الاول من التمرين أن  $t_{1/2} = 8 \text{ j}$  و منه سلم الرسم

ثابت الزمن هو الزمن حتى يبقى النشاط لعينة = 0.37 نشاطها الابتدائية

$$m_0 = 2,18 \text{ mg} ; \quad \text{و هذا بعد تطبيق العلاقات } \lambda = \frac{\ln 2}{8 \cdot 24 \cdot 3600} ; \quad \frac{m_0}{M} = \frac{N_0}{N_A} ; \quad A_0 = \lambda N_0$$

إذا كانت  $m' = \frac{m_0}{2}$  نجد بعد الحساب أن  $A_0' = \frac{A_0}{2}$  و بما أن نفس العنصر  $t_{1/2}$  هو نفسه أي نفس اشكل للمنحنى

الاختلاف في القيمة الابتدائية لـ النشاط الاشعاعي

### التمرين الثالث

$$\text{جمع التوترات : } E = u_R + u_L = Ri + ri + L \frac{di}{dt} = (R + r) i + L \frac{di}{dt} \quad 1$$

$$I = A (1 - e^{-Bt}) = A - Ae^{-Bt} ; \quad \frac{di}{dt} = AB e^{-Bt}$$

بعد التعويض i و  $\frac{di}{dt}$  في الم عادلة التفاضلية و باستعمال الشروط الابتدائية لان لما  $t=0$   $i=0$  نجد

$$A = I_0 ; \quad B = \frac{1}{\tau} \quad \text{مع } \tau = \frac{L}{R+r}$$

من المعادلة 1 :  $i + \frac{E}{L} = -\frac{1}{\tau} \frac{di}{dt}$  المنحنى البياني من الشكل  $y = ax + b$

بالمطابقة معامل التوجيه يمثل  $\frac{-1}{\tau}$  و نقطة التقاطع تمثل  $\frac{E}{L}$

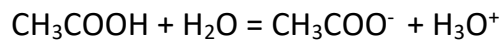
من البيان  $\frac{E}{L} = 12$  و  $E = 6V$  و  $L = 0,5H$

معامل التوجيه  $\tau = 5 \cdot 10^{-3}$  ,  $a = -2 \cdot 10^2 = -\frac{1}{\tau}$

$\frac{L}{R+r} = 5 \cdot 10^{-3}$  ,  $R + r = 100\Omega$  ,  $r = 100 - 90 = 10\Omega$

$$I_0 = \frac{E}{R+r}$$

التمرين الرابع



التفاعل السابق حدث بين الحمض  $CH_3COOH$  و الاساس للثنائية أخرى و هو الماء

$CH_3COOH$	+	$H_2O$	=	$CH_3COO^-$	+	$H_3O^+$
n		زيادة		0		0
n - x				x		x
n - x <sub>f</sub>				x <sub>f</sub>		x <sub>f</sub>

$$\sigma = [H_3O^+] \lambda_1 + [CH_3COO^-] \lambda_2 = [H_3O^+] (\lambda_1 + \lambda_2) , [H_3O^+] = \frac{\sigma}{\lambda_1 + \lambda_2} = \frac{1.64 \cdot 10^{-2}}{39.1 \cdot 10^{-3}} = 0,42 \text{ mol/m}^3$$

$$[H_3O^+] = 0,42 \cdot 10^{-3} \text{ mol/l} , PH = -\log [H_3O^+] = -\log (0,42 \cdot 10^{-3}) = 3,38$$

$$Q_{rf} = \frac{[CH_3COO^-][H_3O^+]}{[CH_3COOH]} , [H_3O^+] = [CH_3COO^-] = 10^{-PH} , [CH_3COOH] = C - [H_3O^+] = C - 10^{-PH}$$

$$Q_{rf} = \frac{10^{-2PH}}{C - 10^{-PH}}$$

$$Q_{rf} = K = \frac{10^{-6,76}}{10^{-2} - 10^{-3,38}} = 1,81 \cdot 10^{-5}$$

التمرين الخامس

$$X = (v_0 \cos \alpha) t , y = -\frac{1}{2} g t^2 + (v_0 \sin \alpha) t + h_B$$

$$Y = \frac{-1}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \tan \alpha + h_B$$

عند الذروة المركبة الوحيدة للسرعة هي  $v_x$  و تساوي  $v_x = v_0 \cos \alpha = 10 \cdot 0,86 = 8,6 \text{ m/s}$

الشروط حتى يسجل الهدف :  $x = d = 10 \text{ m}$  و  $L < 2,44$

بعد التعويض بالقيم لـ  $x = d = 10 \text{ m}$  و  $v_0 = 10 \text{ m/s}$  و  $\alpha = 30^\circ$

نجد  $y = 1.11 \text{ m}$



المدة : أربع ساعات

المستوى : ثالثة (تقني رياضي)

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتين

### الموضوع الثاني

#### التمرين الأول:

1- نغمر صفيحة من الزنك  $Zn$  كتلتها  $m_0$  في كأس يحتوي على حجم  $V$  من محلول Lugol (مادة مطهرة تباع في الصيدليات) مكونها الأساسي هو ثنائي اليود  $I_2$  ذي اللون الأسمر عند درجة حرارة  $20^\circ C$  ، حيث التركيز الابتدائي  $C_0$  ، التحول الكيميائي بين Lugol والزنك بطيء وتام.

أ- أكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي الحادث، ثم ضع جدولاً لتقدم التفاعل.

ب- بين أنه في كل لحظة يكون :  $n(Zn) = V \times [I_2] + \frac{m_0}{M} - C_0 \times V$  .

2- بواسطة تقنية خاصة تمكنا من رسم البيانيين :  $m(Zn) = f(t)$  .  $n(Zn) = g([I_2])$  بالاعتماد على البيانيين :

أ- أوجد المتفاعل المحد وكمية المادة النهائية للزنك  $n_f(Zn)$  ، ثم أوجد  $m_0$  .

ب- استنتج سلم الرسم الخاص بالكتلة  $m(Zn)$  .

ج- أكتب معادلة البيان  $n(Zn) = g([I_2])$  ، ثم حدد قيمة كل من  $V$  و  $C_0$  .

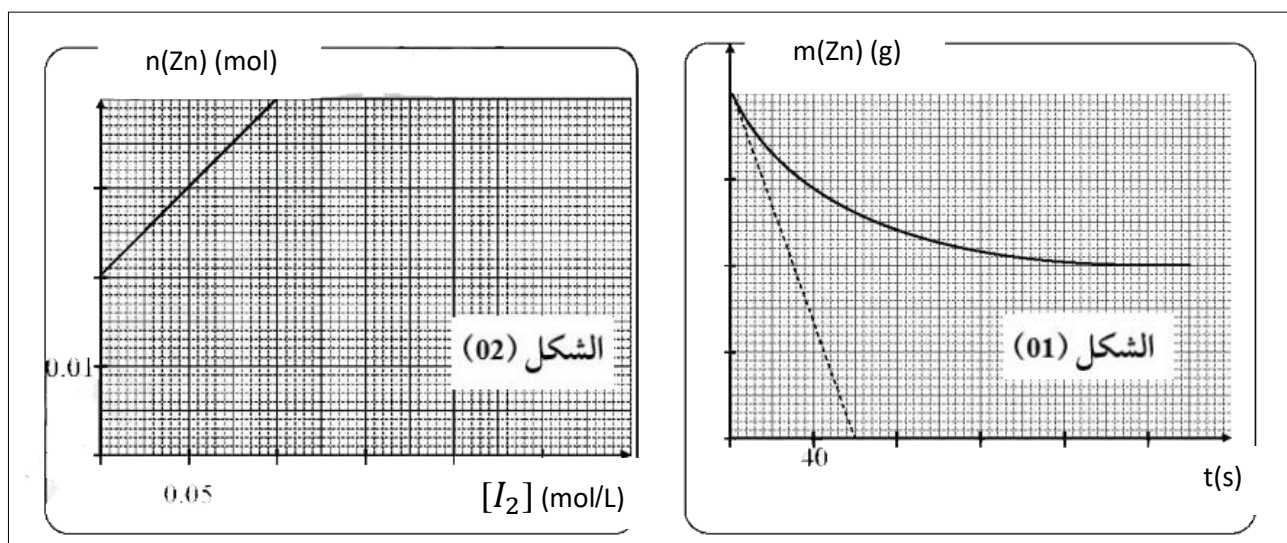
3- بين أن كتلة الزنك المتبقية عند اللحظة  $t = \frac{t_1}{2}$  تعطى ب :  $m(t_{\frac{1}{2}}) = \frac{m_f + m_0}{2}$  .

- استنتج بيانياً قيمة  $t_{\frac{1}{2}}$  .

4- بين أن سرعة التفاعل تعطى بالعلاقة التالية :  $v = -\frac{1}{M} \times \frac{dm(Zn)}{dt}$  .

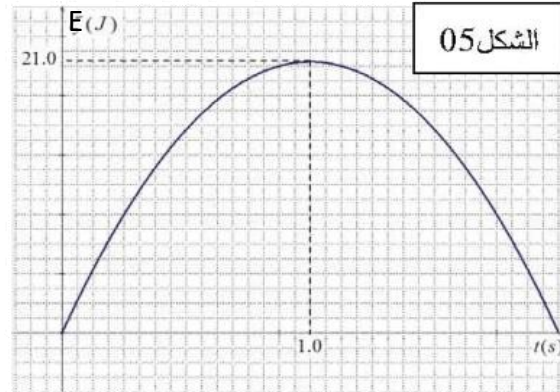
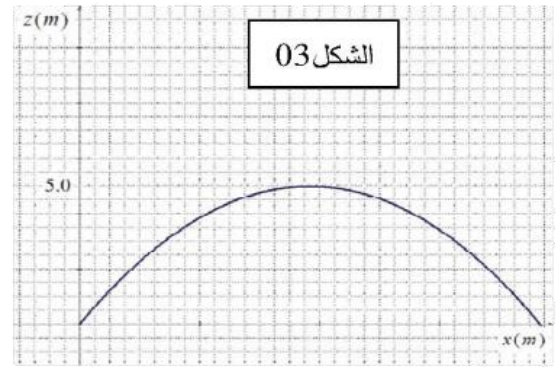
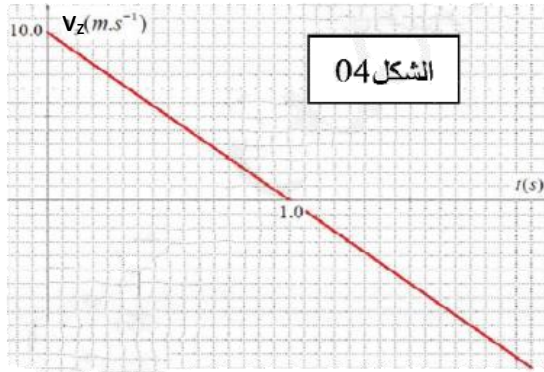
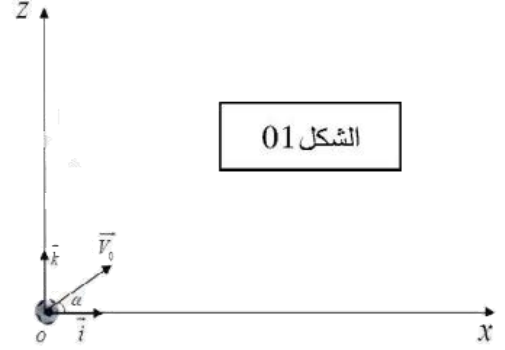
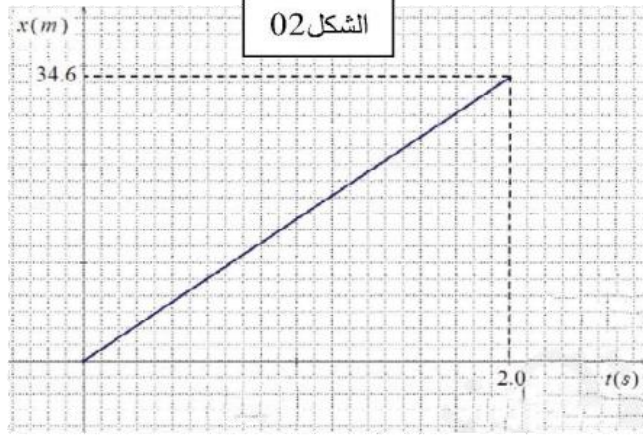
- احسب قيمتها عند اللحظة  $t = 0$  .

تعطى : الثنائيتان  $(I_2 / I^-)$  .  $(Zn^{2+} / Zn)$  .  $M(Zn) = 64.5 \text{ g/mol}$  .



## التمرين الثاني:

في إحدى مباريات الفريق الوطني قام اللاعب محرز بتنفيذ مخالفة وذلك بقذف كرة نعتبرها نقطية كتلتها  $m$  من نقطة  $O$  من سطح الأرض بسرعة ابتدائية يصنع حاملها زاوية  $\alpha$  ، لتبسيط الدراسة نهمل قوى الاحتكاك مع الهواء ودافعة أرخميدس ونعتبر أن الكرة خاضعة لتأثير ثقلها فقط ، بعد الدراسة في معلم ديكارتي  $(OX, OZ)$  وفي مرجع يعتبر غاليليا كما بالشكل 01 ، وتم الحصول على المخططات التالية :



- 1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد معادلة مسار الكرة ، أي المخططات (1) أو (2) أو (3) أو (4) يمثل مسار الكرة ، ثم استنتج منه أعلى ارتفاع تبلغه الكرة .
- 2- من المخطط (02) استنتج طبيعة حركة الكرة على المحور  $OX$  ، ثم استنتج قيمة طول شعاع السرعة الأفقية  $v_{0x}$
- 3- ما قيمة طول شعاع السرعة الشاقولية  $v_{0z}$  عند اللحظة  $t=0$  ، حدد البيان المناسب لحسابها .
- 4- باستعمال النتائج السابقة عين كلا من :
  - أ- قيمة طول شعاع السرعة الابتدائية  $v_0$  عند اللحظة  $t=0$  .
  - ب- زاوية القذف  $\alpha$  .
- 5- أ- أي نوع من الطاقة يمثل المخطط (5)؟ علل .
- ب- باستعمال هذا المخطط أوجد كتلة الكرة المستعملة . ج- أعط بيان الطاقة الأخرى بدلالة الزمن .

## التمرين الثالث:

I- نذيب كتلة قدرها  $m = 4.6 \times 10^{-2} \text{ g}$  من حمض الميثانويك  $\text{HCOOH}$  في حجم 100 ml من الماء النقي ، إن قياس الناقلية النوعية للمحلول أعطى القيمة  $\sigma = 4.9 \times 10^{-2} \text{ S/m}$  عند درجة حرارة  $25^\circ \text{C}$ .

1 - أحسب التركيز المولي  $C_0$  للمحلول.

2 - أكتب معادلة انحلال حمض الميثانويك في الماء ، ثم مثل جدولا لتقدم التفاعل .

3 - أحسب قيمة pH المحلول .

4 - أثبت أن ثابت التوازن K الموافق لمعادلة التفاعل يعطى بالعلاقة :  $K = \frac{10^{-2\text{pH}}}{C_0 - 10^{-\text{pH}}}$  ثم أحسب قيمته.

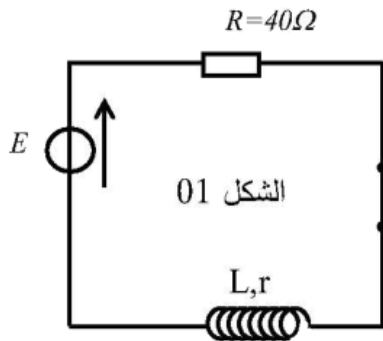
5 - استنتج  $\text{pKa}$  للثنائية  $\text{HCOOH} / \text{HCOO}^-$ .

6 - أكتب عبارة النسبة النهائية للتقدم  $\tau_f$  بدلالة  $C_0$  و pH ثم أحسب قيمتها . ماذا تستنتج ؟

7 - استنتج الصفة الغالبة في المحلول  $\lambda_{\text{HCOO}^-} = 5.46 \text{ ms.m}^2/\text{mol}$   $\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} = 35 \text{ ms.m}^2/\text{mol}$

O : 16 g/mol C : 12 g/mol H : 1 g/mol

## التمرين التجريبي:



من أجل تحديد مميزات وشيعة  $(L, r)$  وسعة مكثفة C نقوم بـ :

I- تحديد المقاومة الداخلية وذاتية الوشيعة :

بعد تحقيق التركيب التجريبي الشكل (01) وغلق القاطعة

عند اللحظة  $t = 0$  يظهر على شاشة راسم الاهتزاز ذي

ذاكرة البيان الموضح في الشكل (02)

1- اكتب المعادلة التفاضلية التي يحققها شدة التيار  $i(t)$ .

2- يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة بـ :

$$i(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}})$$

أوجد عبارتي  $A$  ،  $\alpha$  وما مدلولهما الفيزيائي ؟

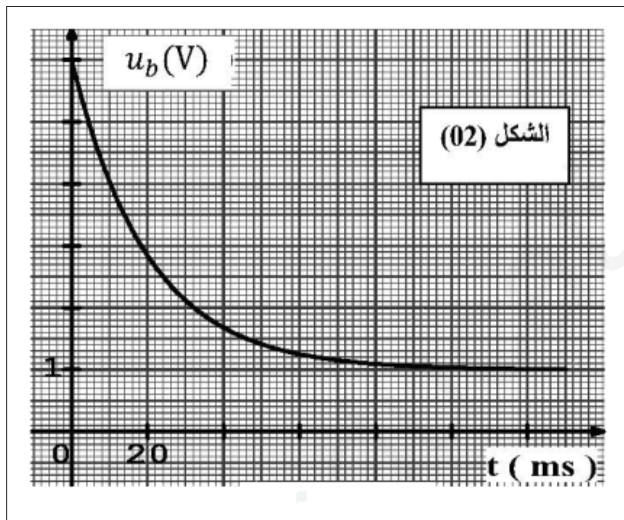
3- بين ان عبارة التوتر بين طرفي الوشيعة تكتب

$$u_b(t) = R \times I_0 \times e^{-\frac{t}{\tau}} + r \times I_0$$

4- مستعينا بعبارة  $u_b(t)$  والمنحنى البياني اوجد قيمة :

- الشدة العظمى للتيار  $I_0$  ، ثابت الزمن  $\tau$  ، والمقاومة

الداخلية للوشيعة  $r$  ، وذاتية الوشيعة  $L$  .

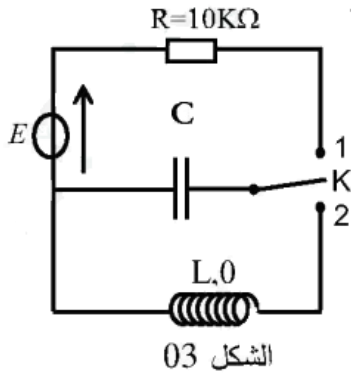




II- تحديد سعة المكثفة  $C$  ودراسة ظاهرة تفريغها في دائرة تحتوي على وشيعة.

باستعمال وشيعة مثالية ذاتيتها  $L = 0,96 \text{ H}$  نحقق

التركيب التجريبي الشكل (03)



الشكل 03

عند اللحظة  $t = 0$  توضع القاطعة في الوضع 1 ، فيظهر على شاشة راسم الاهتزاز ذي ذاكرة البيان الموضح في الشكل (04).

- 1- ما هو الغرض من وضع القاطعة في الوضع 1 ؟
- 2- اعد رسم الدارة مبينا طريقة ربط جهاز راسم الاهتزاز للحصول على البيان الموضح في الشكل - 4

3- احسب سعة المكثفة  $C$  واستنتج الزمن اللازم لشحنها كليا.

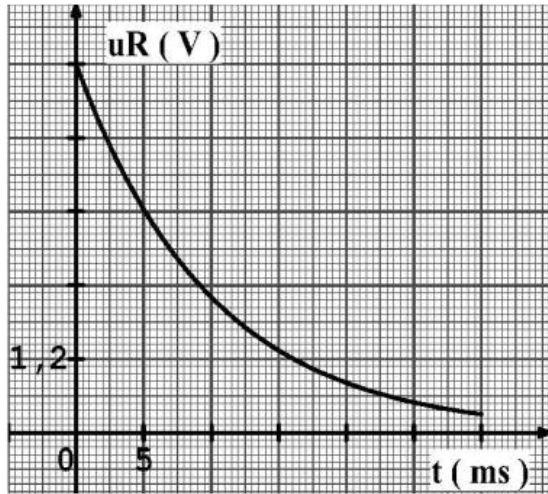
4- عند اللحظة  $t = 0$  توضع القاطعة في الوضع 2 فنحصل على البيان الموضح في الشكل - 5 .

أ- ماهي الظاهرة التي تحدث في الدارة؟

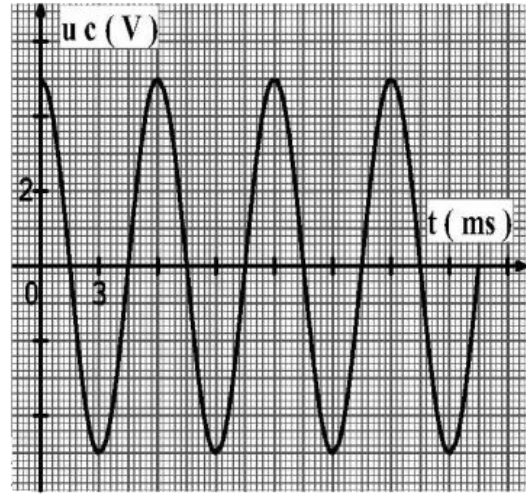
ب- ما هو نمط الاهتزازات ؟

ج- اكتب المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_c(t)$ .

د- اوجد قيمة الدور الذاتي  $T_0$  بيانيا، ثم تأكد من قيمة  $C$ .



الشكل 04



الشكل 05



مع تمنياتي لكم بالتوفيق والنجاح والسداد في شهادة البكالوريا



# التصحيح النموذجي لامتحان البكالوريا التجريبي لمادة العلوم الفيزيائية



ثانوية الشهيد زاغر جلول بالإدرسية

2021-2020

الموضوع الثاني

المستوى: ثالث {تقني رياضي}

04 ن

التمرين الأول

- إيجاد  $m_0$  : من بيان الشكل - 3 نجد :

$$n_0(Zn) = \frac{m_0}{M} = 0,04 \text{ mol}$$

$$\Leftrightarrow m_0(Zn) = n_0(Zn) \times M = 2,58 \text{ g}$$

ب - استنتاج سلم الرسم الخاص بالكتلة  $m(Zn)$  :

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ cm} \rightarrow x \\ 4 \text{ cm} \rightarrow 2,58 \text{ g} \end{array} \right\} \Leftrightarrow 1 \text{ cm} \rightarrow 0,645 \text{ g}$$

ج - معادلة البيان  $n(Zn) = g([I_2])$  : البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته من الشكل :

$$n(Zn) = a[I_2] + b \Leftrightarrow n(Zn) = 0,2 \times [I_2] + 0,02$$

د - تحديد قيم كل من  $C_0$  ،  $F$  : بمطابقة العلاقة البيانية و العلاقة النظرية نجد :

$$V = 0,2 \text{ L}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{m_0}{M} - C_0 \times V - 0,02 \Leftrightarrow C_0 = \frac{1}{V} \left( \frac{m_0}{M} - 0,02 \right) \\ \Leftrightarrow C_0 = \frac{1}{0,2} (0,04 - 0,02) = 0,1 \text{ mol / L} \end{array} \right.$$

3 - إثبات أن كتلة الزنك المبقية عند اللحظة  $t = t_{1,2}$  تعطي :

$$\left\{ \begin{array}{l} n_f(Zn) = n_0(Zn) - X_{\max} \\ \Leftrightarrow X_{\max} = n_0(Zn) - n_f(Zn) \end{array} \right.$$

ولدينا :

$$\left\{ \begin{array}{l} x(t_{1,2}) = \frac{X_{\max}}{2} = \frac{n_0(Zn) - n_f(Zn)}{2} \\ \Leftrightarrow n(Zn)_{t_{1,2}} = n_0(Zn) - x(t_{1,2}) \\ \Leftrightarrow n(Zn)_{t_{1,2}} = \frac{n_0(Zn) + n_f(Zn)}{2} \\ \Leftrightarrow n(Zn)_{t_{1,2}} - n_0(Zn) = - \left( \frac{n_0(Zn) - n_f(Zn)}{2} \right) \\ \Leftrightarrow m(t_{1,2}) = \frac{m_0 + m_f}{2} \end{array} \right.$$

- استنتاج قيمة زمن نصف التفاعل بيانيا :

$$\left\{ m(t_{1,2}) = \frac{m_0 + m_f}{2} = \frac{2,58 + 1,29}{2} = 1,935 \text{ g} \right.$$

بالإسقاط على محور الفواصل نجد :  $t_{1,2} = 20 \text{ s}$

لدينا :

$$v = \frac{dx}{dt} \dots\dots\dots (*)$$

ومن جدول التقدم نجد :

$$\left\{ \begin{array}{l} n(Zn) = n_0(Zn) - x \\ \Leftrightarrow x = n_0(Zn) - n(Zn) \\ \Leftrightarrow \frac{dx}{dt} = - \frac{dn(Zn)}{dt} = - \frac{1}{M} \times \frac{dm(Zn)}{dt} \end{array} \right.$$

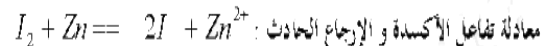
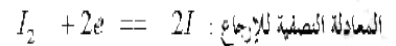
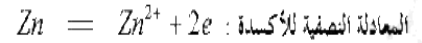
بالتعويض في (\*) نجد :

$$\left\{ v = - \frac{dx}{dt} = - \frac{1}{M} \times \frac{dm(Zn)}{dt} \right.$$

- حساب قيمتها عند اللحظة  $t = 0$  :

$$\left\{ v = - \frac{1}{M} \times \frac{dm(Zn)}{dt} = - \frac{1}{64,5} \times \left( \frac{1,29 - 2,58}{28 - 0} \right) = 7,14 \times 10^{-4} \text{ mol / s} \right.$$

1 - كتابة معادلة تفاعل الأكسدة و الإرجاع الحادث



جدول تقدم التفاعل :

المعادلة	$I_2$	$Zn$	$2I^-$	$Zn^{+2}$
الحالة الابتدائية	$n_0(I_2)$	$n_0(Zn)$	0	0
الحالة الإنتقالية	$n_0(I_2) - x$	$n_0(Zn) - x$	$2x$	$x$
الحالة النهائية	$n_0(I_2) - x_{\max}$	$n_0(Zn) - x_{\max}$	$2x_{\max}$	$x_{\max}$

ب - إثبات أنه في أية لحظة يكون :  $n(Zn) = V \times [I_2] + \frac{m_0}{M} - C_0 \times V$

$$n(Zn) = n_0(Zn) - x \Leftrightarrow n(Zn) = \frac{m_0}{M} - x \dots\dots\dots (01)$$

$$n(I_2) = n_0(I_2) - x \Leftrightarrow [I_2] \times V = C_0 \times V - x$$

$$\Leftrightarrow x = C_0 \times V - [I_2] \times V \dots\dots\dots (02)$$

بتعويض (2) في (1) نجد :

$$n(Zn) = \frac{m_0}{M} - C_0 \times V + [I_2] \times V$$

$$\Leftrightarrow n(Zn) = V \times [I_2] + \frac{m_0}{M} - C_0 \times V$$

2 - بالاعتماد على البيانيين :

أ - إيجاد المتفاعل المحد :

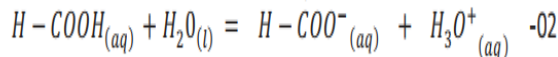
- من بيان الشكل - 2 : بما أن التفاعل تام و  $n_f(Zn) \neq 0 \Leftrightarrow n_f(I_2) = 0$

فإن ثاني اليود هو المتفاعل المحد

- كمية المادة النهائية للزنك  $n_f(Zn)$  :

من بيان الشكل - 3 :  $n_f(Zn) = 0,02 \text{ mol}$

$$C = \frac{n}{V} = \frac{m}{M} = 0,01 \text{ mol/L} \quad -01$$



المعادلة	$H-COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = H-COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$			
الحالة	التقدم	كمية المادة — (mol)		
الابتدائية	0	$n_0$	0	0
الانتقالية	x	$n_0 - x$	x	x
النهائية	$x_f$	$n_0 - x_f$	$x_f$	$x_f$

$$pH = -\log[H_3O^+]_f \quad -03$$

ولدينا أيضا:  $\delta = \lambda_{H_3O^+} \cdot [H_3O^+]_f + \lambda_{H-COO^-} \cdot [H-COO^-]_f$

من جدول التقدم نجد:  $n(H_3O^+) = n(H-COO^-)$

$$\sigma = (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{H-COO^-}) \cdot [H_3O^+]_f$$

$$[H_3O^+]_f = \frac{\sigma}{(\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{H-COO^-})} \quad \text{ومنه}$$

$$[H_3O^+]_f = 1,2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \quad \text{بالتعويض نجد:}$$

$$pH = -\log 1,2 \times 10^{-3} = 2,92 \quad \text{وبالتالي}$$

$$K = K_a = \frac{[H_3O^+]_f [H-COO^-]_f}{[H-COOH]_f} = \frac{[H_3O^+]_f^2}{C - [H_3O^+]_f} = \frac{10^{-2pH}}{C_0 - 10^{-pH}} \quad -04$$

$$K = 1,6 \times 10^{-4}$$

$$pK_a = -\log K_a = 3,8 \quad -05$$

$$\tau = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{[H_3O^+]_f}{C_0} = \frac{10^{-pH}}{C_0} = 0,12 \quad -06$$

نستنتج أن حمض الميثانويك ضعيف و انحلاله في الماء جزئي.

$$pH = pK_a + \log \frac{[H-COO^-]_f}{[H-COOH]_f} \quad -07$$

$$\frac{[H-COO^-]_f}{[H-COOH]_f} = 10^{pH - pK_a} = 0,13 \quad \text{ومنه نجد:}$$

$$[H-COO^-]_f < [H-COOH] \quad \text{أي أن } \frac{[H-COO^-]_f}{[H-COOH]_f} < 1$$

إذن الصفة الغالبة هي الصفة الحمضية.

1- إيجاد معادلة المسار :

$$\vec{P} = m\vec{a}_{G'} \quad \text{بنطبق القانون الثاني لنيوتن نجد:}$$

$$a_x = 0 \quad \text{نجد: } OX$$

ومنه الحركة مستقيمة منتظمة .

تعطى المعادلة الزمنية للحركة :

$$x = v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t \quad \dots\dots(01)$$

$$a_y = -g \quad \text{بالإسقاط على } OZ :$$

الحركة د م بانتظام .

- تعطى المعادلة الزمنية للحركة :

$$z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t \quad \dots\dots(02)$$

$$t = \frac{x}{v_0 \cdot \cos \alpha} \quad \dots\dots(03) \quad \text{من (01) نجد:}$$

نعوض (03) في (02) فنجد :

$$z = -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + tg \alpha \cdot x \quad \dots\dots(04)$$

وهي معادلة فرع من قطع مكافئ . ومنه المسار منحنى .

ومنه نستنتج أن المخطط الموافق لمسار الكرة هو الشكل (03) لأن معادلته من الشكل  $z=f(t)$

- استنتاج أعلى ارتفاع تبلغه الكرة :

$$h = z = 5m \quad \text{من الشكل (03) نجد:}$$

2- استنتاج طبيعة حركة الكرة على المحور  $OX$  :

من المخطط (02) : البيان عبارة عن مستقيم يمر بالمبدأ معادلته من الشكل :

$$x = At$$

$$A = v_x = \text{الميل} = 17,3m/s$$

حيث :

ومنه الحركة مستقيمة منتظمة .

$$v_{0x} = v_x = 17,3m/s \quad \text{استنتاج قيمة طول شعاع السرعة الأفقية } v_{0x} :$$

$$-3 \quad \text{قيمة طول شعاع السرعة الشاقولية } v_{0y} \text{ عند اللحظة } t=0 :$$

$$v_{0y} = 10m/s \quad \text{من بيان الشكل 04 وعند } t=0 \text{ نجد:}$$

$$-4 \quad \text{أ- تعيين قيمة طول شعاع السرعة الابتدائية } v_0 \text{ عند اللحظة } t=0 :$$

$$v_0 = \sqrt{v_{0x}^2 + v_{0y}^2} = \sqrt{(17,3)^2 + (10)^2} = 20m/s$$

ب- زاوية القذف  $\alpha$  :

$$\left\{ \begin{array}{l} \cos \alpha = \frac{v_{0x}}{v_0} = \frac{10}{20} = 0,5 \\ \alpha = 60^\circ \end{array} \right.$$

-5 - أ- نوع الطاقة الممثلة في المخطط (5) : طاقة كامنة ثقالية لأن :

$$t=0 \Leftrightarrow h=0 \Leftrightarrow E_{pp}=0$$

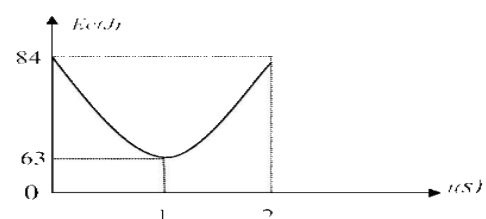
ب- إيجاد كتلة الكرة المستعملة :

عند الذروة تكون الطاقة الكامنة الثقالية عظمى ومنه :

$$\left\{ \begin{array}{l} E_{pp} = mgh \Leftrightarrow m = \frac{E_{pp}}{gh} = \frac{21}{10 \times 5} = 0,42Kg = 420g \end{array} \right.$$

ج- تمثيل بيان الطاقة الحركية بدلالة الزمن :

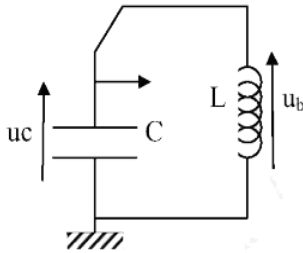
t(s)	0	1	2
v(m/s)	20	17,3	20
Ec(J)	84	63	84



II - تحديد سعة المكثف C ودراسة ظاهرة تفريغها في دائرة تحتوي على وشيعة :

1- توضع البادلة في الوضع (1) من اجل شحنها .

2- الرسم :



3- حساب السعة C :

$$u_R(\tau') = 0,37 \times U_{R_{\max}} = 0,37 \times 6 = 2,22 V$$

بالإسقاط على البيان نجد :

$$\tau' = 10 ms$$

$$\tau' = R' \times C$$

$$\Leftrightarrow C = \frac{\tau'}{R'} = \frac{10^{-2}}{10^4} = 10^{-6} F$$

- المدة اللازمة للشحن :

$$t_f = 5\tau' = 5 \times 10 = 50 ms$$

4- أ- الظاهرة التي تحدث هي اهتزاز دائرة كهربائية .

ب- نمط الاهتزاز : اهتزازات حرة غير متخامدة .

ج- المعادلة التفاضلية التي يحققها  $u_C(t)$  :

بتطبيق قانون جمع التوترات نجد :

$$u_b(t) + u_C = 0$$

$$L \times \frac{di}{dt} + u_C = 0 \Leftrightarrow L \times C \frac{d^2 u_C}{dt^2} + u_C = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} u_C = 0$$

وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الثانية حلها جيبى .

د- الدور الذاتي : من البيان :  $T_0 = 6 ms$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \quad \text{قيمة C : لدينا}$$

$$C = \frac{T_0^2}{4\pi^2 L} = \frac{(6 \times 10^{-3})^2}{4\pi^2 \times 0,96} = 0,94 \times 10^{-6} F$$

ومنه :

$$C \approx 1 \times 10^{-6} F$$

ومنه سعة المكثف تتوافق مع القيمة السابقة .

I - تحديد المقاومة الداخلية وذاتية الوشيعة :

1- المعادلة التفاضلية :

بتطبيق قانون جمع التوترات نجد :

$$u_b + u_R = E$$

$$\frac{di(t)}{dt} + \frac{R+r}{L} i(t) = \frac{E}{L} \quad (01)$$

2- ايجاد عبارتي  $A$  ,  $\alpha$  و مدلوليهما الفيزيائي :

$$i(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad (02)$$

$$\frac{di(t)}{dt} = \frac{A}{\alpha} \times e^{-\frac{t}{\alpha}} \quad (03)$$

نعوض (02) و (03) في (01) فنجد :

$$\frac{A}{\alpha} \times e^{-\frac{t}{\alpha}} + \frac{R+r}{L} A(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}}) = \frac{E}{L}$$

$$\left( \frac{A}{\alpha} - \frac{R+r}{L} \times A \right) e^{-\frac{t}{\alpha}} + \frac{R+r}{L} \times A = \frac{E}{L}$$

بما ان المعادلة (02) حلا للمعادلة (01) فان :

$$\left\{ \frac{A}{\alpha} - \frac{R+r}{L} \times A = 0 \Leftrightarrow \alpha = \frac{L}{R+r} - \tau \right.$$

$$\left\{ \frac{R+r}{L} \times A = \frac{E}{L} \Leftrightarrow A = \frac{E}{R+r} = I_0 \right.$$

3- اثبات أن عبارة التوتر بين طرفي الوشيعة تكتب على الشكل :

$$u_b(t) = R \times I_0 \times e^{-\frac{t}{\tau}} + r \times I_0$$

لدينا :

$$\begin{cases} u_b(t) = L \times \frac{di(t)}{dt} + r \times i(t) = L \times \frac{I_0}{\tau} \times e^{-\frac{t}{\tau}} + r \times I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \\ \Leftrightarrow u_b(t) = E \times e^{-\frac{t}{\tau}} + (r \times I_0) - r \times I_0 \times e^{-\frac{t}{\tau}} \\ \Leftrightarrow u_b(t) = R \times I_0 \times e^{-\frac{t}{\tau}} + r \times I_0 \end{cases}$$

4- ايجاد قيمة :

- الشدة العظمى للتيار  $I_0$  :

$$I_0 = \frac{U_{R_{\max}}}{R} = \frac{5}{40} = 0,125 A$$

- ثابت الزمن  $\tau$  :

$$u_b(\tau) = 0,37 \times U_{R_{\max}} + r \times I_0 = 0,37 \times 5 + 1 = 2,85 V$$

بالإسقاط على البيان نجد :

$$\tau = 20 ms$$

المقاومة الداخلية للوشيعة  $r$  :

$$I_0 = \frac{U_{R_{\max}}}{R} \Leftrightarrow r = \frac{U_{R_{\max}}}{I_0} - \frac{1}{0,125} = 8 \Omega$$

- وذاتية الوشيعة  $L$  :

$$\tau = \frac{L}{R+r} \Leftrightarrow L = \tau \times (R+r) = 0,02 \times (40+8) = 0,96 H$$



الإختبار الموحد بين : متقن الشهيد عبيد مروش - المغير و ثانوية المجاهد بري محمد الصغير - سيدي خليل

الشعبة : علوم تجريبية المدة : 03 ساعات

إختبار الثلاثي الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

2020/2019

التمرين 01 (06 نقاط )

✗ مر إنتاج وإستخدام الليثيوم  ${}^6_3\text{Li}$  بمراحل عدة خلال التاريخ الحديث , وإزداد الطلب على إنتاجه أثناء الحرب الباردة نتيجة سباق التسلح النووي , إذ يتم قذف نواة ليثيوم  ${}^6_3\text{Li}$  بنيوترون لنتحصل على تريتيوم  ${}^3_1\text{H}$  وإشعاع  $\alpha$ .  
✗ وأيضا في مجال الإلكترونيات تم إستخدامه بشكل كبير جدا في صناعة البطاريات القابلة لإعادة الشحن التي يمكن أن تولد 3 V لكل خلية .



الجزء الأول : تفاعل اندماج .

1- أكتب معادلة التفاعل النووي الحادث محددا النواة

النااتجة  ${}^4_2\text{He}$  .

2- أحسب طاقة الربط النووي لنواة  ${}^6_3\text{Li}$  بالـ MeV .

3- رتب الانوية :  ${}^6_3\text{Li}$  ,  ${}^4_2\text{He}$  ,  ${}^3_1\text{H}$  من الأقل إستقرارا

إلى الأكثر إستقرارا .

4- تتدمج نواة الديوتريوم  ${}^2_1\text{H}$  مع نواة تريتيوم  ${}^3_1\text{H}$  حسب المعادلة :  ${}^2_1\text{H} + {}^3_1\text{H} \rightarrow {}^4_2\text{He} + {}^1_0\text{n}$

أ- عرف تفاعل الإندماج النووي .

ب- أحسب الطاقة المحررة  $E_{lib}$  لهذا التفاعل النووي .

ت- أحسب الطاقة الكلية  $E'_{lib}$  المحررة عندما تتشكل 75 g من الهيليوم .

المعطيات :

$m_p = 1,00728 u$	$m_n = 1,00866 u$	$m({}^6_3\text{Li}) = 6,015 u$
$E_l({}^4_2\text{He}) = 28,3 \text{ MeV}$	$E_l({}^3_1\text{H}) = 8,47 \text{ MeV}$	$E_l({}^2_1\text{H}) = 2,23 \text{ MeV}$
$1u = 931,5 \text{ MeV}/c^2$		$N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$



✗ نستخدم بطارية ليثيوم - أيون كمولد مثالي لدراسة ثنائي القطب RL ولهذا الغرض نحقق دائرة كهربائية والتي تتكون

من : - مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية  $E = 6 \text{ V}$

- ناقل أومي مقاومته الكهربائية  $R = 100 \Omega$

- وشيعة ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r$  , وقاطعة  $k$  .

✗ عند اللحظة  $t=0$  , نقوم بفتح القاطعة  $k$  .

1- مثل برسم تخطيطي الدارة وحدد عليها : جهة التيار  $i$  , وأسهم التوترات بين طرفي كل ثنائي قطب .

2- أكتب المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$  .

3- علما أن حل هذه المعادلة :  $i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  . أوجد

عبارة الثابت  $\tau$  و  $I_0$  بدلالة عناصر الدارة ثم بين أن عبارة التوتر

بين طرفي الوشيعة هي :  $u_b(t) = rI_0 + RI_0e^{-\frac{t}{\tau}}$  .

4- إنطلاقا من المعطيات و المنحى المرفق أوجد : - ثابت الزمن  $\tau$  .

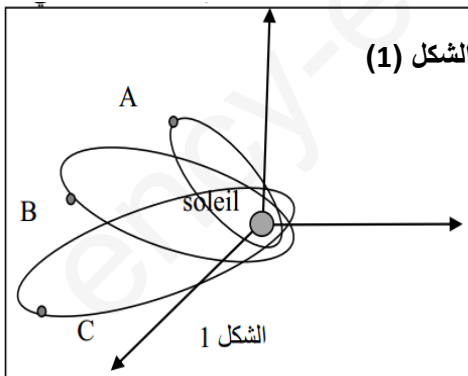
- المقاومة الداخلية للوشيعة  $r$  .

- ذاتية الوشيعة  $L$  .

**التمرين 02 (07 نقاط) :** أثبت العالم الفلكي يوهان كبلر في 1609 أن النظام الذي وضعه كوبرنيك عن مركزية

الشمس هو الوحيد الذي يعكس الحقيقة بدقة وعن طريق عمليات حسابية معقدة ومتعددة , وضع كبلر القوانين الثلاثة الهامة فيما يتعلق بحركة الكواكب .

- الشكل (1) يعطي نموذجا تقريبا لمدارات ثلاث كواكب (A) , (B) , (C) من المجموعة الشمسية تدور حول



الشمس في معلم هيليو مركزي .

1- ذكّر بقوانين كبلر الثلاثة وهل القانون الأول محقق حسب

ما يبينه الشكل (1) ؟ علل .

2- الجدول المقابل يحتوي على معلومات تخص الكواكب الثلاث

بعضها مجهول حيث  $T$  يمثل دور الكوكب حول الشمس ,

و  $a$  هو نصف طول المحور الكبير للإهليليج (كذلك  $a$  تمثل القيمة

المتوسطة التي تفصل مركزي عطالة الشمس والكوكب للإهليليج :  $r = a$ )

-بالإعتماد على قانون كبلر الثالث أوجد قيمتي كل من :  $T_B$  و  $a_C$  .

الكوكب	$T(10^7 s)$	$a(10^8 Km)$
A (الأرض)	3,16	1,50
B (المريخ)	$T_B$	2,28
C (المشتري)	37,40	$a_C$

3- نقبل من أجل تسهيل الدراسة أن حركة الكواكب الثلاث حول الشمس دائرية منتظمة نصف قطرها  $r$  وأنها لا تخضع إلا لتأثيرها فقط .

1-3- مثل شعاع القوة التي تؤثر بها الشمس على أحد الكواكب وأعط عبارة شدتها بدلالة  $G$  و  $M_S$  (كتلة الشمس) و  $m_p$  (كتلة الكوكب) و  $r$  (البعد بين مركزي كل من الكوكب والشمس) .

2-3- إذا علمت أن شدة قوة جذب الشمس للأرض هي :  $F_{S/T} = 3,56 \times 10^{22} N$  . أوجد كتلة الشمس .  
نُعطى :

$G = 6,67 \times 10^{-11} (SI)$	البعد بين مركزي الشمس والأرض $r = 1,5 \times 10^{11} m$	كتلة الأرض $M_T = 6,0 \times 10^{24} Kg$
---------------------------------	--	--

1-4- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة  $a_G$  تسارع مركز

عطالة الأرض حول الشمس يعطى بالعلاقة :  $a_G = \alpha \times \frac{1}{r^2}$   
حيث  $\alpha$  ثابت يطلب تعيين عبارته .

2-4- البيان الموضح في الشكل 02 يمثل تغيرات  $a_G$  بدلالة  $\frac{1}{r^2}$

أعط العبارة التي يترجمها البيان .

3-4- بالإعتماد على العلاقتين النظرية والعملية إستنتج كتلة الشمس .

4-4- هل تتوافق هذه القيمة مع القيمة المحسوبة سابقا (2-3)

في حدود أخطاء القياس .

**التمرين التجريبي (07 نقاط) :**

- منظم تجاري يتكون من حمض اللاكتيك  $C_3H_6O_3$  يُستعمل لإزالة الترسبات الكلسية .
- أردنا أن نتأكد من صحة درجة نقاوة هذا المنظم التجاري ، ودراسة تتبّع تطور سرعة التفاعل أثناء إزالة الراسب الكلسي ، تحمل ملصقة المنظم المعلومات التالية :

- الكتلة المولية الجزيئية للحمض :  $M(C_3H_6O_3) = 90 \text{ g/mol}$
- الكتلة الحجمية للحمض :  $\rho = 1,13 \text{ g/ml}$  (حيث الكتلة الحجمية للماء :  $\rho_{eau} = 1 \text{ g/ml}$ )
- درجة النقاوة (النسبة الكتلية المئوية)  $p = 45 \%$

❖ **الجزء الأول :**

نحضر حجما  $V_1 = 500 \text{ ml}$  لمحلول حمض اللاكتيك تركيزه المولي  $c_1 = 0,1 \text{ mol/l}$  . أعطى قياس الـ pH لهذا المحلول القيمة  $pH = 2,44$  .



1- أكتب معادلة انحلال الحمض في الماء . ثم أنشئ جدول تقدم التفاعل المنمذج لهذا التحول .

2- بين أن قيمة التقدم النهائي  $x_f = 1,81 \text{ mmol}$  لهذا التفاعل هي

3- أحسب قيمة الـ  $pKa$  للتثائية :  $(C_3H_6O_3/C_3H_5O_3^-)$

❖ الجزء الثاني :

للتحقق من صحة درجة نقاوة هذا المنظف التجاري , نستعمل منظفا تجاريا مركزا يحتوي على حمض اللاكتيك تركيزه المولي  $c_0$  , ثم نخففه 100 مرة فنحصل على محلول  $(S_A)$  لحمض اللاكتيك تركيزه المولي  $c_A$  .

- نعاير حجما قدره  $V_A = 10 \text{ ml}$  من محلول  $(S_A)$  بواسطة محلول لهيدروكسيد الصوديوم

$(Na_{(aq)}^+ + OH_{(aq)}^-)$  تركيزه المولي  $c_B = 2 \times 10^{-2} \text{ mol/l}$  , فكان الحجم المضاف عند التكافؤ هو :

$V_{BE} = 28,3 \text{ ml}$

1- أكتب معادلة تفاعل المعايرة المنمذجة لهذا التحول .

2- أحسب  $c_A$  ثم إستنتج  $c_0$  .

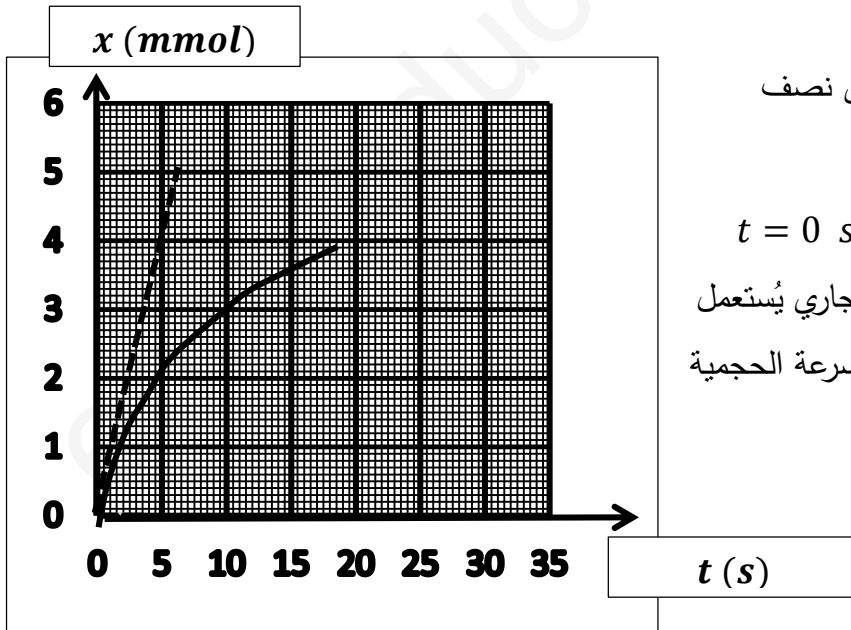
3- أحسب درجة النقاوة للمنظف التجاري , وتحقق من القيمة المكتوبة على الملصق .

( حيث تُعطى علاقة تركيز محلول تجاري :  $c_0 = \frac{10 \times P \times d}{M}$  )

❖ الجزء الثالث :

- لعلمكم أن الراسب الكلسي يتكون أساسا من كربونات الكالسيوم  $CaCO_{3(s)}$  والتي يُؤثر عليها حمض اللاكتيك .

للقوف على بعض العوامل المؤثرة على مدة إزالة الراسب , نصب حجما  $V = 10 \text{ ml}$  من المحلول  $(S_A)$  /المخفف على كمية من كربونات الكالسيوم الصلب . بواسطة تركيبة تجريبية خاصة وبرمجية مناسبة تمكنا من رسم البيان  $x = f(t)$  و الذي يمثل تغير التقدم بدلالة الزمن .



1- جد قيمة التقدم النهائي , إذا علمت أن زمن نصف

التفاعل هو  $t_{\frac{1}{2}} = 10 \text{ s}$  .

2- عين السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة  $t = 0 \text{ s}$

3- مكتوب على الملصقة أيضا أن المنظف التجاري يُستعمل

مركزا مع التسخين , ما تأثير ذلك على السرعة الحجمية

- فسر على المستوى المجهرى .

إنتهى بالتوفيق للجميع...

تمرين 01 :

الجزء الأول (تفاعل اندماج نووي) :

- 0,5 1- كتابة المعادلة النووية :  ${}_0^1n + {}_3^6Li \rightarrow {}_1^3H + {}_2^4He$  :  
 • حسب قانوني الإنحفاظ لصودي نجد :  
 $A = 7 - 3 = 4$   
 $Z = 3 - 1 = 2$   
 ومنه :  ${}_0^1n + {}_3^6Li \rightarrow {}_1^3H + {}_2^4He$

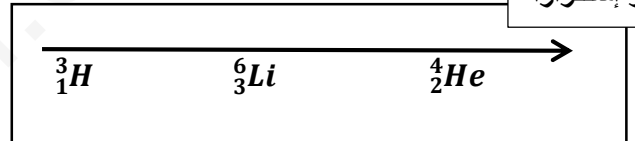
2- حساب طاقة الربط  $E_l({}_3^6Li)$  :

0,5  $E_l({}_3^6Li) = [3m_p + (6 - 3)m_n - m({}_3^6Li)] \times C^2$   
 $= [(3.1,00728) + (3.1,00866) - 6,015] \times 931,5$   
 $= 30,5718 \text{ MeV}$

3- ترتيب الانوية من الأقل الى الأكثر إستقرارا :

- 0,75 •  $\frac{E_l({}_3^6Li)}{A} = \frac{30,5718}{7} = 5,095 \text{ MeV/nuc}$   
 •  $\frac{E_l({}_2^4He)}{A} = 7,075 \text{ MeV/nuc}$   
 •  $\frac{E_l({}_1^3H)}{A} = 2,8233 \text{ MeV/nuc}$

الأكثر إستقرارا



- 0,25 4- أ- الاندماج النووي : هو تفاعل نووي مُفتعل ناتج عن  
 التحام (دمج) نواتين خفيفتين لتشكيل نواة أثقل وإنتاج  
 ب- الطاقة المحررة من تفاعل الاندماج :

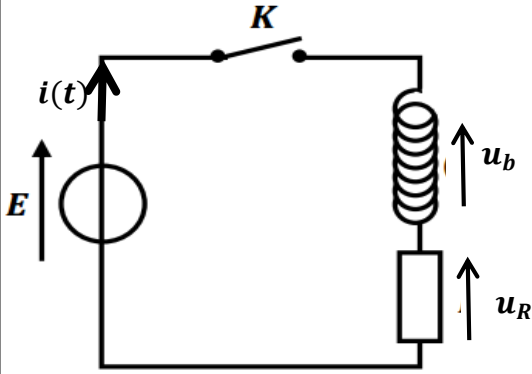
0,5  $E_{lib} = E_l(\text{final}) - E_l(\text{intial}) =$   
 $= [E_l({}_1^3H) + E_l({}_2^4He)] - E_l({}_3^6Li)$   
 $= [8,47 + 2,23] - 28,3 = -17,6 \text{ MeV}$

ت - الطاقة الكلية عندما تتشكل 75 g من الهيليوم :

0,5  $E'_{lib} = E_{lib(T)} = N \times E_{lib}$   
 $N = \frac{N_A \times m}{M} = \frac{6,02 \times 10^{23} \times 75}{4} = 1,129 \times 10^{25} \text{ noy}$   
 $E'_{lib} = 1,129 \times 10^{25} \times 17,6 =$   
 $= 1,98 \times 10^{26} \text{ MeV} = 3,168 \times 10^{13} \text{ J}$

الجزء الثاني (دراسة ثنائي القطب RL) :

1- رسم تخطيطي للدائرة الكهربائية :



2- إيجاد المعادلة التفاضلية للتيار :

حسب قانون جمع التوترات :  $U_b + U_R = E$

0,5  $Ri + rL \frac{di}{dt} = E$  .  $u_R(t) + u_b(t) = E$

$(R + r)i + L \frac{di}{dt} = E$

$\tau = \frac{L}{R+r}$  وحيث  $\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L}i = \frac{E}{L}$

3- إيجاد قيمة الثوابت  $I_0$  و  $\tau$  :

بالاشتقاق نجد :  $\frac{di}{dt} = \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$

بتعويض قيمتي  $i(t)$  و  $\frac{di}{dt}$  في المعادلة التفاضلية نجد :

$\left(\frac{1}{\tau} - \frac{(R+r)}{L}\right) I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R+r)}{L} I_0 = \frac{E}{L}$

ومنه :  $\begin{cases} \tau = \frac{L}{R+r} \\ I_0 = \frac{E}{R+r} \end{cases}$

إثبات أن عبارة التوتر تُكتب بالشكل :

0,25  $u_b(t) = rI_0 + RI_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$

لدينا :  $U_b(t) = L \frac{di}{dt} + r \times i(t)$  , بتعويض

$i(t)$  نُثبت المطلوب .

4- إيجاد قيمة الثوابت :

- إيجاد قيمة ثابت الزمن : من البيـان :  
 •  $U_b(\tau) = 0,37 \times 6 = 2,22 \text{ V}$  بالاسقاط نجد :

$\tau = 10 \text{ ms}$

- المقاومة الداخلية  $r$  : حسب قانون جمع التوترات :

$U_b(\infty) + U_R(\infty) = E$

$rI_0 + RI_0 = E$

- ولدينا من البيان في النظام الدائم :  $rI_0 = 1 \text{ V}$  و

$E = 6 \text{ V}$  من المعطيات  $R = 100 \Omega$  أي :

$I_0 = 0,05 \text{ A}$  معناه  $1 + RI_0 = 6$

- ذاتية  $L$  : بالتعويض في عبارة  $\tau$  نجد  $L = 1,2 \text{ H}$

$rI_0 = 1 \rightarrow r = 20 \Omega$

## التمرين 02 (07 نقاط)

### 1- قوانين كبلر الثلاث :

- القانون الأول لكبلر : إن الكواكب تتحرك وفق مدارات إهليلجية تمثل الشمس إحدى محرقها
- القانون الثاني لكبلر : المستقيم الرابط بين الشمس والكوكب يمسح مساحات متساوية خلال مجالات زمنية متساوية
- القانون الثالث لكبلر : إن مربع الدور يتناسب مع مكعب البعد المتوسط للكوكب عن الشمس .

$$\frac{T^2}{r^3} = K = \frac{4\pi^2}{GM}$$

- نعم القانون الأول مُحقق من الشكل : نلاحظ أن مدارات الكواكب الثلاث إهليلجية والشمس تقع في أحد المحرقين هذا المدار .

- 2- بالاعتماد على قانون كبلر الثالث وتطبيقه على الأرض نحسب قيمة هذه النسبة :

$$\frac{T^2}{r^3} = \frac{(3,16 \times 10^7)^2}{(1,50 \times 10^8 \times 10^3)^3} =$$

$$= 2,958696 \times 10^{-19} s^2/m^{-3}$$

- الآن نطبق قانون كبلر الثالث على المريخ :

$$\frac{T_B^2}{r^3} = 2,958696 \times 10^{-19}$$

نجد :

$$T_B^2 = 2,958696 \times 10^{-19} \times (2,28 \times 10^8 \times 10^3)^3$$

$$T_B = 59217823,71 s$$

$$= 5,92 \times 10^7 s$$

$$= 685,4 ans$$

أي أن المريخ يحتاج 685,4 سنة لكي يدور دورة واحدة حول الشمس .

- الآن نطبق قانون كبلر الثالث على كوكب المشتري :

$$\frac{(37,40 \times 10^7)^2}{a_c^3} = 2,958696 \times 10^{-19}$$

$$a_c^3 = \frac{(37,40 \times 10^7)^2}{2,958696 \times 10^{-19}}$$

$$= 4,7276 \times 10^{35}$$

$$a_c = \sqrt[3]{4,7276 \times 10^{35}}$$

$$= 7,79 \times 10^{11} m$$

779 مليون كلم وهي تمثل بالتقريب 5 أضعاف مدار

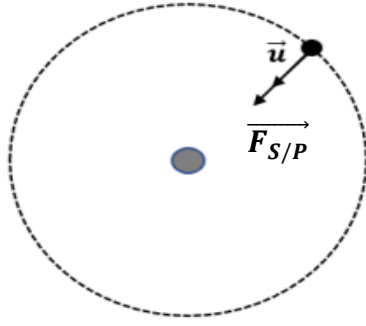
الأرض حول الشمس (5,2) مرة

- 3- تمثيل القوة التي تأثر بها الشمس :

نرمز للشمس بـ S (le Soleil)

نرمز للكوكب بـ p (planète)

ونرمز للأرض بـ T (la Terre)



1-3- عبارة شدة القوة : حسب القانون الثالث لنيوتن

$$\vec{F}_{S/P} = \frac{G \times M_S \times m_p}{r^2}$$

2-3- حساب كتلة الشمس :

بالتعويض في العلاقة السابقة نجد :

$$F_{S/T} = \frac{G \times M_S \times m_p}{r^2} \rightarrow$$

$$3,56 \times 10^{22} = \frac{6,67 \times 10^{-11} \times M_S \times 6 \times 10^{24}}{(1,5 \times 10^{11})^2}$$

$$M_S = 2,001 \times 10^{30} Kg \text{ ومنه :}$$

1-4- العلاقة :

حسب القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m_T \times \vec{a}_G$$

$$\vec{F}_{S/T} = m_T \times \vec{a}_G$$

بالإسقاط على الناظم :  $F_{S/T} = m_T \times a_G$

وبالمساواة مع قيمة القوة من القانون الثالث لنيوتن :

$$m_T \times a_G = \frac{G \times M_S \times m_T}{r^2}$$

$$a_G = \frac{G \times M_S}{r^2}$$

$$a_G = (G \times M_S) \times \frac{1}{r^2} \text{ (العبارة النظرية)}$$

$$\alpha = G \times M_S \text{ (عبارة } \alpha \text{)}$$

2-4- العبارة البيانية التي يترجمها البيان : البيان عبارة

عن خط مستقيم يمر بالمبدأ بمعادلته من الشكل :

$$a_G = \tan \alpha \times \frac{1}{r^2} = \frac{14 \times 10^{-3}}{10,45 \times 10^{-23}} \times \frac{1}{r^2}$$

$$a_G = 1,339 \times 10^{20} \times \frac{1}{r^2} \text{ (المعادلة البيانية)}$$

$$= \frac{(10^{-pH})^2}{c_1 - 10^{-pH}} = \frac{(10^{-2,44})^2}{0,1 - 10^{-2,44}} = 1,368 \times 10^{-4}$$

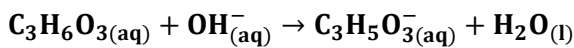
ومنه :

$$pKa = -\log Ka = -\log (1,368 \times 10^{-4})$$

$$pKa(c_3H_6O_3/c_3H_5O_3^-) = 3,86$$

الجزء الثاني :

1- المعادلة :



2- عند نقطة التكافؤ تتحقق الشروط الستوكيومترية :

$$n_A = n_B \rightarrow C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$$

$$C_A = \frac{2 \times 10^{-2} \times 28,3 \times 10^{-3}}{10 \times 10^{-3}} = 5,66 \times 10^{-2} mol/l$$

بالضرب في معامل التمدد :

$$c_0 = 5,66 \times 10^{-2} \times 100 = 5,66 mol/l$$

3- حساب درجة النقاوة :

$$c_0 = \frac{10 \times P \times d}{M}$$

$$P = \frac{c_0 \times M}{10 \times d} = \frac{c_0 \times M}{10 \times \frac{\rho}{\rho_{eau}}}$$

معناه

$$= \frac{5,66 \times 90}{10 \times \frac{1,13}{1}} = 45,08\%$$

الجزء الثالث :

1- من البيان :  $t_{\frac{1}{2}} = 10s$  وهي توافق

$$x_f = 6mmol \text{ معناه } x_{\frac{1}{2}} = 3mmol$$

2- حساب السرعة الحجمية :

$$v_{vol(0)} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} \Big|_{t=0} = \frac{1}{10 \times 10^{-3}} \frac{(4-0)10^{-3}}{5-0}$$

$$v_{vol(0)} = 0,8 \times 10^{-3} mol/L.s$$

3-4 بالمطابقة بين العلاقتين النظرية والبيانية نجد :

$$\begin{cases} a_G = (G \times M_S) \times \frac{1}{r^2} \\ a_G = 1,339 \times 10^{20} \times \frac{1}{r^2} \end{cases}$$

$$G \times M_S = 1,339 \times 10^{20} \text{ نجد}$$

$$M_S = \frac{1,339 \times 10^{20}}{6,67 \times 10^{-11}} = \text{أي}$$

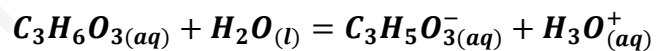
$$= 2,007 \times 10^{30} Kg$$

4-4- القيمة تتوافق لكن بإرتياب كبير ناتج عن الفواصل التي تُهمل وتُقرب مضروبة في أسس كبيرة جدا.

التمرين التجريبي : (07 نقاط)

الجزء الأول :

1- معادلة انحلال الحمض في الماء وجدول التقدم :



التقدم	الحالة	$C_3H_6O_3(aq) + H_2O(l) = C_3H_5O_3^- + H_3O^+$			
$x=0$	الإبتدائية	$c_1V_1$	زيادة	0	0
$x(t)$	الانتقالية	$c_1V_1 - x$	زيادة	$x$	$x$
$x_f$	النهائية	$c_1V_1 - x_f$	زيادة	$x_f$	$x_f$

2- حساب التقدم النهائي :

$$x_f = [H_3O^+]_f V_T = 10^{-pH} \times 500 \times 10^{-3}$$

$$= 10^{-2,44} \times 0,5$$

$$= 1,81 \times 10^{-3} mol$$

$$= 1,81 mmol$$

3- حساب قيمة الـ  $pKa$  :

$$Ka = \frac{[الأساس]_f \times [H_3O^+]_f}{[الحمض]_f}$$

$$= \frac{[C_3H_5O_3^-]_f \times [H_3O^+]_f}{[C_3H_6O_3]_f}$$

$$= \frac{[H_3O^+]_f \times [H_3O^+]_f}{c_1 - [H_3O^+]_f}$$

0,5

3- تزيد السرعة الحجمية بزيادة الحرارة

(عامل حركي)

- التفسير على المستوى المجهرى :

0,5

زيادة درجة الحرارة يزيد من حركية

الأفراد الكيميائية داخل المحلول ومنه

تزيد التصادمات والتصادمات الفعالة

الأمر الذي يؤدي الى زيادة

سرعة التفاعل

يتكون الامتحان من موضوع واحد فقط

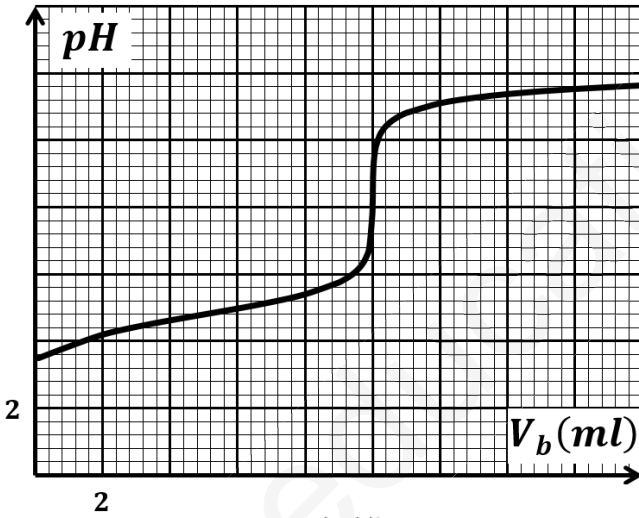
يحتوي الموضوع على صفتين (من الصفحة 1 من 2 الى الصفحة 2 من 2)

### التمرين الاول: 8 نقاط

المحاليل مأخوذة عند الدرجة  $25^{\circ}\text{C}$  ، يعطى  $K_e = 10^{-14}$

قارورة لمحلول حمض الايثانويك  $\text{CH}_3\text{COOH}$  تركيزها  $C_0$  مجهول، لمعرفة تركيزها نحضر منها محلولاً  $(S_1)$  ممددا 20 مرة، نعتبر تركيزه المولي  $C_a$  . نقوم بمعايرة حمضا  $V_a = 20\text{mL}$  من المحلول  $(S_1)$  بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد البوتاسيوم  $(\text{K}^+ + \text{HO}^-)$  تركيزه المولي  $C_b = 0.02\text{mol/L}$  . باستعمال لاقط  $\text{pH}$  متر وواجهة دخول موصولة بجهاز اعلام الي مزود ببرمجية مناسبة تحصلنا على المنحنى البياني  $\text{pH} = f(V_b)$  في

الشكل-1 حيث  $V_b$  حجم الأساس المضاف اثناء المعايرة.



الشكل-1

1- عرف نقطة التكافؤ.

2- عين احداثيات نقطة التكافؤ.

3- احسب التركيز المولي  $C_a$  ثم استنتج  $C_0$ .

4- عين بيانيا  $\text{pKa}$  .

5- اكتب معادلة تفاعل المعايرة ثم احسب ثابت التوازن  $K$

لها وماذا تستنتج؟

6- من بين الكواشف في الجدول ما هو الكاشف المناسب

لهذه المعايرة.

7- أ- اكتب معادلة التفاعل الحادث بين حمض الايثانويك

$\text{CH}_3\text{COOH}$  والماء في المحلول  $(S_1)$  .

ب - انجز جدولاً لتقدم التفاعل.

ج- احسب  $\tau_f$  وماذا تستنتج؟

8- نحضر من المحلول  $(S_1)$  محلولاً  $(S_2)$  ممددا 100 مرة، عين قيمة الـ  $\text{pH}$  له.

الكاشف	مجال التغير اللوني
ازرق البروموتيمول	6.2-7.6
الفينول فتالين	8.2-10.0
أحمر المثيل	4.2-6.2

## التمرين الثاني: 12 نقطة

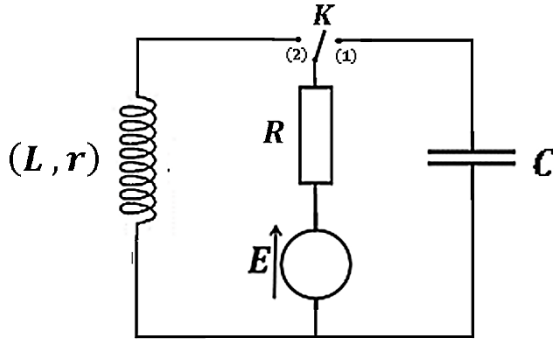
في الشكل-2 المقابل تتكون الدارة الكهربائية من:

- مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائية  $E = 12V$ .

- مقاومة  $R$  - وشيعة  $(L, r)$ .

- مكثفة سعتها:  $C$

- بادلة  $K$ .



الشكل-2

I. نضع البادلة في الوضع -1- في لحظة نعتبرها:  $t = 0$ :

1- مثل على مخطط الدارة جهة التيارات ووجهة التيار الكهربائي.

2- اكتب المعادلة التفاضلية للتيار الكهربائي المار في الدارة.

3- حل المعادلة السابقة هو  $i(t) = Ae^{-Bt}$ ، حيث  $A$ ،  $B$  ثابت

يطلب تعيين عبارتها بدلالة  $E$ ،  $R$ ،  $C$ .

4- متابعة التيار المار في الدارة وبلاستعانة ببرمجية مناسبة تمكنا من

الحصول على البيان في الشكل -3:

أ) اكتب معادلة البيان.

ب) بالاستعانة بالبيان اوجد كلا من:  $R$ ،  $\tau$  و  $C$ .

5- احسب الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة.

II. في لحظة نعتبرها من جديد  $t = 0$  نجعل البادلة  $K$  في الوضع

(2)، بواسطة برمجية مناسبة نحصل على البيان في الشكل-4.

1- بين أن المعادلة التفاضلية للتوتر  $u_R(t)$  بين طرفي المقاومة تعطى بالعلاقة التالية:  $u_R(t) + \alpha \frac{du_R(t)}{dt} = \beta$

حيث  $\alpha$  و  $\beta$  ثابت يطلب تعيين عبارتها ومدلولهما الفيزيائي.

2- تأكد ان العبارة  $u_R(t) = \beta \left(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}}\right)$  هي حل للمعادلة.

3- اكتب العبارة:  $\frac{du_R}{dt} = f(t)$ .

4- اعتمادا على البيان حدد:

أ- ذاتية الوشيعة:  $L$ .

ب- قيمة الثابت  $\alpha$  ثم استنتج  $r$ .

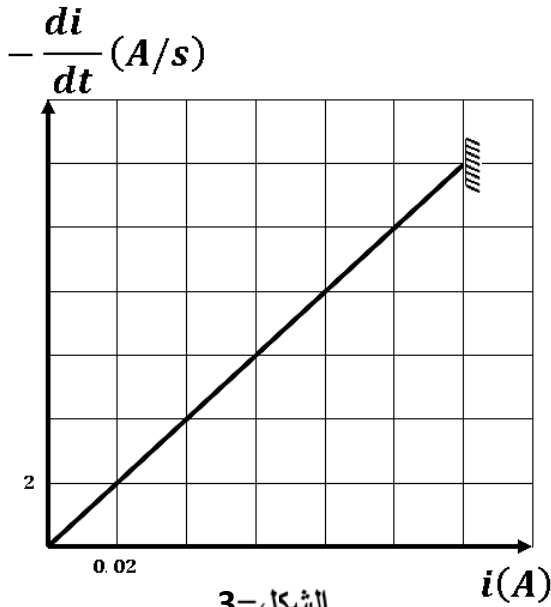
5- احسب  $E_{Lmax}$  الطاقة العظمى المخزنة في الوشيعة.

III. نربط مع المكثفة السابقة مكثفة أخرى سعتها  $C'$  بحيث تكون الطاقة

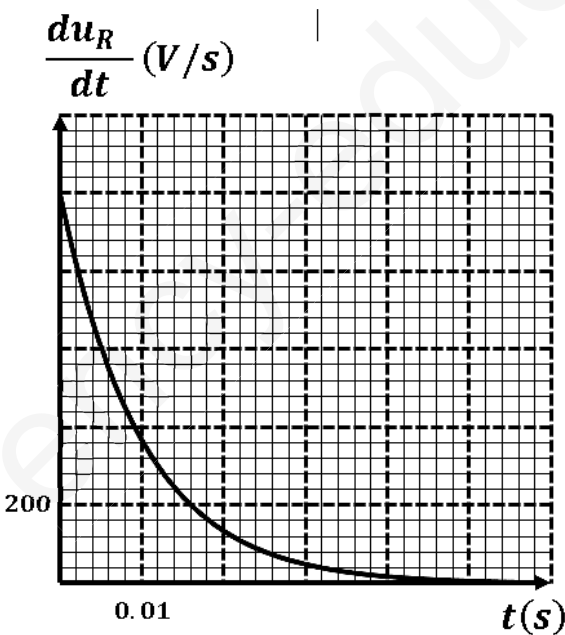
المخزنة في مجموع المكثفتين مساويا للطاقة العظمى المخزنة في

الوشيعة  $E_{Lmax}$ .

- بين كيفية ربط المكثفتين ثم حدد قيمة  $C'$ .



الشكل-3



الشكل-4



## تصحيح الاختبار الثاني

### التمرين الاول: 8 نقاط

9- التكافؤ: النقطة التي تكون فيها المتفاعلات بنسب معاملاتها الستوكيومترية.

10- احداثيات نقطة التكافؤ:

$$pH_E = 8.4$$

$$V_E = 10 \text{ mL}$$

11- حساب التركيز المولي  $C_a$  :

$$C_a V_a = C_b V_E \Rightarrow C_a = \frac{C_b V_E}{V_a} = \frac{0.02 \times 10}{20} = 0.01 \text{ mol/L}$$

حساب  $C_0$ :

$$C_0 = 20 C_a = 0.2 \text{ mol/L}$$

12- من البيان:  $pK_a = 4.8$  .

13- معادلة تفاعل المعايرة :

$$CH_3COOH + HO^- = CH_3COO^- + H_2O$$

$$K = \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH][HO^-]} = \frac{[CH_3COO^-][H_3O^+]}{[CH_3COOH][HO^-][H_3O^+]} = \frac{K_a}{K_e} = \frac{10^{-4.8}}{10^{-14}} = 1.58 \times 10^9$$

• نستنتج ان التفاعل تام .

14- الكاشف المناسب هو الفينول فتالين.

15- أ- معادلة التفاعل الحادث بين حمض الايثانويك  $CH_3COOH$  والماء في المحلول ( $S_1$ ).



ب - جدول تقدم التفاعل.

$CH_3COOH + H_2O = CH_3COO^- + H_3O^+$			
$C_a V_a$	بوفرة	0	0
$C_a V_a - x$	بوفرة	$x$	$x$
$C_a V_a - x_f$	بوفرة	$x_f$	$x_f$

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+]}{C_a} = \frac{10^{-3.6}}{0.01} = 0.0251 = 2.5\% \quad \text{ج-}$$

• نستنتج أن التفاعل غير تام .

$$C_2 = \frac{C_a}{100} = \frac{0.01}{100} = 10^{-4} \text{ mol/L} \quad \text{16-}$$

$$K_a = 10^{-4.8}$$

• تعيين قيمة الـ  $pH$  :

$$K_a = \frac{[CH_3COO^-][H_3O^+]}{[CH_3COOH]} = \frac{[H_3O^+]^2}{C_2 - [H_3O^+]} \Rightarrow K_a(C_2 - [H_3O^+]) = [H_3O^+]^2$$

$$\Rightarrow KaC_2 - Ka[H_3O^+] = [H_3O^+]^2$$

$$\Rightarrow [H_3O^+]^2 + Ka[H_3O^+] + KaC_2 = 0$$

$$\Rightarrow [H_3O^+]^2 + 10^{-4.8}[H_3O^+] + 10^{-4.8} \times 10^{-4} = 0$$

$$\Rightarrow [H_3O^+]^2 + 10^{-4.8}[H_3O^+] + 10^{-8.8} = 0$$

معادلة من الدرجة الثانية بعد حلها نجد:

$$pH = -\log[H_3O^+] = 4.48$$

التمرين الثاني: 12 نقطة

II. نضع البادلة في الوضع -1- في لحظة نعتبرها:  $t = 0$

6- تمثيل على مخطط الدارة جهة التوترات وجهة التيار الكهربائي.

7- المعادلة التفاضلية للتيار الكهربائي المار في الدارة :

$$u_R + u_C = E$$

$$\Rightarrow Ri + \frac{q}{C} = E$$

$$\Rightarrow \frac{Rdi}{dt} + \frac{dq}{Cdt} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{Rdi}{dt} + \frac{i}{C} = 0$$

$$\Rightarrow RC \frac{di}{dt} + i = 0$$

8- إيجاد الثوابت:

$$i(t) = Ae^{-Bt}$$

$$\frac{di(t)}{dt} = -BAe^{-Bt}$$

$$\Rightarrow -RCBAe^{-Bt} + Ae^{-Bt} = 0 \Rightarrow Ae^{-Bt}(-RCB + 1) = 0 \Rightarrow -RCB + 1 = 0 \Rightarrow B = \frac{1}{RC}$$

$$t = 0 \Rightarrow i = I_0 \Rightarrow Ae^{-B \times 0} = I_0 \Rightarrow A = I_0 = \frac{E}{R}$$

9- متابعة التيار المار في الدارة وبلاستعانة ببرمجية مناسبة تمكنا من الحصول على البيان في الشكل 2- :

(ت) معادلة البيان:

$$-\frac{di}{dt} = ai$$

$$a = \frac{2 - 0}{0.02 - 0} = 100$$

$$-\frac{di}{dt} = 100i$$

$$I_0 = \frac{E}{R} = 0.12 \Rightarrow R = \frac{E}{0.12} = \frac{12}{0.12} = 100\Omega \quad \text{(ث) من البيان:}$$

$$\tau = \frac{1}{a} = \frac{1}{100} = 0.01s$$

$$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{0.01}{100} = 10^{-4}F$$

10- الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة:

$$E_{cmax} = \frac{1}{2} C E^2 = 0.5 \times 10^{-4} \times 12^2 = 7.2 \times 10^{-3}J$$

III. في لحظة نعتبرها من جديد  $t = 0$  نجعل البادلة  $K$  في الوضع (2)، بواسطة برمجية مناسبة نحصل على البيان في

الشكل-3.

$$u_L + u_R = E$$

$$L \frac{di}{dt} + ri + Ri = E$$

$$\Rightarrow L \frac{di}{dt} + (R + r)i = E$$

$$\Rightarrow L \frac{diR}{dt} + (R + r)iR = ER$$

$$\Rightarrow L \frac{du_R}{dt} + (R + r)u_R = ER$$

$$\Rightarrow \frac{L}{R + r} \frac{du_R}{dt} + u_R = \frac{ER}{R + r}$$

$$\alpha = \frac{L}{R + r}$$

$$\beta = \frac{ER}{R + r}$$

$\alpha$  ثابت الزمن

$\beta$  التوتر الاعظمي بين طرفي الناقل الاومي.

7- التأكد من الحل:

$$u_R(t) = \beta \left( 1 - e^{-\frac{t}{\alpha}} \right)$$

$$\frac{du_R}{dt} = \frac{\beta}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}}$$

$$\Rightarrow u_R(t) + \alpha \frac{du_R(t)}{dt} = \beta$$

$$\Rightarrow \beta \left( 1 - e^{-\frac{t}{\alpha}} \right) + \alpha \frac{\beta}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}} = \beta$$

$$\Rightarrow \beta - \beta e^{-\frac{t}{\alpha}} + \beta e^{-\frac{t}{\alpha}} = \beta \Rightarrow 0 = 0$$

8- اكتب العبارة:  $\frac{du_R}{dt} = f(t)$ .

$$\frac{du_R}{dt} = \frac{\beta}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}} = \frac{\frac{ER}{R + r}}{\frac{L}{R + r}} e^{-\frac{t}{\alpha}} \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-\frac{t}{\alpha}}$$

9- اعتمادا على البيان:

ت- ذاتية الوشيعة:  $L$ .

$$t = 0 \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-\frac{0}{\alpha}} \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} = 1000$$

$$\Rightarrow L = \frac{ER}{1000} = \frac{12 \times 100}{1000} = 1.2H$$

ث- قيمة الثابت  $\alpha$

$$t = \alpha \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-\frac{t}{\alpha}} \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-1} = 0.37 \times \frac{ER}{L}$$

من البيان :

$$\alpha = 0.01s$$

حساب  $r$ :

$$\alpha = \frac{L}{R + r} \Rightarrow r = \frac{L}{\alpha} - R = \frac{1.2}{0.01} - 100 = 20\Omega$$

10- حساب الطاقة العظيمة المخزنة في الوشعة :

$$E_{Lmax} = \frac{1}{2} L I_0^2 = \frac{1}{2} \times 1.2 \times \left( \frac{12}{100 + 20} \right)^2 = 6 \times 10^{-3} J$$

IV. نربط مع المكثفة السابقة مكثفة أخرى سعتها  $C'$  بحيث تكون الطاقة المخزنة في مجموع المكثفتين مساويا للطاقة العظيمة

المخزنة في الوشعة  $E_{Lmax}$ .

$$E_{Lmax} = \frac{1}{2} C_e E^2 \Rightarrow C_e = \frac{2E_{Lmax}}{E^2} = \frac{2 \times 6 \times 10^{-3}}{12^2} = 8.33 \times 10^{-5} F$$

اذن الربط على التسلسل لأن  $C_e < C$

$$\frac{1}{C_e} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'} \Rightarrow \frac{1}{C'} = \frac{1}{C_e} - \frac{1}{C} = \frac{1}{8.33 \times 10^{-5}} - \frac{1}{10^{-4}} \Rightarrow C'$$



## التمرين الأول :

حمض البنزويك  $C_6H_5COOH$  جسم أبيض صلب ، يستخدم بشكل واسع في المستحضرات التجميلية والأغذية والمشروبات الغازية والأشكال الصيدلانية كمادة حافظة رمزها E 210 واستخدم منذ أمد بعيد كمضاد فطري.

### I - دراسة تفاعل حمض البنزويك مع الماء :

حضرنا عند الدرجة  $25^\circ C$  حجما  $V = 100 \text{ mL}$  من محلول حمض البنزويك  $C_6H_5COOH$  تركيزه المولي  $C_a$  بإذابة  $m = 1.22 \text{ g}$  في الماء المقطر فكانت قيمة الـ  $pH$  له  $pH_1 = 2.6$

- 1- أكتب معادلة انحلال هذا الحمض في الماء ، وبين أن تفاعله مع الماء تفاعل حمض - أساس
- 2- أنشئ جدول لتقدم التفاعل
- 3- أحسب قيمة  $C_a$  واستنتج نسبة التقدم النهائي  $\tau_{1f}$  وماذا يمكن قوله عن هذا الحمض
- 4- أكتب عبارة كسر التفاعل عند التوازن  $Q_{rf}$  بدلالة  $C_a$  و  $pH_1$
- 5- أحسب قيمة الـ  $PKa$  للتنائية  $(C_6H_5COOH/C_6H_5COO^-)$  ، واستنتج النوع الكيميائي المتغلب في المحلول

### II - دراسة تفاعل حمض البنزويك مع الصودا $(Na^+ + OH^-)$

نضع في بيشر حجما  $V_a = 20 \text{ mL}$  من محلول حمض البنزويك ونضيف إليه حجما  $V_b = 10 \text{ mL}$  من محلول الصودا تركيزه المولي  $C_b = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L}$  فنجد أنه من أجل الحجم المضاف  $pH_2 = 3.7$

- 1- أكتب معادلة التفاعل المنمذج لهذا التحول الكيميائي.
- 2- بين أن عبارة  $\tau_{2f}$  نسبة التقدم النهائي في هذه الحالة يمكن كتابتها على الشكل :

$$\tau_{2f} = 1 - \frac{10^{PH_2-14} \cdot (V_a + V_b)}{C_b V_b}$$

- أحسب قيمته وماذا تستنتج

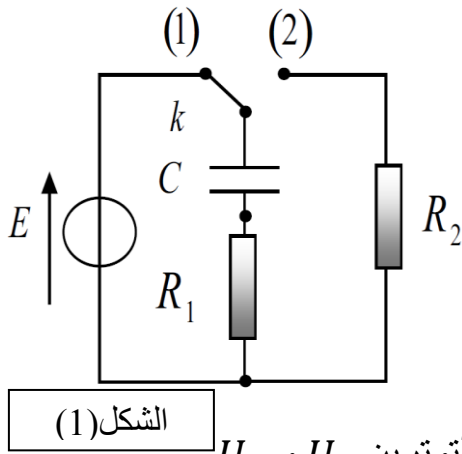
3- ما هو حجم الصودا الواجب اضافته لبلوغ نقطة التكافؤ

4- أكتب ثابت التوازن  $K$  عندئذ وأحسب قيمته.

المعطيات :  $Ke = 10^{-14}$   $M_H = 1 \text{ g/mol}$   $M_C = 12 \text{ g/mol}$   $M_O = 16 \text{ g/mol}$

## التمرين الثاني :

نحقق التركيب التجريبي المبين في الشكل (1) باستعمال التجهيز التالي:



الشكل (1)

I- نضع البادلة  $k$  في اللحظة  $(t = 0)$  عند الوضع (1).

1- مثل على الدارة المدروسة جهة كل من التيار  $i$  و مثل بالأسهم التوترين  $U_R$  و  $U_C$ .

2- أكتب المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار  $i(t)$ .

3- تحقق أن العبارة  $i(t) = \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1}$  حلا للمعادلة التفاضلية.

حيث  $R_1$  ثابت الزمن عبارته  $\tau_1 = R_1 C$ .

4- استنتج عبارة التوتر  $U_{R_1}(t)$  بين طرفي الناقل الأومي  $R_1$ .

5- بين أن  $\tau_1 = R_1 C$  متجانس مع الزمن.

6- بين أن  $\ln U_{R_1} = -\frac{1}{\tau_1} t + \ln E$

7- مثلنا البيان  $\ln U_{R_1} = f(t)$  الشكل (2):

- جد قيمة كل من  $E$  ،  $\tau_1$  واستنتج سعة المكثفة  $C$ .

II- عند شحن المكثفة كلياً وفي لحظة  $(t = 0)$  نضع البادلة  $k$  في الوضع (2).

1- بين أن المعادلة التفاضلية لتطور شحنة المكثفة تكتب على الشكل :  $\frac{dq}{dt} + \alpha q = 0$  حيث  $\alpha$  ثابت يطلب تعيين عبارته بدلالة مميزات الدارة.

2- تحقق أن العبارة  $q(t) = Q_0 e^{-\alpha t}$  حلا للمعادلة التفاضلية.

حيث  $Q_0$  الشحنة الأعظمية المخزنة في المكثفة.

3- الشكل (3) يوضح المنحنى البياني  $q = f(t)$

لتطور شحنة المكثفة  $q$  خلال الزمن  $t$

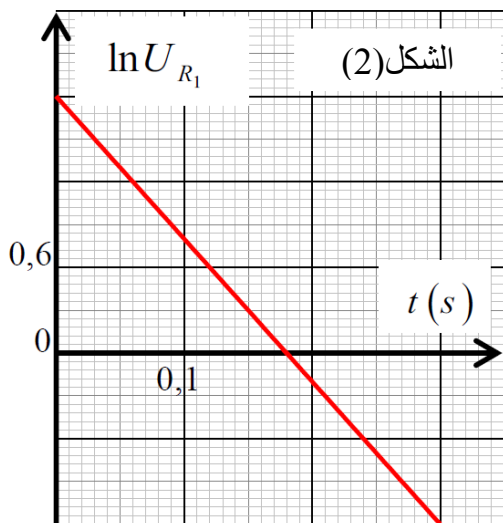
- جد قيمة كل من  $Q_0$

- ثابت الزمن  $\tau_2$

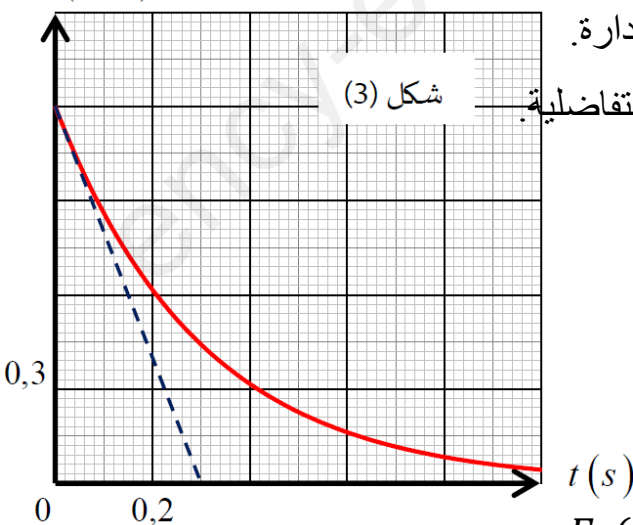
- استنتج قيمة الناقل الأومي  $R_2$ .

4- أكتب العبارة الزمنية للطاقة المخزنة في المكثفة  $E_C(t)$ .

5- أحسب قيمتها عند اللحظتين :  $t_1 = 0s$  ،  $t_2 = 0,6s$ .



الشكل (2)



الشكل (3)



### التمرين الثالث :

كرة مطاطية كتلتها  $m=20\text{ g}$  ومركز عطالتها  $G$  تترك لتسقط في الهواء لتسقط دون سرعة ابتدائية ، نعتبر أن الكرة تخضع أثناء حركتها إلى قوة احتكاك عابرتها :  $\vec{f} = -k \vec{v}$  ، حيث  $k$  يمثل ثابت الاحتكاك .  
بالاعتماد على نتائج التصوير المتعاقب لحركة الكرة وبرمجية إعلام آلي تمكنا من رسم المنحنى  $f=h(t)$  الممثل لتغيرات شدة قوة الاحتكاك بدلالة الزمن الشكل (4)

1- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الكرة.

أ- لحظة الانطلاق  $t=0$

ب- خلال الحركة

2- أ- ما هو المعلم المناسب لدراسة حركة الكرة ، عرفه.

ب - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد المعادلة التفاضلية للحركة.

3- باستغلال منحنى الشكل (4) جد قيمة كل من :

أ- ثابت الاحتكاك  $K$

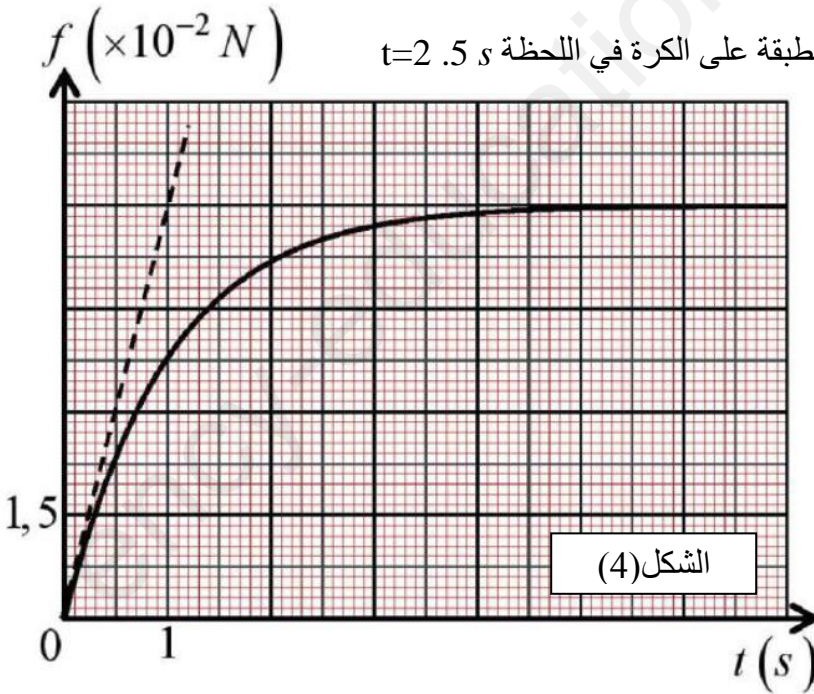
ب- قيمة السرعة الحدية  $V_{lim}$  .

ت- التسارع  $a_0$  عند اللحظة  $t=0$  .

ث- شدة قوة دافعة أرخميدس  $(\pi)$

4- أحسب محصلة شدة القوى الخارجية المطبقة على الكرة في اللحظة  $t=2.5\text{ s}$

المعطيات :  $g=10\text{ m/s}^2$



أساتذة مادة العلوم الفيزيائية يتمنون لكم التوفيق والنجاح

في امتحان شهادة البكالوريا 2022 ♥ ☺

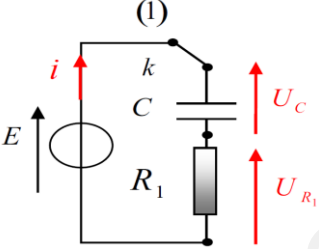


الاجابة النموذجية لاختبار الفصل الثاني في مادة : العلوم الفيزيائية

العلامة		عناصر الإجابة					
مجموع	مجزأة						
		التمرين الأول (8 نقاط) :					
I							
5,25	0,25	$C_6H_5COOH_{(l)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$			المعادلة	1	
	0,25	$C_6H_5COOH = C_6H_5COO^{-} + H^{+}$ $H_2O + H^{+} = H_3O^{+}$ حدث تبادل بروتوني					
	0,25	$C_6H_5COOH_{(l)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$			جدول التقدم	2	
		$C_a V_a$	نسبة	0			0
		$C_a V_a - X_t$		$X_t$			$X_t$
	$C_a V_a - X_f$	$X_f$		$X_f$			
	0,25	$C_a = \frac{n}{V} = \frac{m}{M \cdot V} = \frac{1,22}{122 \cdot 0,1} = 0,1 \text{ mol/l}$			حساب $C_a$	3	
	0,25						
	0,75	$\tau_{1f} = \frac{X_f}{X_{max}} = \frac{[H_3O^{+}]_f}{C_a} = \frac{10^{-PH}}{C_a} = \frac{10^{-2,6}}{0,1} = 0,025 \Rightarrow 2,5\%$			حساب $\tau_{1f}$		
	0,25	نقول عنه حمض ضعيف وانحلاله في الماء جزئي			$\tau_{1f} < 1$	الاستنتاج	
4	0,25	$[H_3O^{+}]_f = [C_6H_5COO^{-}]_f = 10^{-PH}$			كسر التفاعل	4	
	0,25	$[C_6H_5COOH]_f = C_a - [H_3O^{+}]_f$					
	0,25	$Q_{rf} = \frac{[C_6H_5COO^{-}]_f \cdot [H_3O^{+}]_f}{[C_6H_5COOH]_f} = \frac{10^{-2PH}}{C_a - 10^{-PH}} = \frac{10^{-2 \cdot 2,6}}{0,1 - 10^{-2,6}}$					
	0,25	$Q_{rf} = 6.5 \cdot 10^{-5}$					
	0,25						
0,5	$Q_{rf} = K = Ka = 6.5 \cdot 10^{-5}$			حساب $PK_a$			
0,5	$PKa = -\log(Ka) = -\log(6.5 \cdot 10^{-5}) = 4,2$						
5	0,25	$PKa > PH$	$\log(1) > \log \frac{[C_6H_5COO^{-}]_f}{[C_6H_5COOH]_f}$		استنتاج	5	
	0,25	$PKa > PKa + \log \frac{[C_6H_5COO^{-}]_f}{[C_6H_5COOH]_f}$	$1 > \frac{[C_6H_5COO^{-}]_f}{[C_6H_5COOH]_f}$				
	0,25	$0 > \log \frac{[C_6H_5COO^{-}]_f}{[C_6H_5COOH]_f}$	$\frac{[C_6H_5COOH]_f}{[C_6H_5COOH]_f} > \frac{[C_6H_5COO^{-}]_f}{[C_6H_5COOH]_f}$				
	0,25	$[C_6H_5COOH]_f > [C_6H_5COO^{-}]_f$					
الحمض هو المتغلب (صفة حمضية سائدة)							
II							
2,75	0,25	$C_6H_5COOH_{(aq)} + OH^{-}_{(aq)} = C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_2O_{(aq)}$			المعادلة	1	
	0,25	$\tau_{2f} = \frac{X_f}{X_{max}}$	$X_{max} = C_b V_b$		العبرة	2	
	0,25	$X_f = C_b V_b - [OH^{-}]_f (V_a + V_b)$	$\tau_{2f} = \frac{C_b V_b - 10^{PH-14} (V_a + V_b)}{C_b V_b}$				
	0,25	$X_f = C_b V_b - 10^{PH-14} (V_a + V_b)$	$\tau_{2f} = 1 - \frac{10^{PH-14} (V_a + V_b)}{C_b V_b}$				
	0,25	$X_f = C_b V_b - 10^{PH-14} (V_a + V_b)$					

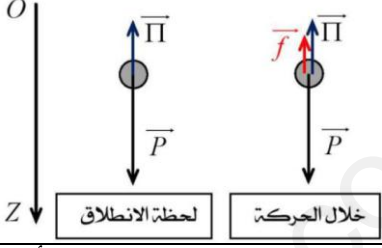
	0,25	$\tau_{2f} = 1 - \frac{10^{PH-14}(V_a+V_b)}{C_b V_b} = 1 - \frac{10^{3,7-14}(0,02+0,01)}{(5 \cdot 10^{-2} \cdot 0,01)} = 0,99 \approx 1$		
	0,25	ومنه نستنتج أن تفاعل المعايرة تفاعل تام		
	0,25	$C_a V_a = C_b V_{bE}$	الحجم	3
	0,25	$V_{bE} = \frac{C_a V_a}{C_b} = \frac{0,1 \cdot 20}{5 \cdot 10^{-2}} = 40 \text{ mL}$		
	0,25	$K = \frac{[C_6H_5COO^-]_f}{[C_6H_5COOH]_f \cdot [OH^-]_f} = \frac{[C_6H_5COO^-]_f}{[C_6H_5COOH]_f \cdot [OH^-]_f} \times \frac{[H_3O^+]_f}{[H_3O^+]_f}$	ثابت التوازن	4
	0,25	$K = \frac{K_a}{K_e} = \frac{6.5 \cdot 10^{-5}}{10^{-14}} = 6.5 \cdot 10^9$		
العلامة		عناصر الإجابة		
مجموع	مجزأة			
		التمرين الثاني (7 نقاط) :		

I

0,25 0,25		التمثيل	1
0,25 0,25	قانون جمع التوترات $E = U_{R_1} + U_C$ $E = R_1 i + \frac{q}{C}$ $\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{R_1 C} i(t) = 0$	المعادلة التفاضلية	2
0,25 0,25	$i(t) = \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1}$ $\frac{di(t)}{dt} = -\frac{1}{R_1 C} \cdot \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1}$ $-\frac{1}{R_1 C} \cdot \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1} + \frac{1}{R_1 C} \cdot \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1} = 0$	التحقق	3
0,5	$U_{R_1} = R_1 i = R_1 \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1} = E e^{-t/\tau_1}$	عبارة التوتر	4
0,25 0,25	$[\tau_1] = [R_1][C]$ $R = \frac{U}{I}, C = \frac{q}{U}, i = \frac{q}{t}$ $[\tau_1] = [t] = s$	التحليل البعدي	5
0,25 0,25	$U_{R_1} = E e^{-t/\tau_1}$ $\ln U_{R_1} = \ln E e^{-t/\tau_1}$ $\ln U_{R_1} = -\frac{1}{\tau_1} t + \ln E$		6
0,5 0,5	البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته $y = ax + b$ $\ln U_{R_1} = -10t + \ln 1,8$ بالمطابقة $\frac{1}{\tau_1} = 10 \Rightarrow \tau_1 = \frac{1}{10} = 0,1 \text{ s}$ $\ln E = 1,8 = E = e^{1,8} = 6 \text{ V}$		7
0,5	$\tau_1 = R_1 C \Rightarrow C = \frac{\tau_1}{R_1} = \frac{0,1}{1000} = 1 \cdot 10^{-4} \text{ F}$		

II

0,25 0,25	قانون جمع التوترات $U_{R_1} + U_{R_2} + U_C = 0$ $(R_1 + R_2)i + \frac{q}{C} = 0$ $(R_1 + R_2) \frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{C} q(t) = 0$ $\alpha = \frac{1}{(R_1 + R_2)C} = \frac{1}{\tau_2}$	المعادلة التفاضلية	1
--------------	--	-----------------------	---

2,5	0,25 0,25	$q(t) = Q_0 e^{-\alpha t}$ $\frac{dq(t)}{dt} = -\alpha \cdot Q_0 e^{-\alpha t}$	$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{(R_1+R_2)C} q(t) = 0$ <del><math>-\alpha \cdot Q_0 e^{-\alpha t} + \frac{1}{(R_1+R_2)C} Q_0 e^{-\alpha t} = 0</math></del>	التحقق من الحل	2	
	0,25 0,25 0,25	بيانيا $Q_0 = 1,2 \cdot 10^{-3} C$ $\tau_2 = 0,3 s$	$\tau_2 = (R_1 + R_2)C$ $R_2 = \frac{\tau_2}{C} - R_1 = \frac{0,3}{1 \cdot 10^{-4}} - 1000$ $R_2 = 2000 \Omega$		3	
	0,25	$Ec(t) = \frac{1}{2} C U c_{(t)}^2 = \frac{1}{2} C \left(\frac{q(t)}{C}\right)^2 \Rightarrow Ec(t) = \frac{1}{2} \frac{q(t)^2}{C} e^{-2t/\tau_2}$			4	
	0,25 0,25	$Ec(0) = \frac{1}{2} \cdot \frac{(1,2 \cdot 10^{-3})^2}{1 \cdot 10^{-4}} = 7,2 \cdot 10^{-3} J$ $Ec(0,6) = \frac{1}{2} \cdot \frac{(0,15 \cdot 10^{-3})^2}{1 \cdot 10^{-4}} = 1,12 \cdot 10^{-4} J$			5	
	العلامة					
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة				
التمرين الثالث (5 نقاط) :						
5	0,25 0,25				تمثيل القوى	1
	0,25 0,25	المعلم السطحي الأرضي : هو معلم مرتبط بسطح الأرض (ركن مخبر ، شجرة ، رصيف ..) يمكن اعتباره عطاليا بالنسبة لمعظم الحركات التي تدرس خلال مدة زمنية قصيرة جدا مقارنة مع دوران الأرض حول نفسها.			المعلم المناسب	
	0,25 0,25 0,25 0,25	$\sum \vec{F} = m\vec{a}$ $\vec{P} + \vec{f} + \vec{\pi} = m \cdot \vec{a}$ بالاسقاط على المحور (OZ) $P - f - \pi = m \cdot \frac{dv}{dt}$	$m \cdot g - k \cdot v - \pi = m \cdot \frac{dv}{dt}$ $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g - \frac{\pi}{m}$ $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_s})$	المعادلة التفاضلية	2	
	0,75	$\tau = 1 s, \tau = \frac{m}{k} \Rightarrow k = \frac{m}{\tau} = \frac{20 \cdot 10^{-3}}{1} = 2 \cdot 10^{-2} kg/s$			ثابت الاحتكاك	
	0,5	$f_{lim} = k \cdot v_{lim} \Rightarrow v_{lim} = \frac{f_{lim}}{k} = \frac{6 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 10^{-2}} = 3 m/s$			السرعة الحدية	
	0,25 0,25 0,25	$a(t) = \frac{dv(t)}{dt}$ $a(0) = \frac{dv(0)}{dt}$ $k \cdot a(0) = k \cdot \frac{dv(0)}{dt}$	$k \cdot a(0) = \frac{df(0)}{dt}$ يمثل معامل توجيه البيان عند اللحظة t = 0 $\frac{df(0)}{dt} = \frac{6 \cdot 10^{-2} - 0}{1 - 0} = 6 \cdot 10^{-2} N/s$ $a(0) = \frac{df(0)}{k \cdot dt} = \frac{6 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 10^{-2}} = 3 m/s^2$	التسارع	3	
	0,25 0,25	$P - f - \pi = m \cdot \frac{dv}{dt}$ في النظام الدائم ( $\frac{dv}{dt} = 0$ ) $P - f_{lim} - \pi = 0$	$\pi = P - f_{lim}$ $\pi = mg - f_{lim}$ $\pi = (20 \cdot 10^{-3} \cdot 10) - 6 \cdot 10^{-2}$ $\pi = 0,14 N$	دافعة أرخميدس		
0,25 0,25	$F = P - f - \pi$ $F = 20 \cdot 10^{-2} - 5,55 \cdot 10^{-2} - 0,14 = 4,5 \cdot 10^{-2} N$			محصلة القوى	4	

التاريخ: 2019/03/07

المادة: العلوم الفيزيائية

المدة: 03 سا و 30

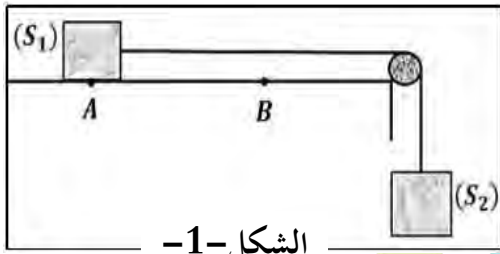
المستوى: الثالثة ثانوي

## اختبار الفصل الثاني

الجزء الأول: (13 نقاط)

التمرين الأول: (6 نقاط)

نهمل دافعة أرخميدس وتأثير مقاومة الهواء في كامل التمرين. و نعتبر ثابت التسارع الأرضي  $g = 10 \text{ m/s}^2$ . يتحرك جسم  $(S_1)$  كتلته  $m_1 = 500 \text{ g}$  على مستوى أفقي بتأثير السقوط الشاقولي لجسم  $(S_2)$  كتلته  $m_2 = m_1$ . الجسمان  $(S_1)$  و  $(S_2)$  مربوطان بواسطة خيط مهمل الكتلة و عديم الإمتطاط يمر على محز بكرة مهمل الكتلة بإمكانها الدوران دون احتكاك حول محور أفقي ثابت (الشكل-1). يخضع الجسم  $(S_1)$  أثناء حركته على المستوى الأفقي إلى قوة احتكاك  $\vec{f}$  شدتها ثابتة. في اللحظة  $t = 0$  ينطلق الجسم  $(S_1)$  من نقطة  $A$  نعتبرها مبدأ للفواصل، دون سرعة ابتدائية ليصل إلى النقطة  $B$  بعد قطع المسافة  $AB = 2 \text{ m}$ .



الشكل-1

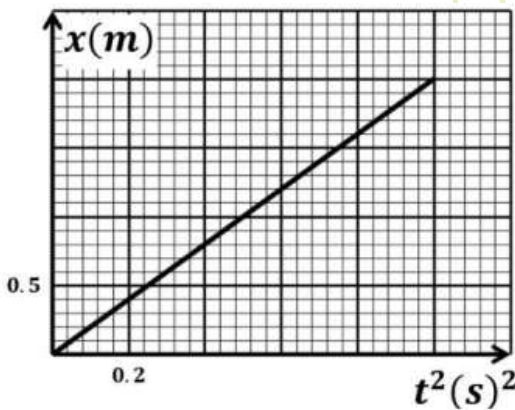
- مثل القوى الخارجية المؤثرة على كل من الجسمين  $(S_1)$  و  $(S_2)$ .
- اكتب نص القانون الثاني لنيوتن ثم بتطبيقه على الجسمين  $(S_1)$  و  $(S_2)$  في مرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا:

(أ) بين أن المعادلة التفاضلية للفصلية  $x$  تعطى بالعلاقة التالية:  $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$

(ب) استنتج طبيعة حركة الجسم  $(S_1)$ .

(ج) باستغلال الشروط الابتدائية، أوجد المعادلة الزمنية للحركة  $x(t)$  حل المعادلة التفاضلية السابقة.

(3) باستعمال تقنية التصوير المتعاقب و المعالجة بواسطة برمجية **Avistep**، تمكنا من دراسة تغيرات الفاصلة  $x$  بدلالة مربع الزمن  $t^2$  للجسم  $(S_1)$ . النتائج المتحصل عليها مكنتنا من رسم البيان الممثل بالشكل-2:



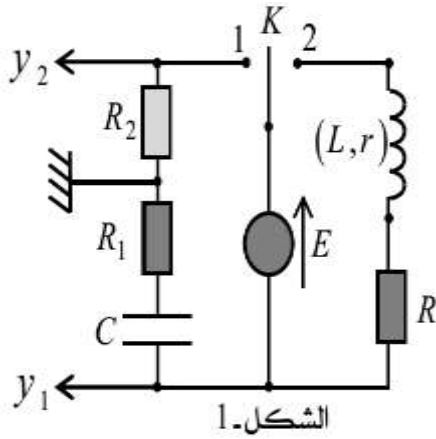
الشكل-2

- احسب من البيان قيمة تسارع الحركة  $a$ .
- استنتج قيمة كل من قوة الاحتكاك  $\vec{f}$  و توتر الخيط  $\vec{T}$ .
- حدد سرعة الجسم  $(S_1)$  عند الموضع  $B$ .
- عند وصول الجسم  $(S_1)$  إلى النقطة  $B$  ينقطع الخيط فجأة في لحظة نعتبرها مبدأ جديد لقياس الأزمنة  $t = 0$ .
  - ما طبيعة السقوط للجسم  $(S_2)$  في هذه الحالة ؟ علل إجابتك
  - حدد مبررا إجابتك طبيعة حركة كل جسم بعد انقطاع الخيط ثم استنتج قيمة تسارع كل منهما .



## التمرين الثاني : ( 7 نقاط )

نحقق التركيب التجريبي المبين في الشكل -1- و الذي يتألف من العناصر الكهربائية التالية:



الشكل-1

-مولد مثالي ذي توتر ثابت, قوته المحركة الكهربائية  $E$

-مكثفة فارغة سعتها  $C$

-وشيجة ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r$

-ثلاثة نواقل أومية:  $R_1 = 1 \Omega$  و  $R_2$  و  $R = 8 \Omega$

-بادلة  $K$

-راسم اهتزاز مهبطي

(I) عند اللحظة  $t = 0$  نضع البادلة في الوضع (1), فنشاهد على شاشة راسم الإهتزاز

المهبطي المنحنيين (a) و (b) المبينين في الشكل -2- و ذلك بعد الضغط على الزر العاكس  $INV$ .

(1) ما هو المدخل المعني بالضغط على الزر العاكس ؟

(2) بين أن عبارة شدة التيار المار في الدارة عند اللحظة  $t = 0$  هي:  $I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2}$

(3) أرفق كل منحني بالمدخل الموافق له مع التعليل.

(4) بتطبيق قانون جمع التوترات, بين أن المعادلة التفاضلية للتوتر  $U_{R_2}$  بين

طرفي المقاومة  $R_2$  تكتب على الشكل:  $\frac{dU_{R_2}}{dt} + \frac{1}{\tau_1} U_{R_2} = 0$  حيث

$\tau_1$  ثابت الزمن المميز للدارة المدروسة يطلب تعيين عبارته.

(5) تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل:

$U_{R_2}(t) = Ae^{-Bt}$  حيث  $A$  و  $B$  ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما

بدلالة ثوابت الدارة.

(6) اعتمادا على المنحنيين البيانيين (a) و (b) جد قيمة كل من:

-القوة المحركة الكهربائية للمولد  $E$ -شدة التيار  $I_0$ -المقاومة  $R_2$ -سعة

المكثفة  $C$

(II) نضع الآن البادلة  $K$  في الوضع (2), في لحظة نعتبرها كمبدأ جديد

لقياس الأزمنة  $t = 0$ .

(1) اكتب المعادلة التفاضلية لتطور التوتر  $U_R(t)$  بين طرفي الناقل الأومي  $R$

(2) تقبل المعادلة التفاضلية السابقة العبارة:  $U_R(t) = RA' - B'e^{-\alpha t}$  حلا لها .

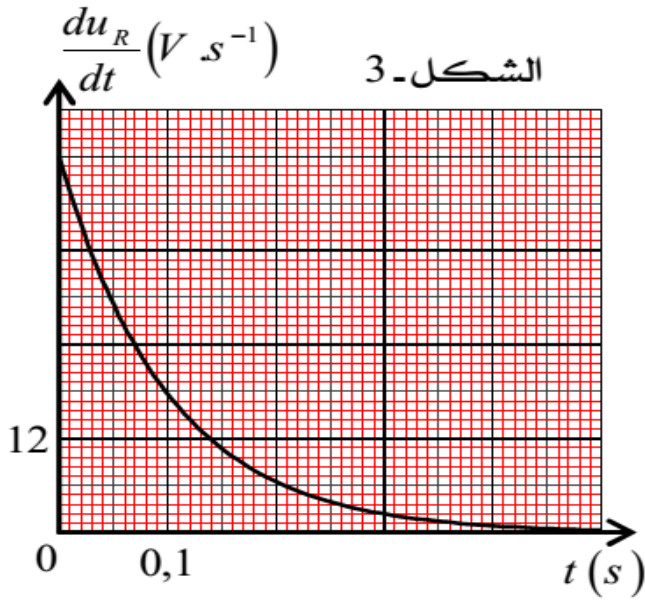
جد عبارة كل من الثوابت  $A'$  و  $B'$  و  $\alpha$  بدلالة ثوابت الدارة المدروسة.

(3) سمحت الدراسة التجريبية و برنامج إعلام آلي مناسب برسم المنحنى البياني  $\frac{dU_R}{dt} = f(t)$  المبين في الشكل -3-.

اعتمادا على هذا البيان حدد مايلي:

-ذاتية الوشيجة  $L$ - ثابت الزمن  $\tau$  المميز للدارة المدروسة-المقاومة  $R$ .





4) احسب قيمة الطاقة المحولة في الناقل الأومي  $R$  بفعل جول عند اللحظة

$$t = 2\tau$$

5) إن تزويد وشيعة بنواة حديدية يرفع من قيمة ذاتيتها. مثل في هذه الحالة

بشكل كيفي منحني  $\frac{dU_R}{dt} = g(t)$  الحديد في نفس المعلم السابق

للشكل - 3.

الجزء الثاني: (7 نقاط)

التمرين التجريبي: (7 نقاط)

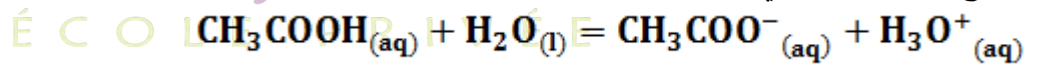
في طريقه إلى ثانوية الرجاء و التفوق, و كالعادة استعمل عدنان حافلة النقل لبوزريعة و بمجرد ركوبه سمع نقاشا بين صياد سمك و أحد الركاب عن فائدة صيد سمك له رائحة كريهة, و بعد لحظة تدخل طالب جامعي كان متجها إلى القطب الجامعي للعلوم و التكنولوجيا ليخبرهم أن الأمر بسيط, و أن سبب الرائحة وجود مادة في عضلات السمك تعرف بأكسيد الثلاثي ميثيل أمين, حيث بعد خروج السمك من الماء لفترة تبدأ الإنزيمات البكتيرية في تحليل هذه المادة إلى مادتين و هما ثلاثي ميثيل أمين ذي الصيغة  $(CH_3)_3N$  و ثنائي ميثيل أمين و هما المسؤولتان عن الرائحة المميزة للسمك, و بالأخص الثلاثي ميثيل أمين.

لحل الإشكال نضيف حمض الخل أو الليمون لمعادلة الرائحة, حيث يعتبر السمك صحيحا إذا كانت كتلة الثلاثي ميثيل أمين تتراوح بين  $10\text{ mg}$  و  $15\text{ mg}$  لكل  $100\text{ g}$  من السمك.

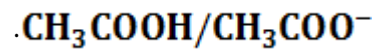
I) دراسة الثنائية أساس / حمض لحمض الخل :

نعتبر محلولاً مائياً (S) لحمض الإيثانويك  $CH_3COOH_{(aq)}$  حجمه  $V$  و تركيزه المولي  $C = 10^{-2}\text{ mol/L}$ . أعطى قياس  $pH$  هذا المحلول القيمة 3.

Ecole Erradja wa Tafaouk

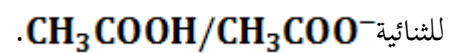


يمثل بيان الشكل - 1 - مخطط توزيع الصفة الغالبة للثنائية:



1) أرفق كل منحني بالنوع الكيميائي الذي يمثله مع التعليل.

2) حدد بيانيا قيمة ثابت الحموضة  $pKa_1$  المميز

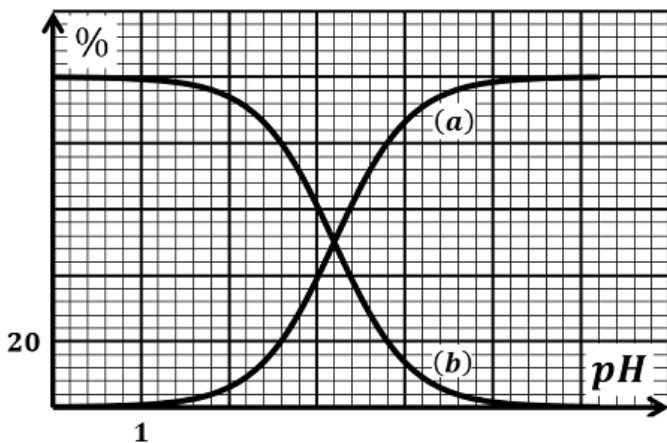


3) تعرف من البيان على النوع الكيميائي المتغلب في المحلول (S).

4) احسب قيمة النسبة  $\frac{[CH_3COO^{-}]}{[CH_3COOH]}$  للمحلول (S) بطريقتين: بيانيا

و حسابيا.

الشكل - 1



## (II) دراسة تأثير حمض الخل على مادة ثلاثي ميثيل أمين للأسماك:

1) نأخذ حجما  $V_0 = 100 \text{ mL}$  من محلول مائي  $(S_0)$  ثلاثي ميثيل أمين  $(CH_3)_3N(aq)$  ذي التركيز  $C_0 = 10^{-2} \text{ mol/L}$  و نقيس  $pH$  المحلول فنجد 10,9.

1.1- اكتب معادلة انحلال ثلاثي ميثيل أمين  $(CH_3)_3N$  في الماء.

2.1- احسب النسبة النهائية لتقدم هذا التفاعل  $\tau_f$ . ماذا تستنتج؟

3.1- حدد معللا جوابك الفرد المتغلب للثنائية  $(CH_3)_3NH^+ / (CH_3)_3N$  في المحلول.

2) نضيف حجما معيناً من المحلول  $(S)$  لحمض الخل إلى المحلول السابق  $(S_0)$  فينقص  $pH$  المزيج إلى القيمة 6,5.

1.2- اكتب معادلة التفاعل الكيميائي المنمذجة للتحويل الحادث. ثم جد قيمة ثابت التوازن  $K$  الموافق له.

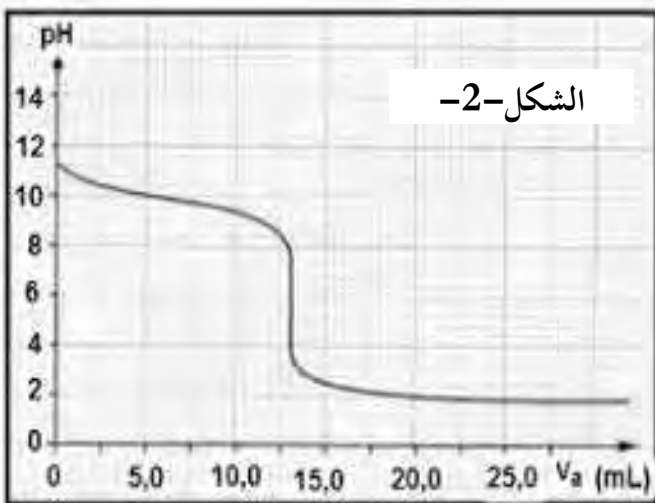
2.2- احسب النسبة :  $\frac{[(CH_3)_3N]}{[(CH_3)_3NH^+]}$ .

3.2- ما الفائدة من إضافة حمض الخل إلى ماء طهي السمك ؟

## (III) مراقبة جودة الأسماك :

نأخذ من أحد صناديق السمك  $100 \text{ g}$  من سمكة و نحضر حجماً قدره  $100 \text{ mL}$  من ثلاثي ميثيل أمين بواسطة تقنية خاصة لمحلول  $(S_1)$  تركيزه المولي  $C_b$ .

نحقق المعايرة  $pH$  - مترية لحجم  $V_b = 10 \text{ mL}$  من المحلول  $(S_1)$  بواسطة محلول مائي  $(S_2)$  لحمض كلور الهيدروجين  $H_3O^+ + Cl^-$  تركيزه  $C_a = 10^{-3} \text{ mol/L}$  فنحصل على البيان الموضح في الشكل -2-.



1) اكتب معادلة التفاعل الكيميائي المنمذج للمعايرة.

2) اعتماداً على مفهوم نقطة التكافؤ، حدد  $C_b$  تركيز المحلول  $(S_1)$ .

3) احسب كتلة ثلاثي ميثيل أمين في عينة السمك المدروسة.

هل السمك المتواجد بالصندوق قابل للإستهلاك ؟

يعطى: نأخذ كل المحاليل عند درجة الحرارة  $25^\circ C$ . حيث :

$$K_e = 10^{-14}$$

$$pK_{a2}((CH_3)_3NH^+ / (CH_3)_3N) = 9,8$$

$$M_{((CH_3)_3N)} = 59 \text{ g/mol}$$

الأستاذ: زاهري

انتهى الموضوع



# التصحيح النموذجي لامتحان الفيزياء مادة الآلوم الفيزيائية

مارس 2019

التمرين 1: (6 ن)

$$\vec{P}_2 + \vec{T}_2 = m_2 \vec{a}_2$$

بالإسقاط على محور الـ (x) :

$$P_{2x} + T_{2x} = m_2 a_{2x}$$

$$P_2 - T_2 = m_2 a_2$$

$$m_2 g - T_2 = m_2 a_2 \quad (0.8)$$

بما أن : الخيط غير قابل للتمدد و

عديم الكتلة : فإن :

$$T_1 = T_2 = T \quad (a_1 = a_2 = a)$$

1 و 2 تصح :

$$-f + T = m_1 a \quad (1)$$

$$m_2 g - T = m_2 a \quad (2)$$

نجمع 1 و 2 :

$$-f + T + m_2 g - T = m_1 a + m_2 a$$

$$-f + m_2 g = a (m_1 + m_2)$$

$$a = \frac{-f + m_2 g}{m_1 + m_2}$$

$$a = \frac{-f + m_2 g}{m_1 + m_2}$$

$$a = \frac{-f + m_2 g}{m_1 + m_2}$$

$$\frac{dv}{dt} = \frac{dx}{dt} \quad m_1 = m_2$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{-f + m_2 g}{m_1 + m_2} = \frac{-f + m_2 g}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{-f + m_2 g}{2m_1}$$

$$= -\frac{f}{2m_1} + \frac{m_2 g}{2m_1}$$

$$= -\frac{f}{2m_1} + \frac{m_2 g}{2m_1}$$

$$= -\frac{f}{2m_1} + \frac{m_2 g}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$$

$$m_1 = m_2 = 0.5 \text{ Kg}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$f = 0.5 \text{ N}$$

$$x_0 = 0, v_0 = 0 \quad (t=0)$$

$$AB = x_B - x_A = x_B = 2 \text{ m}$$

$$1 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S1)}$$

$$2 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S2)}$$

$$3 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S3)}$$

$$4 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S4)}$$

$$5 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S5)}$$

$$6 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S6)}$$

$$7 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S7)}$$

$$8 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S8)}$$

$$9 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S9)}$$

$$10 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S10)}$$

$$11 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S11)}$$

$$12 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S12)}$$

$$13 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S13)}$$

$$14 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S14)}$$

$$15 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S15)}$$

$$16 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S16)}$$

$$17 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S17)}$$

$$18 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S18)}$$

$$19 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S19)}$$

$$20 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S20)}$$

$$21 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S21)}$$

$$22 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S22)}$$

$$23 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S23)}$$

$$24 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S24)}$$

$$25 - \text{قوة الجاذبية على الكتلة (S25)}$$



$$x_B = x(t_B) = AB = 2m$$

بالإضافة إلى ذلك، عند النقطة B، الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

$$x_B = x(t_B) = AB = 2m$$

$$t_B = 1 \Rightarrow t_A - t_B = 1.5$$

$$v_B = 4 \times 1$$

$$v_B = 4 m/s$$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

في (5) الجسم يتحرك بسرعة  $v_B = 4 m/s$

$$x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$a(t) = \frac{dv}{dt} = \frac{g}{2} = \frac{g}{2m_1}$$

$$a(t) = \frac{dv}{dt} = \frac{g}{2} = \frac{g}{2m_1}$$

$$a = \frac{dv}{dt} \Rightarrow v(t) = \int a dt$$

$$v(t) = at + v_0 \Rightarrow v(t) = a \cdot t$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

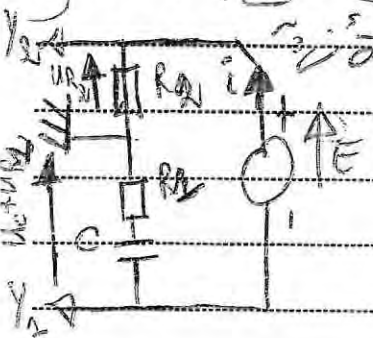
$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{at^2}{2} + x_0$$



(2) التمرين

التيارات في كثر الوتر (1) RC  
التيارات في كثر الوتر (1) RC  
التيارات في كثر الوتر (1) RC



(2) عبارتي

قانون كيرشوف  
 $U_C + U_{R1} + U_{R2} = E$   
 $U_{R1} = R_1 \cdot i(t)$   
 $U_{R2} = R_2 \cdot i(t)$

$$R_1 I_0 + R_2 I_0 = E \Rightarrow I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2}$$

(3) اكتب  
التيارات في كثر الوتر (1) RC  
التيارات في كثر الوتر (1) RC

(b) يوافق  
 $U_C + U_{R1} = U - R_2 I$   
 $U_C = U - R_2 I$   
 $U_C = U - R_2 I$

$$R_1 i + R_2 i + \frac{q}{C} = E$$

$$R_1 \frac{UR_2}{R_2} + UR_2 + \frac{q}{C} = E$$

$$\left(\frac{R_1}{R_2} + 1\right) \cdot UR_2 + \frac{q}{C} = E$$

التيارات في كثر الوتر (1) RC  
التيارات في كثر الوتر (1) RC  
التيارات في كثر الوتر (1) RC

$$C \frac{dV_C}{dt} = I$$

$$d_1 = -\frac{V_B}{2a_1}$$

$$d_1 = -\frac{4^2}{2 \cdot (-2)} \Rightarrow d_1 = 4m$$

$$X(t) = \frac{a_1 t^2}{2} + v_B t + X_B$$

$$X(t) = \frac{a_1 t^2}{2} + v_B t + X_B$$

$$\frac{a_1}{2} t_1^2 + v_B t_1 - d_2 = 0$$

$$-t_1^2 + 4t_1 - 4 = 0$$

$$t_1 = 2s$$

$$v_2 = g \cdot t_1 = 10 \times 2 = 20 m/s$$

$$v_2 = 20 m/s$$

$$d_2 = X(t_1) = \frac{a_2 t_1^2}{2} + v_B t_1$$

$$d_2 = \frac{10 \times 2^2}{2} + 4 \times 2 = 20m$$



$$U_R = R_2 I_0 e^{-\frac{t}{\tau_1}}$$

$$U_C(t) = \frac{R_2 \cdot E}{R_1 + R_2} e^{-\frac{t}{(R_1 + R_2) \cdot C}}$$

التي بدلتها = (6)

في وقت  $t=0$  ولدينا  $E$

1. عند  $t=0$  :  $U_C(0) + U_{R_1}(0) + U_{R_2}(0) = E$

$U_{R_2}(0) = 2V \rightarrow U_{R_2} = (a)$  من حيث

$U_{R_1}(0) = 4V \rightarrow U_{R_1} = (b)$  من حيث

$E = 2 + 4 \Rightarrow E = 6V$

$U_C(0) + U_{R_1}(0) = R_1 I_0$

$I_0 = \frac{U_{R_1}(0)}{R_1} = \frac{4}{1} \Rightarrow I_0 = 4A$

$I = \frac{E}{R_1 + R_2} \Rightarrow R_1 + R_2 = \frac{E}{I_0}$

$R_2 = \frac{E}{I_0} - R_1 = \frac{6}{4} - 1 \Rightarrow R_2 = 0.5 \Omega$

$\tau_1 = (R_1 + R_2) \cdot C$

$\tau_1 = 1.5s \Rightarrow C = \frac{\tau_1}{R_1 + R_2}$

$C = \frac{1.5}{1 + 0.5} \Rightarrow C = 1F$

$U_{R_2} = A e^{-\frac{t}{\tau_1}}$

$\frac{dU_{R_2}}{dt} = \frac{d(A e^{-\frac{t}{\tau_1}})}{dt} = -A \cdot \frac{1}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}}$

$-A \cdot \frac{1}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A e^{-\frac{t}{\tau_1}}}{\tau_1} = 0$

$A e^{-\frac{t}{\tau_1}} (-B + \frac{1}{\tau_1}) = 0$

$-B + \frac{1}{\tau_1} = 0 \Rightarrow B = \frac{1}{\tau_1}$

$B = \frac{1}{\tau_1}$

$U_{R_2}(0) = A e^0 = A$  عند  $t=0$

$U_{R_2}(0) = R_2 I_0$

$\Rightarrow A = R_2 \cdot I_0$

$$\left( \frac{R_1 + R_2}{R_2} \right) U_{R_2} + \frac{q}{C} = E$$

$$\frac{d}{dt} \left[ \left( \frac{R_1 + R_2}{R_2} \right) U_{R_2} + \frac{q}{C} \right] = \frac{dE}{dt}$$

$$\left( \frac{R_1 + R_2}{R_2} \right) \frac{dU_{R_2}}{dt} + \frac{1}{C} \frac{dq}{dt} = 0$$

$$\left( \frac{R_1 + R_2}{R_2} \right) \frac{dU_{R_2}}{dt} + \frac{1}{C} i = 0$$

$$\left( \frac{R_1 + R_2}{R_2} \right) \frac{dU_{R_2}}{dt} + \frac{U_{R_2}}{R_2 \cdot C} = 0$$

$$\frac{dU_{R_2}}{dt} + \frac{R_2}{R_1 + R_2} \frac{U_{R_2}}{R_2 \cdot C} = 0$$

$$\frac{dU_{R_2}}{dt} + \frac{U_{R_2}}{(R_1 + R_2) \cdot C} = 0$$

$$\frac{dU_{R_2}}{dt} + \frac{U_{R_2}}{\tau_1} = 0$$

$$\tau_1 = (R_1 + R_2) \cdot C$$

$$U_{R_2} = A e^{-\frac{t}{\tau_1}} \quad (1)$$

$$\frac{dU_{R_2}}{dt} = \frac{d(A e^{-\frac{t}{\tau_1}})}{dt} = -A \cdot \frac{1}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} \quad (2)$$

$$-A \cdot \frac{1}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A e^{-\frac{t}{\tau_1}}}{\tau_1} = 0$$

$$A e^{-\frac{t}{\tau_1}} (-B + \frac{1}{\tau_1}) = 0$$

$$-B + \frac{1}{\tau_1} = 0 \Rightarrow B = \frac{1}{\tau_1}$$

$$B = \frac{1}{\tau_1}$$

$$U_{R_2}(0) = A e^0 = A$$

$$U_{R_2}(0) = R_2 I_0$$

$$\Rightarrow A = R_2 \cdot I_0$$

$$\Rightarrow A = R_2 \cdot I_0$$

$$\Rightarrow A = R_2 \cdot I_0$$

إمضاء الوالي:

ملاحظات الأستاذ (ة):

في الترويض الجيد:

$$U_{R_2}(0) = A e^0 = A$$

$$U_{R_2}(0) = R_2 I_0$$

$$\Rightarrow A = R_2 \cdot I_0$$



من الشروط الابتدائية (ت=0):

$$I_R(0) = R \quad I(0) = 0$$

$$I_R(0) = RA' - B' \cdot e^{-\alpha t} = RA' - B'$$

$$\Rightarrow RA' - B' = 0 \Rightarrow \boxed{B' = RA' = \frac{RE}{R+r}}$$

$$U_R(t) = \frac{RE}{R+r} - \frac{RE}{R+r} e^{-\frac{R+r}{L}t}$$

$$\boxed{U_R(t) = \frac{RE}{R+r} (1 - e^{-\frac{R+r}{L}t})}$$

$$\frac{dU_R}{dt} = f(t) \quad \text{من السهل ان نلاحظ ان}$$

$$\frac{dU_R}{dt} = \alpha B' e^{-\alpha t} = \frac{R+r}{L} \cdot \frac{RE}{R+r} \cdot e^{-\alpha t}$$

$$\boxed{\frac{dU_R}{dt} = \frac{RE}{L} e^{-\frac{R+r}{L}t}}$$

$$\left(\frac{dU_R}{dt}\right)_{t=0} = \frac{RE}{L} \quad \text{عند } t=0 \text{ نلاحظ ان}$$

$$\left(\frac{dU_R}{dt}\right)_{t=0} = 12 \times 4 = 48 \text{ V/s}$$

$$\Rightarrow L = \frac{RE}{\left(\frac{dU_R}{dt}\right)_{t=0}} = \frac{8.6}{48}$$

$$\boxed{L = 1 \text{ H}}$$

$$U_R(t) = 0.37 \cdot \frac{dU_R}{dt}(0) = 0.37 \cdot 48 = 17.76 \text{ V}$$

$$\tau = 0.18$$

$$= \frac{L}{R+r} \Rightarrow R+r = \frac{L}{\tau}$$

$$= \frac{L}{\tau} - R = \frac{1}{0.1} - 8$$

$$\boxed{r = 2 \Omega}$$

المعادلة كذا في الوجة (2):

في حالة ظهروا الى

$$U_R + U_b = E$$

$$U_R + r i + L \frac{di}{dt} = E$$

$$U_R = R i \quad i = \frac{U_R}{R}$$

$$U_R + r \frac{U_R}{R} + L \frac{d(\frac{U_R}{R})}{dt} = E$$

$$U_R \left(1 + \frac{r}{R}\right) + L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{dU_R}{dt} = E$$

$$\frac{dU_R}{dt} + \left(\frac{R+r}{L}\right) U_R = \frac{R \cdot E}{L}$$

$$U_R = RA' - B' e^{-\alpha t}$$

$$\frac{dU_R}{dt} = \alpha (RA' - B' e^{-\alpha t}) = B' \alpha e^{-\alpha t}$$

$$\alpha B' e^{-\alpha t} + \left(\frac{R+r}{L}\right) (RA' - B' e^{-\alpha t}) = \frac{RE}{L}$$

$$\alpha B' e^{-\alpha t} + \frac{R+r}{L} RA' - \frac{R+r}{L} B' e^{-\alpha t} = \frac{RE}{L}$$

$$B' e^{-\alpha t} \left(\alpha - \frac{R+r}{L}\right) + \frac{R+r}{L} RA' = \frac{RE}{L}$$

$$\frac{R+r}{L} RA' = \frac{RE}{L}$$

$$\boxed{A' = \frac{E}{R+r}}$$

$$\boxed{A' = \frac{E}{R+r}}$$

$$\boxed{A' = \frac{E}{R+r}}$$



آیا در این مورد خبری است؟

$$z \in \mathbb{R} \text{ oder } z \in \mathbb{R}^n$$

$$= \frac{1}{2} L I_0^2 - \frac{1}{2} L i^2 \quad (4)$$

$$= \frac{1}{0} \cdot L \cdot I_0^2 - \frac{1}{0} \cdot L \cdot [I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})]^2$$

$$= \frac{1}{2} L I_0^2 - \frac{1}{2} L \cdot I_0^2 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$$

$$E_p(u) = \frac{1}{2} L I_0^2 \left[ 1 - \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)^2 \right]$$

$$\Rightarrow L_{rad} = \frac{1}{2} L I_0 \left[ 1 - \left( 1 - e^{-\frac{L}{2L}} \right)^2 \right]$$

$$E_p(z) = \frac{1}{2} L I_0^2 \left[ 1 - (1 - e^{-\alpha})^2 \right]$$

$$I_0 = \frac{E}{R_{\text{tot}}} = \frac{6}{8+0} = 0,6 \text{ A}$$

$$E_{10A} = 0.045 \text{ J}$$

$$d|B \cdot a|N \rightarrow 0 \quad (5)$$

$$\frac{dK}{dt} = g(t) \cdot \text{subfeng} - (1)$$

علا باقر داد - حیدر آباد

والله اعلم بالصواب

$$\left(\frac{dU_R}{dt}\right)_{t=0} = \frac{R\mathcal{E}}{L} \quad (t)_{\text{max}} = \dots$$

$$\uparrow \frac{dUR}{dE} = \frac{d}{dt} \left( \frac{dUR}{dE} \right)_{t=0} = 51$$

$\phi(A)$

Graph of  $g(k)$  vs  $k$ . The curve starts at  $(0, 1)$  and decreases monotonically, passing through approximately  $(1, 0.8)$ ,  $(2, 0.6)$ ,  $(3, 0.4)$ ,  $(4, 0.2)$ , and  $(5, 0.1)$ .

ملاحظات الأستاذ (ة):

آیا در این مورد خبری است؟

۱۔ صحت اُجال فرمادہ ہے

أكتب (أ) في الخانة المناسبة

Phan Thiet (2)

$K_{A1} = \frac{1}{1 + \frac{1}{\alpha}} = \frac{\alpha}{1 + \alpha} = 0.8$

CA<sub>3</sub> Loop

رفع فروع (a) ۱۰

$$pk_2 + \log \left[ \frac{C_{A,100}}{C_{A,00}} \right]$$

$$\frac{P_{\text{low}}}{P_{\text{low HT}}} = 10^{11-1.2}$$

$$M_{300} = 90158$$

4		
---	--	--

410 + wy 4.

[illegible]



$$x_f = n_f(\text{OH}) = [\text{OH}]_f \cdot V_0$$

$$K_e = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \cdot [\text{OH}]_f \Rightarrow [\text{OH}]_f = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]_f}$$

$$x_f = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]_f} \cdot V_0 = \frac{K_e \cdot V_0}{10^{\text{pH}}}$$

المعدل المولاري للمركب في المحلول

$$\% \text{CH}_3\text{COOH} = 28\%$$

$$\% \text{CH}_3\text{COO}^- = 72\%$$

$$f = \frac{K_e \cdot V_0}{10^{\text{pH}} \cdot C_0 \cdot V_0} \Rightarrow f = \frac{K_e}{10^{\text{pH}} \cdot C_0}$$

$$\Rightarrow f = \frac{10^{-14} \cdot 10^9}{10^2} \Rightarrow f = 9.08$$

المعدل المولاري للمركب في المحلول

$$\% \text{CH}_3\text{COOH} = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}]}{[\text{CH}_3\text{COOH}] + [\text{CH}_3\text{COO}^-]} \times 100$$

$$[\text{CH}_3\text{COOH}] + [\text{CH}_3\text{COO}^-] = C = 2.8$$

$$\Rightarrow \% \text{CH}_3\text{COOH} = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}]}{C} \times 100$$

المعدل المولاري للمركب في المحلول

(pH=10.9) > (pKa=9.8) : يكون المركب في صورة الأيونات سالبة الشحنة.

المركب في صورة الأيونات سالبة الشحنة.

المركب في صورة الأيونات سالبة الشحنة.

$$[\text{CH}_3\text{COOH}] = \frac{\% \text{CH}_3\text{COOH} \cdot C}{100}$$

$$\Rightarrow [\text{CH}_3\text{COOH}] = \frac{28 \times 10^{-2}}{100}$$

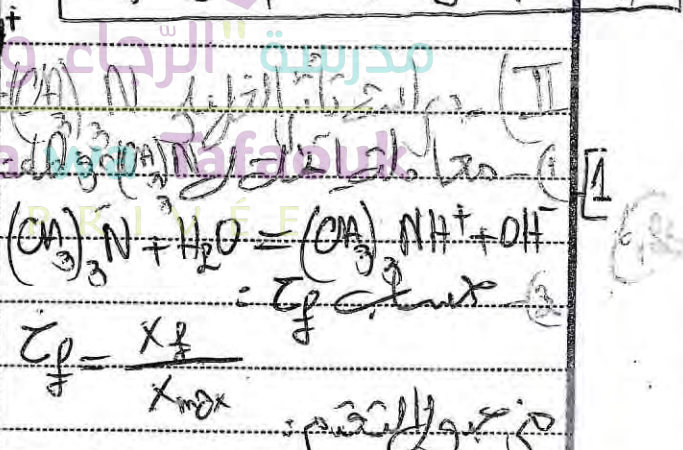
$$[\text{CH}_3\text{COOH}] = 2.8 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

$$[\text{CH}_3\text{COO}^-] = 4 \cdot [\text{CH}_3\text{COOH}] = 0.0112 \text{ mol/L}$$

$$K = Q_f = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_f \cdot [\text{CH}_3\text{NH}_3^+]_f}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_f \cdot [\text{CH}_3\text{NH}_2]_f} \times \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{H}_3\text{O}^+]_f}$$

$$K = \frac{K_{a1}}{K_{a2}} = \frac{10^{-\text{pKa}_1}}{10^{-\text{pKa}_2}}$$

$$K = 10^{\text{pKa}_2 - \text{pKa}_1} = 10^{9.8 - 4.8}$$



$$K = 10^5$$

$$\frac{[(\text{CH}_3)_3\text{N}]}{[(\text{CH}_3)_3\text{NH}^+]} = 10^{\text{pH} - \text{pKa}_2} = 10^{6.5 - 9.8}$$

$$\frac{[(\text{CH}_3)_3\text{N}]}{[(\text{CH}_3)_3\text{NH}^+]} = 5.011 \cdot 10^{-4}$$

المركب في صورة الأيونات سالبة الشحنة

t=0	n <sub>0</sub> = 0.5 g	0	0
t	n <sub>0</sub> - x	x	x
t <sub>f</sub>	n <sub>0</sub> - x <sub>f</sub>	x <sub>f</sub>	x <sub>f</sub>

المركب في صورة الأيونات سالبة الشحنة

$$n_0 - x_{\text{max}} = 0 \Rightarrow x_{\text{max}} = n_0 = C_0 \cdot V_0$$



هذه النقطة التي يحدث عندها انتقال  
 للحمض والتي تسمى بالنقطة  
 $n_b = n_{aE} \Rightarrow C_b V_b = C_a V_{aE}$   
 حيث  $V_{aE}$  هي نقطة التناهي  
 $V_{aE} = 13 \text{ mL}$   
 $C_b = \frac{C_a \cdot V_{aE}}{V_b} = \frac{10^{-3} \cdot 13}{10}$   
 $C_b = 13 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$

$C = \frac{n_b}{V_1} \Rightarrow n_b = C_b V_1$   
 $n_b = 13 \cdot 10^{-3} \cdot 0,1$   
 $n_b = 1,3 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

$n_b = \frac{m}{M} \Rightarrow m = n_b \cdot M$   
 $m = 1,3 \cdot 10^{-4} \cdot 59$   
 $m = 7,67 \cdot 10^{-3} \text{ g}$   
 $m = 7,67 \text{ mg}$   
 وبما أن  $n \in [10; 15] \text{ (mg)}$

وزن: السمك المتواجد بالعينون  
 غير قابل للامتصاص

إمضاء الوالي:

الفائدة من إتمام التمرين  
 على السمك  
 من نتائج التمرين المستفادة  
 1. قبل إتمام التمرين  
 على السمك تحتوي على كمية  
 كبيرة من مادة  $N(CH_3)_3$   
 عند إضافة حمض النتر  
 أو ماء على السمك يتفاعل  
 الحمض  $N(CH_3)_3$  مع الماء  
 لتكوين  $N(CH_3)_3 \cdot H_2O$   
 أو  $N(CH_3)_3 \cdot HNO_3$  ما يؤدي  
 إلى اختفاء كل المادة  $N(CH_3)_3$   
 من السمك  
 2. عند إضافة الماء  
 على السمك يتفاعل  
 مع الماء لتكوين حمض النتر  
 ماء على السمك يتفاعل  
 اختفاء المادة من السمك  
 المسببة للرائحة النرجسية

III. مراقبة جودة السمك  
 100g سمك + 100mL ماء  
 (S)  $C_b = ?$   
 100g سمك + 100mL ماء  
 (S)  $C_b = ?$

ملاحظات الأستاذ (ة):  
 1. عند إضافة الماء على السمك  
 $(CH_3)_3N + H_2O^+ = (CH_3)_3NH^+ + OH^-$   
 حيث  $C_b$  من مقياس نقطة  
 التناهي



على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

## الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (06) صفحات ( من الصفحة 01 من 12 إلى الصفحة 06 من 12 )

## التمرين الأول: 05 نقاط

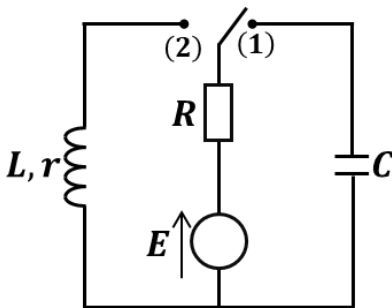
الهدف من التمرين هو تعيين الثوابت المميزة لبعض ثنائيات القطب، في الشكل - 1 - المقابل تتكون الدارة الكهربائية من :

- مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية  $E = 12 \text{ V}$ 

- ناقل أومي مقاومته  $R$ 

- وشيعة  $(L, r)$ 

- مكثفة سعتها  $C$ 

- بادلة  $K$  .


الشكل - 1 -

الجزء الأول : نضع البادلة  $K$  في الوضع (1) في لحظة نعتبرها  $t = 0$  .

1 - أعد رسم مخطط الدارة مبينا جهة مرور التيار وكذلك جهة التوترات .

2 - بين كيفية توصيل راسم الاهتزاز لمعاينة التوترين  $u_R$  و  $u_C$  .

3 - أ - أكتب المعادلة التفاضلية لشدة التيار المار في الدارة .

ب - يعطى حل المعادلة السابقة  $i(t) = A \cdot e^{-Bt}$  حيث  $A$  و  $B$  ثابتان

يطلب تعيين عبارتيهما بدلالة  $C, R, E$  .

4 - بالاستعانة ببرمجية مناسبة تمكنا من متابعة تطور شدة التيار

الكهربيائي مكنت بالاستعانة برسمته مناسبة من الحصول على المنحنى ( الشكل )

- بالاعتماد على البيان أوجد :  $C, \tau, R$  .

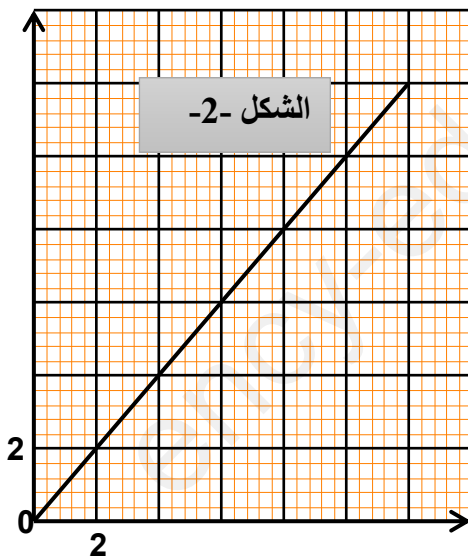
5 - احسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t = 2,5 \tau$  .

6 - ارسم بعناية البيانات على شاشة راسم الاهتزاز .

الجزء الثاني : في لحظة أخرى نعتبرها من جديد  $t = 0$  ، نغير البادلة إلى الوضع (2) .

أ - بين أن المعادلة التفاضلية للتيار المار في الدارة تعطى بالعلاقة :  $\alpha \frac{di}{dt} + i(t) = \beta$ 

$$-\frac{di}{dt} \left( \frac{A}{s} \right)$$



الشكل - 2 -

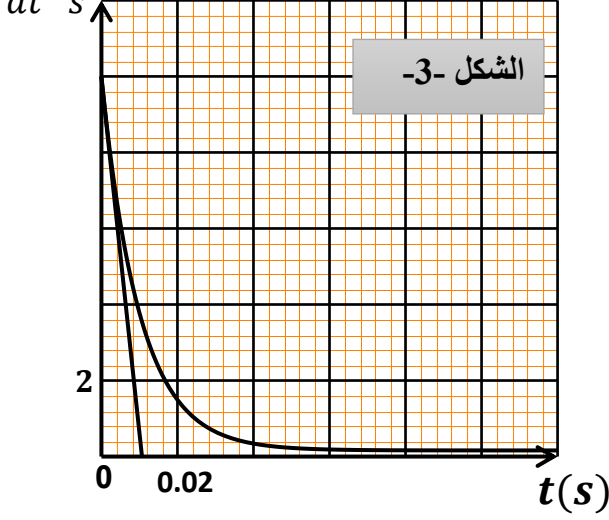


حيث  $\alpha$  و  $\beta$  ثابتان يطلب تعيين عبارتيهما ومدلولهما الفيزيائي .

ب- تاكد أن العبارة  $i(t) = \beta(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  هي حل للمعادلة السابقة

2 - اوجد عبارة التوتر بين طرفي الوشيعة بدلالة الزمن

3 - بواسطة برمجية مناسبة تمكنا من رسم البيان  $\frac{di}{dt} = f(t)$  الشكل (4). بالاعتماد على البيان حدد :  $\frac{di}{dt} \left( \frac{A}{s} \right)$



أ- قيمة الذاتية  $L$  للوشيعة .

ب- قيمة الثابت  $\alpha$ .

ج- مقاومة الوشيعة  $r$ .

4- أعط تمثيلا دقيقا للمنحنى  $U_1$  بين طرفي الوشيعة

5- أكتب عبارة الطاقة المخزنة في الوشيعة  $E_b$  بدلالة الزمن

بين أن عبارة ثابت الزمن  $\tau$  يمكن كتابتها بالشكل

$$\tau = - \frac{t}{\ln \left( 1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{L I_0^2}} \right)}$$

### التمرين الثاني: (05 نقاط)

1- كرة مطاطية مملوءة بغاز ثنائي أكسيد الكربون  $CO_2$  كتلتها  $(m)$  ونصف قطرها  $r = 10 \text{ cm}$  ، حيث نهمل كتلة المطاط أمام كتلة الغاز .

عند اللحظة  $t = 0 \text{ s}$  نترك هذه الكرة تسقط بدون سرعة ابتدائية شاقولية من ارتفاع  $h$  عن سطح الأرض في جو هادئ تخضع الكرة أثناء سقوطها إلى قوة احتكاك  $\vec{f}$  عبارة شدتها من الشكل  $f = k v^2$ .

تنسب الحركة لمرجع سطحي أرضي نعتبره عطالي مرتبط بمحور شاقولي موجه نحو الأسفل  $(O\vec{z})$  .

1 - تكتسب الكرة بعد مدة زمنية سرعة حدية  $v_l$  ، بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن المعادلة التفاضلية

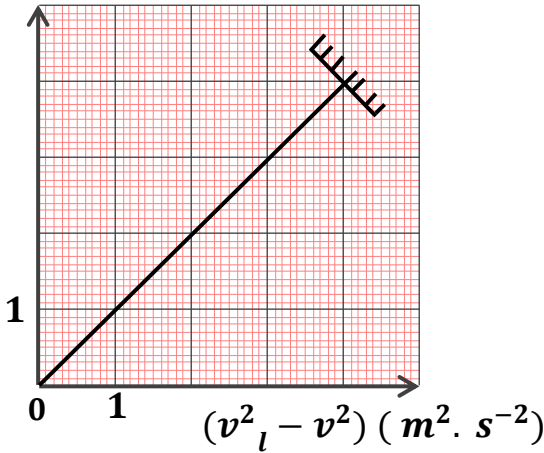
$$\frac{dv}{dt} = \frac{k}{m} (v_l^2 - v^2) : \text{ بالشكل}$$

2- بواسطة تجهيز خاص وبرنامج معلوماتي تمكنا من تحديد سرعة الكرة في لحظات مختلفة وقيمة مشتق

السرعة بالنسبة للزمن في تلك اللحظات ، ثم مثلنا بيانيا التسارع  $a$  بدلالة  $(v_l^2 - v^2)$

حيث  $a$  يمثل التسارع اللحظي للكرة أنظر الشكل 04.

الشكل -4-



أ - تحقق أن قيمة كتلة الكرة  $m = 7.83 \times 10^{-3} \text{ kg}$ .

ب - بالإعتماد على البيان :- أحسب قيمة معامل الاحتكاك  $k$ .

- أحسب قيمة  $a_0$  التسارع الابتدائي للكرة ، واستنتج

الكتلة الحجمية  $\rho_{air}$  للهواء في شروط التجربة .

- أحسب قيمة السرعة  $v_l$  الحدية للكرة .

المعطيات: حجم الكرة  $V = \frac{4}{3}\pi r^3$  ، في شروط التجربة :  
الكتلة الحجمية لغاز ثنائي أكسيد الكربون

$$g = 10 \text{ m.s}^{-2}, \rho_{CO_2} = 1.96 \text{ kg.m}^{-3}$$

II - نهمل في هذا الجزء تأثير الهواء ودافعة أرخميدس .

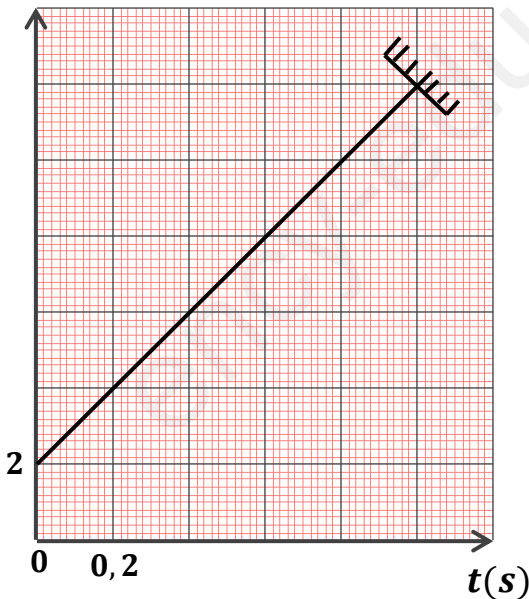
نقذف الكرة المطاطية السابقة المملوءة بغاز ثنائي أكسيد الكربون من نفس الارتفاع السابق  $h$  شاقوليا

نحو الأسفل بسرعة ابتدائية  $\vec{v}_0$  حاملها منطبق مع المحور  $(\vec{OZ})$  ، فتسقط الكرة لتلامس سطح الأرض عند  
الموضع  $M$  بسرعة قدرها  $v_M$  عند اللحظة  $t_M$ .

و بالإعتماد على نتائج الدراسة التجريبية تمكنا من رسم المنحنى البياني  $v = g(t)$  لتغيرات سرعة الكرة

بدلالة الزمن الموضح في الشكل - 05 -

الشكل -5-



1 - أ - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن العبارة الزمنية

لتغيرات سرعة الكرة تكتب بالشكل :

$$v(t) = gt + v_0$$

ب - استنتج العبارة الزمنية لتغير الفاصلة الزمنية  $z(t)$ .

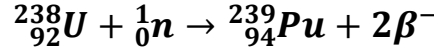
2 - بالإعتماد على البيان :

أ - استنتج قيمة كل من  $v_0$  و  $v_M$  و  $t_M$ .

ب - أحسب قيمة الارتفاع  $h$ .

### التمرين الثالث: (04 نقاط)

البلوتونيوم  $^{239}_{94}\text{Pu}$  هو أحد نظائر البلوتونيوم وهو من المواد التي تستخدم كوقود نووي في المفاعلات النووية لإنتاج الطاقة الكهربائية، يتم إنتاجه إنطلاقاً من اليورانيوم  $^{238}_{92}\text{U}$  وفق المعادلة النووية التالية:



I- البلوتونيوم  $^{239}_{94}\text{Pu}$  يتفكك تلقائياً مصدراً لجسيمات  $\alpha$ .

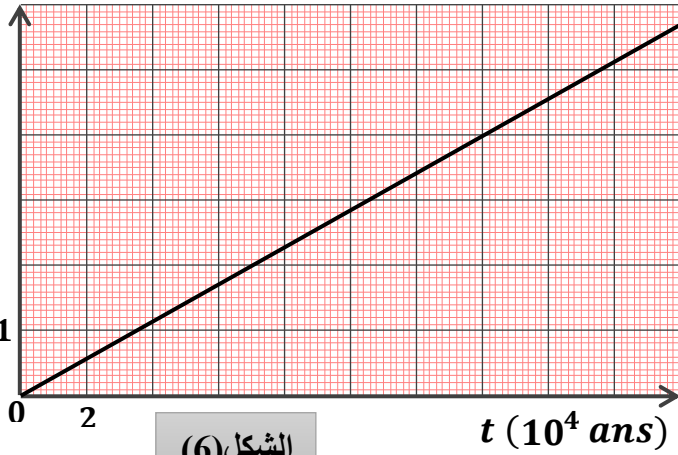
1 أ- عرف كلا من: النظير والجسيمات  $\alpha$ .

ب- أكتب معادلة التفكك النووي لنواة البلوتونيوم  $^{239}_{94}\text{Pu}$  علماً أن النواة الناتجة هي أحد نظائر اليورانيوم  $^{A}_{Z}\text{U}$ .

2- عينة من البلوتونيوم  $^{239}_{94}\text{Pu}$  كتلتها  $m_0 = 1\text{g}$ .

$$\ln\left(\frac{m_0}{m}\right)$$

بواسطة برنامج محاكاة للنشاط الإشعاعي تمكنا من الحصول على البيان في الشكل 6- أدناه:



الشكل (6)

1.2. اختر الإجابة الصحيحة مع التبرير:

يعبر عن كتلة الأنوية المتبقية في العينة بالعلاقة:

أ-  $m_0 = m(t)e^{-\lambda t}$

ب-  $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$

ج-  $m(t) = m_0 (1 - e^{-\lambda t})$

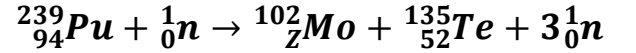
2.2. اعتماداً على البيان، و استنتج قيمة ثابت النشاط

الإشعاعي  $\lambda$ .

3.2. أحسب قيمة النشاط الابتدائي  $A_0$  للعينة السابقة.

II- ينمذج أحد التفاعلات الممكنة لإنشطار نواة  $^{239}_{94}\text{Pu}$

بالمعادلة النووية التالية:



1. عرف تفاعل الإنشطار النووي.

2. عين قيمة  $Z$  مع تعيين القانون المستعمل.

3.أ. ماهي النواة الأكثر استقراراً من بين الأنوية الواردة في معادلة تفاعل الإنشطار النووي السابقة ؟

3.ب. هل النتيجة تتوافق مع التعريف ؟

4. أحسب الطاقة المحررة عن إنشطار نواة واحدة من البلوتونيوم  $^{239}_{94}\text{Pu}$ .

5.أ. أحسب بالجول الطاقة المحررة من العينة السابقة ( $m_0 = 1\text{g}$ ).

5.ب. تستعمل الطاقة السابقة في توليد الكهرباء في مفاعل نووي استطاعته الكهربائية  $P = 30\text{MW}$  بمردود طاقي

$$r = 30\%$$

- أحسب المدة اللازمة لاستهلاك الكتلة السابقة.

يعطى:

المردود الطاقي  $r = \frac{E_e}{E_{(Lib)T}} \times 100$  ( $E_e$  الطاقة الكهربائية،  $E_{(Lib)T}$  الطاقة المحررة الكلية من العينة).

$$1\text{MW} = 10^6\text{W}, 1\text{MeV} = 1,6 \cdot 10^{-13}\text{J}, \frac{E_L(^{135}_{52}\text{Te})}{A} = 8,3\text{MeV}/\text{nucl}, \frac{E_L(^{239}_{94}\text{Pu})}{A} = 7,5\text{MeV}/\text{nucl}$$

$$m(^1_0\text{n}) = 1,00866\text{u}, m(^1_1\text{p}) = 1,00728\text{u}, 1\text{u} = 931,5\text{MeV}/C^2, N_A = 6,02 \cdot 10^{23}\text{mol}^{-1}$$

$$m(^{239}_{94}\text{Pu}) = 239,0015\text{u}, m(^{102}_{Z}\text{Mo}) = 101,8874\text{u}, m(^{135}_{52}\text{Te}) = 134,8881\text{u}$$

$$1\text{ans} = 365,25\text{jours}, M_{\text{Pu}} = 239\text{g/mol}$$

### التمرين التجريبي: (06 نقاط)

يعتبر حمض كلور الماء ( $H_3O^+ + Cl^-$ ) أو ما يعرف تجاريا بروح الملح من أكثر الأحماض استخداما خاصة في تنظيف المجاري و أنابيب الصرف الصحي.

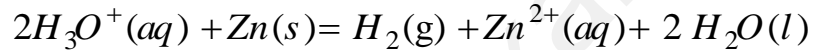
يهدف هذا التمرين الى دراسة بعض التفاعلات الكيميائية لهذا الحمض.

**I-** في ايرلينة ماير نضع عند اللحظة  $t = 0$  وعند درجة حرارة  $\theta = 25^\circ C$  نضيف قطعة من الزنك  $Zn$  كتلتها

$m_0$  مع حجم قدره  $V = 100 mL$  من محلول لحمض كلور الماء ( $H_3O^+ + Cl^-$ ) تركيزه المولي

$C = 5 \times 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$  : تعطى:  $M(Zn) = 64,5 g \cdot mol^{-1}$ .

التحول الحادث بطيء وتام، ينمذج بالمعادلة:



1. حدد الثنائيتين ( $ox / red$ ) المشاركتين في هذا التفاعل.

2. انجز جدول تقدم التفاعل.

3. قمنا بقياس  $pH$  المزيج في نهاية التفاعل فتحصلنا على القيمة 1.69.

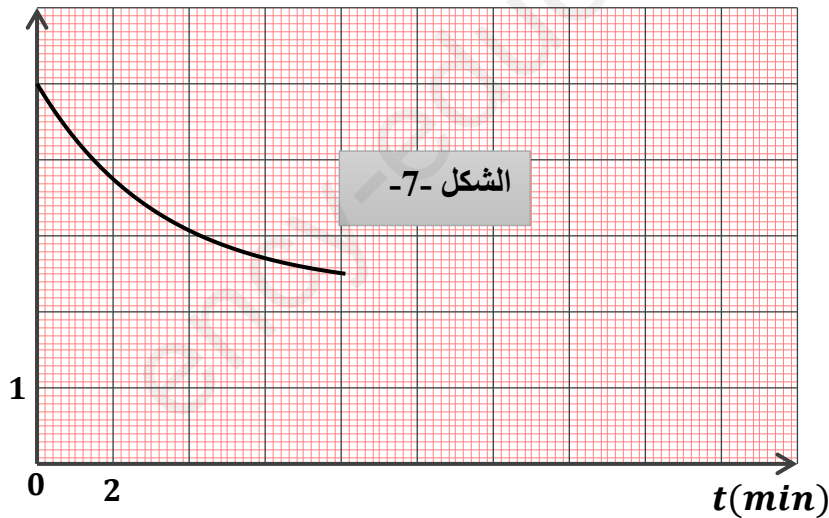
1.3 احسب تركيز شوارد  $H_3O^+$  في الحالة النهائية واستنتج كمية مادتها في هذه الحالة.

2.3 حدد المتفاعل المحد، ثم استنتج قيمة التقدم الاعظمي  $X_{max}$ .

3.3 حدد كتلة الزنك  $m_0$ .

**II** المتابعة الزمنية لهذا التحول مكنتنا من رسم المنحنى:  $[H_3O^+] = f(t)$  كما في الشكل-7.

$[H_3O^+] \times 10^{-2} mol/L$



1. اكمل المنحنى البياني مع التعليل.

2. جد بيانيا زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ ،  
موضحا كيفية ذلك.

3. احسب السرعة الحجمية الابتدائية لاختفاء  
شوارد  $H_3O^+$ ، واستنتج السرعة الحجمية  
للتفاعل الأعظمية.

4. نكرر التجربة في درجة حرارة  $\theta = 31^\circ C$ .

- ارسم على نفس الشكل المنحنى  
 $[H_3O^+] = g(t)$ ، مع تفسير تأثير العامل  
الحركي المسؤول عن تغير سرعة التفاعل  
مجهريا.

### III- معايرة محلول النشادر بواسطة محلول حمض كلور الماء :

نقوم بمعايرة حجما  $V_B = 20 \text{ mL}$  من محلول مائي  $(S_b)$  للنشادر  $NH_3(aq)$  تركيزه المولي  $C_B$  بواسطة محلول حمض كلور الماء المتبقي من التفاعل السابق (الجزء II) ذي التركيز  $C_A$ ، بواسطة المعايرة  $pH$  - مترية تحصلنا على المنحنى الممثل في الشكل-8. تغيرات  $pH$  المزيج بدلالة حجم المحلول الحمضي المضاف  $V_A$ .

1. اكتب معادلة تفاعل المعايرة .

2. ارسم التركيب التجريبي المستعمل مع ارفاقه بالبيانات.

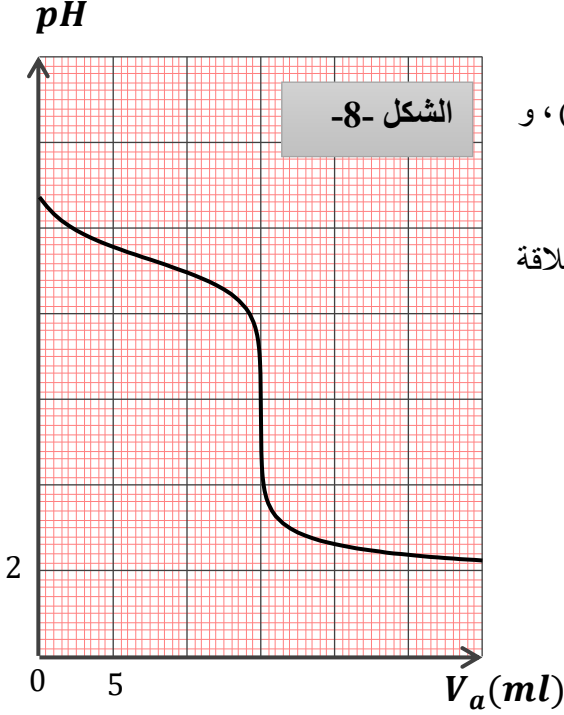
3. جد احداثيي نقطة التكافؤ  $E$ ، ثم احسب قيمة  $C_B$  .

4. جد بيانيا قيمة ثابت الحموضة  $pKa$  للثنائية  $(NH_4^+(aq) / NH_3(aq))$  ، و استنتج قيمة  $Ka$ .

5. احسب ثابت التوازن  $K$  لتفاعل المعايرة ، ماذا تستنتج؟

6. حدد الحجم  $V_A$  من المحلول الحمضي الواجب اضافته لكي تتحقق العلاقة :

$$[NH_4^+] = 15 [NH_3] \text{ في المزيج التفاعلي .}$$



انتهى الموضوع الأول



## الموضوع لثاني

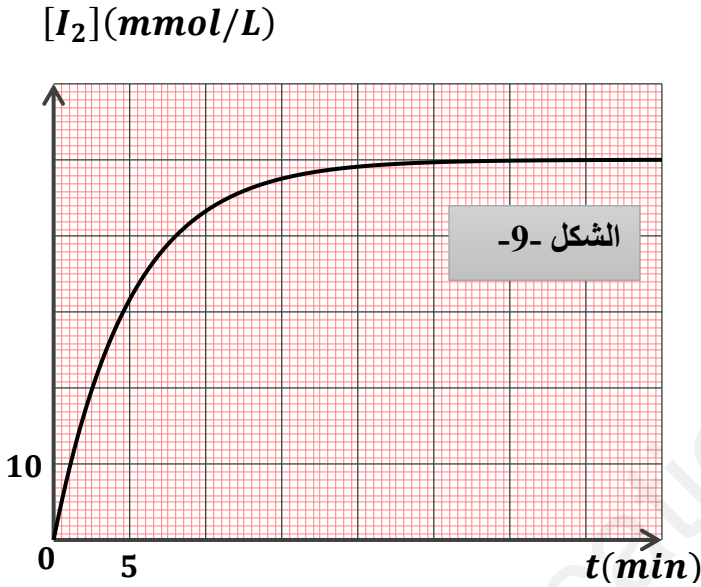
يحتوي الموضوع الثاني على (06) صفحات ( من الصفحة 07 من 12 إلى الصفحة 12 من 12 )

## التمرين الأول (04.5 نقاط) :

نضع في بيشر حجما  $V_1 = 50 \text{ mL}$  من ماء الجافيل الذي يحتوي على شوارد الهيوكلوريت  $\text{ClO}^-$  تركيزها المولي  $C_1 = 0,56 \text{ mol/L}$  ونظيف إليه حجما  $V_2 = 50 \text{ mL}$  من محلول يود البوتاسيوم  $(\text{K}^+ + \text{I}^-)$  تركيزه المولي  $C_2 = 0,2 \text{ mol/L}$  مع قطرات من حمض الكبريت المركز. المعادلة المنمذجة للتفاعل الحادث:



لتابعة هذا التفاعل البطيء والتام، نأخذ عند لحظات زمنية مختلفة بواسطة ماصة  $V = 10 \text{ mL}$  من المزيج، نسكبه في بيشر ونظيف إليه الماء والجليد، ثم نعاير محتوى البيشر  $(\text{I}_2)$  بواسطة محلول ثيوكبريتات الصوديوم  $(2\text{Na}^+ + \text{S}_2\text{O}_3^{2-})$  تركيزه المولي  $C_0 = 0,04 \text{ mol/L}$ . النتائج أعطت المنحنى الممثل في الشكل (09).



1. هل يعتبر حمض الكبريت وسيط؟ علل.
2. اعتمادا على معادلة التفاعل (1)، استنتج الشائيات  $(\text{Ox/Red})$  الداخلة في التفاعل.
3. لماذا تم إضافة الماء والجليد قبل عملية المعايرة؟
4. انجز جدولا لتقدم التفاعل الكيميائي الحادث بين شوارد الهيوكلوريت وشوارد اليود.
5. أوجد العلاقة التي تربط بين  $[\text{I}_2]_t$  وتقدم التفاعل  $x_t$ .
6. أ- عرف السرعة الحجمية للتفاعل.

ب- احسب السرعة الحجمية للتفاعل عند  $t_1 = 5 \text{ min}$  و  $t_2 = 10 \text{ min}$ . كيف تتطور مع مرور الزمن؟

ج- ما هو العامل الحركي المسؤول عن ذلك؟

7. عرف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ ، ثم حدد قيمته.

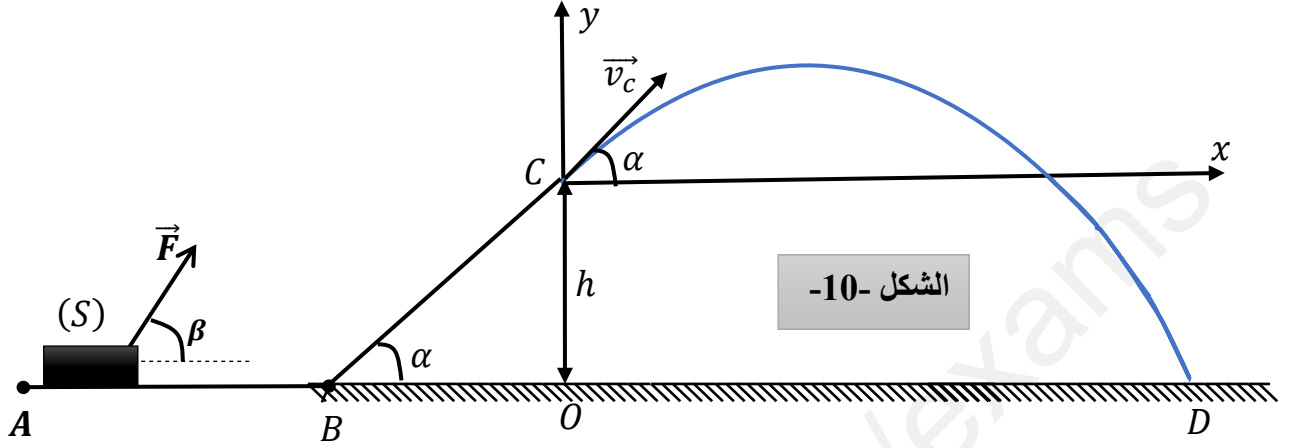
8. أ- اكتب معادلة تفاعل المعايرة. (يعطى  $(\text{S}_4\text{O}_6^{2-}/\text{S}_2\text{O}_3^{2-})$ )

ب- عرف التكافؤ، ثم جد العبارة الحرفية التي تربط بين  $[\text{I}_2]$  بدلالة الحجم  $V$  والحجم  $V_E$  والتركيز  $C_0$  لمحلول ثيوكبريتات الصوديوم.

ج- ما هو حجم التكافؤ اللازم إضافته عند اللحظة  $t = 5 \text{ min}$  ؟

**التمرين الثاني (05.5 نقاط):**

يتحرك جسم ( $m$ ) كتلته  $m = 400g$  على المسار ( $ABC$ )، يبدأ حركته من الموضع  $A$  بسرعة  $\vec{v}_A$  وذلك تحت تأثير قوة جر  $\vec{F}$  ثابتة ويصنع حاملها مع الأفق زاوية  $\beta = 60^\circ$ .



يخضع الجسم أثناء حركته لقوة احتكاك  $\vec{f}$  شدتها ثابتة  $0.4N$  على الجزء  $AB$  فقط (انظر الشكل -10-).

**I- دراسة حركة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $AB$ ):**

- 1 - أحص ومثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة الجسم ( $S$ ).
- 2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجسم ( $S$ ).

أ - بين أن المعادلة التفاضلية لسرعة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) تكتب بالشكل:  $\frac{dv}{dt} = \frac{-f + F \cos \beta}{m}$

ب - استنتج العبارة الزمنية لسرعة مركز عطالة الجسم ( $S$ ).

3 - البيان المقابل في الشكل -11- يمثل مخطط سرعة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $AB$ ).

أ - هل يتوافق البيان مع العبارة الزمنية للسرعة؟ علل.

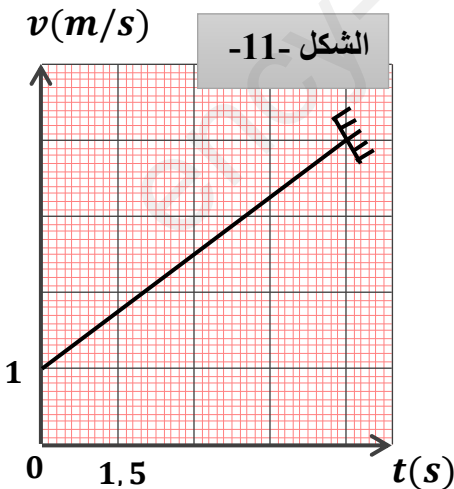
ب - اعتمادا على البيان اوجد قيمة كل من: شدة كل  $v_A$  و  $a$  (تسارع مركز عطالة الجسم ( $S$ )) و ثم استنتج  $F$ .

ج - أحسب المسافة المقطوعة  $AB$ .

د - بالاعتماد على النتائج المتحصل عليها استنتج طبيعة حركة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $AB$ ).

**II- دراسة حركة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $BC$ ):**

نعتبر  $\alpha = 45^\circ$  و  $BC = 0.85 m$  و  $g = 10 m.s^{-2}$



يواصل الجسم حركته على الجزء (BC) بدون احتكاك و بدون قوة جريلصل إلى الموضع C بسرعة  $\vec{v}_C$

1 - مثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة الجسم (S) .

2 - أحسب شدة القوة R التي تطبقها الطريق على الجسم في هذا الجزء .

3 - بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم + أرض) بين أن :  $v_C = 2 \text{ m.s}^{-1}$

III - يغادر الجسم المسار الموضع C ليقفز في الهواء بسرعة  $\vec{v}_C$  يصنع حاملها زاوية  $\alpha = 45^\circ$  مع الأفق ليرتطم بسطح الأرض عند الموضع D.

1 - أدرس طبيعة حركة الجسم (S) في المعلم (cx; cy) المرتبط بمرجع غاليلي .

2 - أكتب المعادلات الزمنية  $x(t)$  و  $y(t)$  ، ثم أكتب معادلة المسار .

3 - أحسب المسافة الأفقية OD .

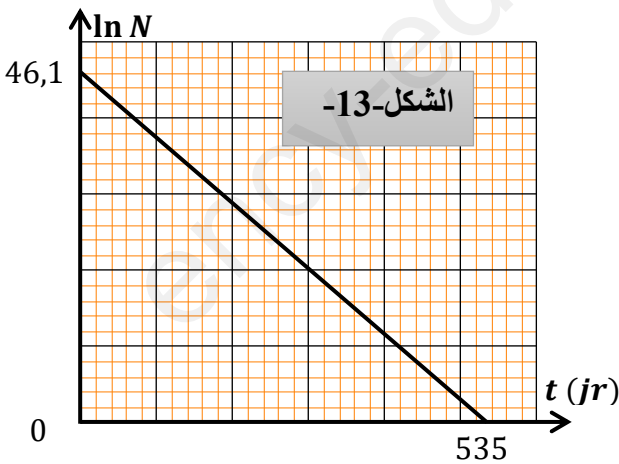
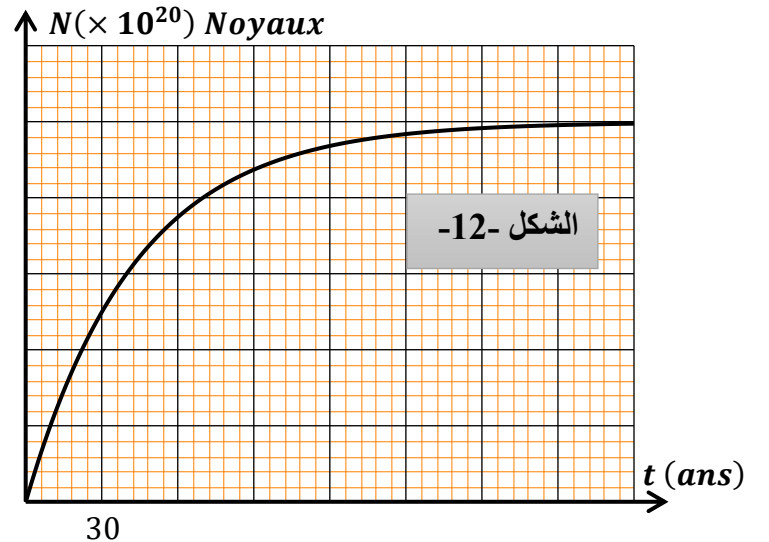
4 - أحسب زمن السقوط  $t_D$  في الموضع D ، ثم استنتج السرعة عند هذا الموضع .

5 - ماهو أقصى ارتفاع  $y_s$  يصل إليه الجسم .

**التمرين الثالث (04 نقاط) :**

لدينا عينتان من عنصرين مشعّين حسب النمط  $\beta^-$ ، العينة الأولى تتألف من  $N'_0$  نواة من اليود  $^{131}\text{I}$  والثانية تتألف من  $N_0$  من أنوية السيزيوم  $^{137}\text{Cs}$ .

مثلنا في الشكل (12) بيانا خاصة بعينة السيزيوم، وفي الشكل (13) بيانا خاصا بعينة اليود، زمن نصف عمر السيزيوم  $^{137}$  هو  $t_{1/2}$  وزمن نصف عمر اليود  $^{131}$  هو  $t'_{1/2}$ .



1. يتسرب هذان العنصرين عند حدوث أعطال في المفاعلات النووية، ما هو الأخطر إشعاعيا على الطبيعة؟
2. عرف زمن نصف العمر.
3. من بين العبارات الأربعة التالية، هناك عبارة واحدة يتعلق بها زمن نصف العمر، حددها:
  - عمر العينة المشعة.
  - عدد الأنوية الابتدائية.
  - درجة حرارة العينة.
  - طبيعة النواة.
4. أوجد  $t_{1/2}$  و  $t'_{1/2}$ .
5. أوجد في اللحظة  $t$  النسبة بين عدد أنوية السيزيوم 137 وعدد أنوية اليود 131 بدلالة  $t_{1/2}$  و  $t'_{1/2}$  عندما يصبح للعينتين نفس النشاط الإشعاعي. ثم أحسبها.
6. في سنة 1986 لما انفجر المفاعل النووي السوفياتي، حدث تسرب السيزيوم 137، مما أدى إلى التلوث النووي لمنطقة مساحتها  $10000 \text{ km}^2$ . كان حينها نشاطه  $A_0 = 5,55 \times 10^{15} \text{ Bq}$ .  
 أـ في أي سنة نعتبر أن هذه المنطقة أصبحت غير ملوثة. نعتبر أن منبعاً غير فعال عندما يتفكك 99 % من عدد أنوية الابتدائية.  
 بـ أحسب كتلة السيزيوم التي انتشرت في الطبيعة عند تسربه من المفاعل.

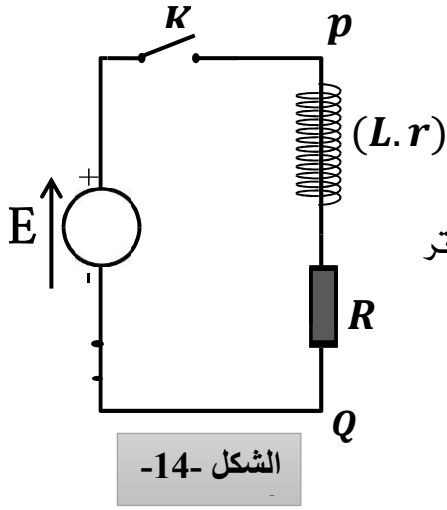
#### المعطيات:

$$1 \text{ MeV} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ J} \quad 1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV}/c^2 \quad N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$m_n = 1,00866 \text{ u} \quad m_p = 1,00728 \text{ u} \quad m_{Nb} = 98,88876 \text{ u} \quad m_{Sb} = 133,89306 \text{ u}$$

#### التمرين التجريبي (06 نقاط) :

- البيانو الإلكتروني جهاز صوتي يرسل نوطات موسيقية ذات ترددات مختلفة. من بين أهم مكونات دارته الإلكترونية الوشيعة والمكثفات.
- استخرجت مجموعة من التلاميذ بثانوية قطاش حمود من جهاز بيانو متلف وشيعة ومكثفة بغرض تحديد كل من المقادير المميزة لها وهي ذاتية الوشيعة  $L$  والمقاومة الدخلية  $r$  للوشيعة السعة المكثفة  $C$ ، وكذا تحديد التواتر  $f$  إحدى النوطات الموسيقية، ومن أجل ذلك ننجز الدراستين التجريبيتين التاليتين :

الجزء الأول : دراسة ثنائي القطب  $RL$  .

لتحديد المقدارين المميزين في الوشيعة ( ذاتيتها  $L$  والمقاومة الداخلية  $r$  ) ،

انجز التلاميذ التركيب التجريبي الممثل في الشكل - 14 - عند اللحظة

$t = 0$  ، تم اغلاق القاطعة وتتبعنا بواسطة راسم الإهتزاز ذو ذاكرة تغيرات

كل من التوتر  $u_R(t)$  بين طرفي الناقل الأومي ذي المقاومة  $R = 100\Omega$  و التوتر

$u_{pQ}(t)$  بين طرفي المولد الكهربائي ، فتم الحصول على المنحنيين

(a) و (b) الممثلين في الشكل - 15 -

1-1 - أنقل الشكل -14- على ورقة الإجابة ومثل عليه الجهة الإصطلاحية لجهة التيار الكهربائي  $i(t)$  و

التوترات  $u_R(t)$  و  $u_b(t)$  بأسم مع تبين كيفية توصيل راسم

الإهتزاز لمهبطي لمشاهدة التوترات  $u_R(t)$  و  $u_{pQ}(t)$  .

1-2 - بين أن المنحنى (b) يمثل التوتر  $u_R(t)$  .

1-3 - عين بيانيا قيمة كل من :

أ- القوة المحركة الكهربائية  $E$  .

ب- التوتر  $u_{R.max}$  بين طرفي الناقل الأومي في النظام الدائم.

ج- ثابت الزمن  $\tau$  .

1-4 - اثبت أن المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$  .

الكهربائي المار في الدارة تكتب بالشكل :

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$$

1-5 - بين أن المقاومة الداخلية للوشيعة تكتب بالشكل :  $r = R \cdot \left( \frac{E}{u_{R.max}} - 1 \right)$  . ثم أحسب قيمة  $r$  .

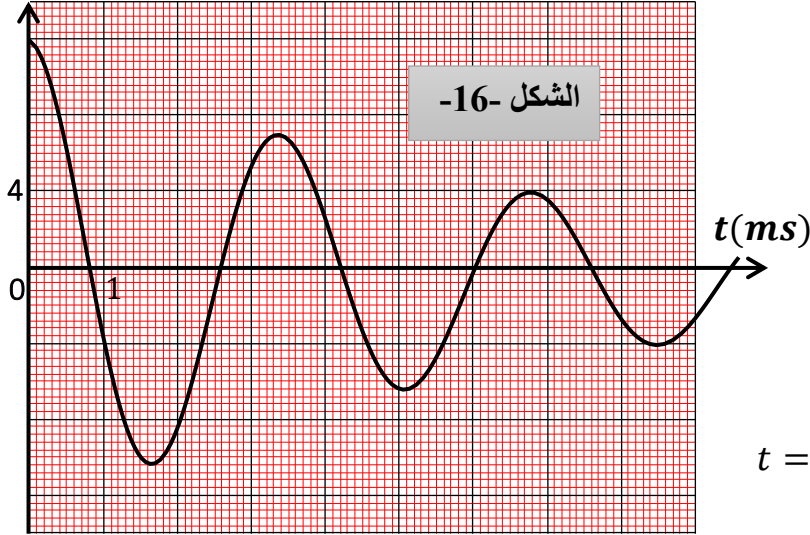
1-6 - تحقق أن ذاتية الوشيعة  $L \approx 111 \text{ mH}$  .



## 2 الجزء الثاني: الإمتزازات الحرة الكهربائية في الدارة الحقيقية $RLC$ :

لتحديد المقدار  $C$  سعة المكثفة ، قام أحد التلاميذ بشحن المكثفة كلياً بواسطة مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائية  $E$  مع توصيلها بمكبر الصوت ، ثم تفريغها في الوشيعية ( $L = 0.1 H ; r = 11 \Omega$ ) حيث نمذج الدارة الناتجة بدارة  $RLC$  موصولة على التسلسل ، ونعاين تغيرات التوتر  $u_C(t)$  بين

$u_C(V)$



طرفي المكثفة على شاشة راسم الإمتزاز ذي ذاكرة (الشكل-16).

2. 1- ما نمط الإمتزاز الذي يبرزه الشكل؟.

2. 2- نعتبر أن شبه الدور  $T$  يساوي الدور  $T_0$

أ- أوجد قيمة شبه الدور  $T$  ؟.

ب- استنتج قيمة سعة المكثفة  $C$  .

ج- احسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t = 0s$  ؟.

د- ما شكل الطاقة المخزنة في الدارة  $RLC$  عند اللحظة  $t = 0.85s$  ؟

2. 3- قام التلاميذ بتغذية الدارة  $RLC$  وذلك بتوصيلها بجهاز (مضخم تطبيقي  $AO$ ) ، فانبعثت موجة صوتية ترددها نفس تردد التوتر  $u_C(t)$  .

أ- ماهو دور جهاز التغذية (مضخم تطبيقي  $AO$ ) ؟

ب- مثل بيان التوتر  $u_C(t)$  بين طرفي المكثفة المتحصل عليه .

ج- اثبت أن المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر تكتب بالشكل:  $\frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C = 0$

هـ- حدد من بين النوبات الواردة في الجدول التالي ، النوبة الموافقة للموجة الصوتية المنبعثة .

النوبة	DO	Ré	Mi	Fa	sol	La	Si
التردد (Hz)	262	294	330	349	392	440	494

## انتهى الموضوع الثاني

\*\*\* أساتذة المادة يتمنون لكم كل التوفيق والنجاح في امتحان شهادة البكالوريا \*\*\*



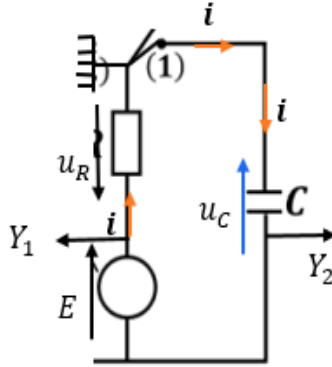
## تصحيح إختبار البكالوريا التجريبي في مادة: العلوم الفيزيائية

## الموضوع الأول: (20 نقطة)

## التمرين الأول: (05 نقاط)

الجزء الأول :

1- رسم الدارة



2- ربط راسم الاهتزاز المهبطي :

على المدخل ( $Y_2$ ) نضغط على الزر (INV)

3 - أ- المعادلة التفاضلية لشدة التيار  $i(t)$  :

حسب قانون جمع التواترات :

$$u_C + u_R = E \rightarrow \frac{q}{C} + R \cdot i = E$$

$$\frac{1}{C} \cdot \frac{dq}{dt} + R \cdot \frac{di}{dt} = 0 \rightarrow C \cdot i + R \cdot \frac{di}{dt} = 0 \rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot i = 0 \quad \text{بالاشتقاق نجد :}$$

$$\frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot i = 0$$

ب- تعيين عبارة الثابتين A و B :

$$\frac{di}{dt} = -B \cdot A \cdot e^{-B \cdot t} \quad \text{ولدينا : } \frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot i = 0 \quad \text{و } i(t) = A \cdot e^{-B \cdot t} \quad \text{ومنه :}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد :

$$-B \cdot A \cdot e^{-B \cdot t} + \frac{1}{RC} \cdot A \cdot e^{-B \cdot t} = 0 \rightarrow \left( \frac{1}{RC} - B \right) \cdot A \cdot e^{-B \cdot t} = 0$$

أي :

$$\frac{1}{RC} - B = 0 \rightarrow B = \frac{1}{RC}$$

من الشروط الابتدائية  $i(0) = I_0$  ومنه :

$$A = I_0 = \frac{E}{R} \quad \text{أي } i(0) = A \cdot e^0 = I_0$$

أي :

$$\begin{cases} B = \frac{1}{RC} \\ A = I_0 = \frac{E}{R} \end{cases} \quad \text{سلطان}$$

4 - قيمة  $C, \tau, R$ 

- قيمة  $R$  :

$$I_0 = \frac{dq}{dt} = 12 \times 10^{-2} A \rightarrow I_0 = \frac{E}{R} \rightarrow R = \frac{E}{I_0} = \frac{12}{12 \times 10^{-2}} = 100 \Omega \quad \text{من البيان نجد :}$$

- قيمة  $\tau$  :

البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته من الشكل :  $-\frac{di}{dt} = a \cdot \frac{dq}{dt}$   
حيث  $a$  يمثل ميل البيان حيث :  $a = \frac{2-0}{2 \times 10^{-2}-0} = 10^2$   
ومنه :

$$-\frac{di}{dt} = 10^2 \cdot \frac{dq}{dt} \dots \dots (1) \text{ سلطان}$$

ولدينا :

$$\frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot i = 0 \rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot \frac{dq}{dt} = 0 \rightarrow -\frac{di}{dt} = \frac{1}{RC} \cdot \frac{dq}{dt} \text{ سلطان}$$

$$-\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau} \cdot \frac{dq}{dt} \dots \dots (2) \text{ سلطان}$$

بالمطابقة بين (1) و (2) نجد :  $100 = \frac{1}{\tau} \rightarrow \tau = \frac{1}{100} = 10^{-2} \text{ s} = 10 \text{ ms}$

- قيمة  $C$  :

لدينا :  $\tau = RC \rightarrow C = \frac{\tau}{R} \rightarrow C = \frac{10^{-2}}{100} = 10^{-4} \text{ F}$

5 - حساب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t = 2,5\tau$  :

لدينا :  $E_C = \frac{1}{2} \cdot C \cdot u_C^2$

و لدينا :  $i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$  ولدينا  $u_R = R \cdot i$  ومنه :  $u_R = R \cdot I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow u_R = R \cdot \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow u_R = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

حسب قانون جمع التوترات :  $u_C + u_R = E \rightarrow u_C = E - u_R = E - E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$

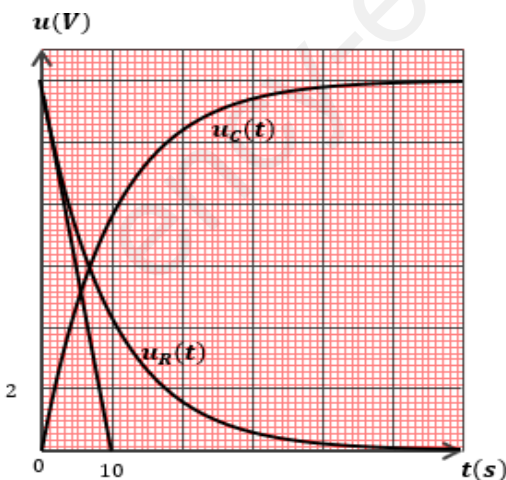
$$u_C = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

بالتعويض في عبارة  $E_C$  نجد :

$$E_C = \frac{1}{2} \cdot C \cdot E^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$$

عند  $(t = 2,5\tau)$  :  $E_C(t = 2,5\tau) = \frac{1}{2} \cdot 10^{-4} \cdot 12^2 (1 - e^{-2,5})^2 = 6,06 \times 10^{-3} \text{ J}$

6 رسم البيانات المشاهدة على راسم الإهتزاز :



الجزء الثاني :

1- أ. المعادلة التفاضلية :

حسب قانون جمع التوترات :  $u_b + u_R = E \rightarrow L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$

$$R \cdot i = E \rightarrow L \cdot \frac{di}{dt} + (r + R) \cdot i = E$$

بالقسمة على  $r + R$

$$\frac{L}{r + R} \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{r + R}$$

$$\begin{cases} \alpha = \frac{L}{r+R} = \tau \\ \beta = \frac{E}{r+R} = I_0 \end{cases}$$

بالمطابقة نجد :

المدلول الفيزيائي :

$\tau$  : ثابت الزمن . وهو الزمن اللازم لبلوغ شدة التيار 63% من قيمتها الأعظمية)  
 $I_0$  : شدة التيار الابتدائية (الأعظمية) .

بـالتأكد من أن  $i(t) = \beta(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}})$  حل للمعادلة التفاضلية :

$$i(t) = \beta \left(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}}\right) \dots \dots \dots (1)$$

$$\frac{di}{dt} = \frac{\beta}{\alpha} \cdot e^{-\frac{t}{\alpha}} \dots \dots \dots (2) \text{ سلطان}$$

بتعويض (1) و (2) في المعادلة التفاضلية نجد :  $\frac{L}{r+R} \cdot \frac{\beta}{\alpha} \cdot e^{-\frac{t}{\alpha}} + \beta \left(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}}\right) = \frac{E}{r+R}$

بتعويض عبارة  $\alpha$  و  $\beta$  نجد :  $\frac{L}{r+R} \cdot \frac{E}{r+R} \cdot \frac{r+R}{L} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E}{r+R} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right) = \frac{E}{r+R}$

$$\rightarrow \frac{E}{r+R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E}{r+R} - \frac{E}{r+R} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{r+R} \rightarrow 0 = 0 \text{ سلطان}$$

ومنه  $i(t) = \beta(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}})$  حل للمعادلة التفاضلية .

2- عبارة التوتربين طرفي الوشيعية  $u_1$  بدلالة الزمن :

لدينا :  $u_1 = L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i$  حيث :  $\frac{di}{dt} = \frac{I_0}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$  فنجد :  $u_1 = L \cdot \frac{I_0}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + r \cdot I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

$$u_1 = L \cdot \frac{I_0}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + r \cdot I_0 - r \cdot I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow u_1 = L \cdot \frac{E}{r+R} \cdot \frac{r+R}{L} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + r \cdot I_0 - r \cdot I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$u_1 = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + r \cdot I_0 - r \cdot I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow u_1 = (E - r \cdot I_0) \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + r \cdot I_0 \dots \dots (3) \text{ سلطان}$$

حسب قانون جمع التوترات :  $L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E \rightarrow u_b + u_R = E$  في النظام الدائم :  $r \cdot I_0 + R \cdot I_0 = E$

$$R \cdot I_0 = E - r \cdot I_0 \dots \dots (4)$$

$$u_1 = R \cdot I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + r \cdot I_0$$

بتعويض (3) في (4) نجد :

3- أقيمة الذاتية  $L$  :

عند  $t=0$  يكون :  $u_1 = E$  و  $i = 0$  و من البيان :  $\frac{di}{dt} = 10$  بالتعويض في  $L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$  نجد :

$$L \cdot \frac{di}{dt} = E \rightarrow 10L = 12 \rightarrow L = \frac{12}{10} = 1,2 \text{ H}$$

بقيمة الثابت  $\alpha$  أي  $\tau$  :

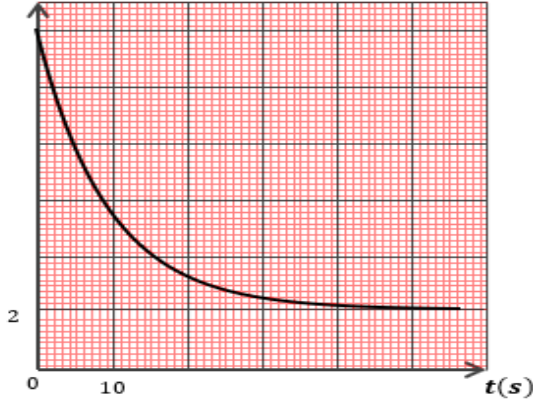
$$\left(\frac{di}{dt}\right)_{t=\tau} = 10 \times 0,37 = 3,7 \frac{A}{s}$$

بالاسقاط نجد :  $\tau = 0,01 \text{ s}$

- قيمة  $r$  :

$$\tau = \frac{L}{R+r} \rightarrow r = \frac{L}{\tau} - R \rightarrow r = \frac{1,2}{0,01} - 100 = 20 \Omega \text{ لدينا}$$

$u_b(V)$



4- اعطاء تمثيلا دقيقا للمنحنى  $U_1$  بين طرفي الوشيعة :

5- عبارة الطاقة المخزنة في الوشيعة  $E_b$  بدلالة الزمن

$$E_b = \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2(t) \text{ سلطان}$$

4- عبارة  $\tau$  :

$$E_b = \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2(t) :$$

لدينا

$$i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

ولدينا :

ومنه :

$$E_b = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I_0^2(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2 \rightarrow (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2 = \frac{2 \cdot E_b}{L \cdot I_0^2} \rightarrow 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} = \sqrt{\frac{2 \cdot E_b}{L \cdot I_0^2}} \rightarrow e^{-\frac{t}{\tau}} = 1 - \sqrt{\frac{2 \cdot E_b}{L \cdot I_0^2}} \text{ سلطان}$$

بإدخال  $\ln$  نجد :

$$-\frac{t}{\tau} = \ln \left( 1 - \sqrt{\frac{2 \cdot E_b}{L \cdot I_0^2}} \right) \rightarrow \tau = -\frac{t}{\ln \left( 1 - \sqrt{\frac{2 \cdot E_b}{L \cdot I_0^2}} \right)} \text{ سلطان}$$

**التمرين الثاني: (05 نقاط)**

1- إثبات أن المعادلة التفاضلية تكتب بالشكل :  $\frac{dv}{dt} = \frac{k}{m}(v_\ell^2 - v^2)$

الجملة المدروسة : كرة مطاطية.

مرجع الدّراسة : المرجع السّطحي الأرضي.

القوى الخارجية: الثقل  $\vec{p}$  ، الاحتكاك  $\vec{f}$  ، دافعة أرخميدس  $\vec{\Pi}$ .

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

$$\vec{p} + \vec{f} + \vec{\Pi} = m \vec{a}_G$$

بالاسقاط على المحور Oz:

$$p - f - \Pi = m a_G$$





## 2 - أ - التّحقّق من قيمة الكتلة :

$$m = \rho_{CO_2} V = 1,87 \times 4,19 \times 10^{-3}$$

$$V = \frac{4}{3} \pi (0,1)^3 = 4,19 \times 10^{-3} m^3$$

$$m = 7,83 \times 10^{-3} kg$$

## ب - معامل الاحتكاك:

البيان عبارة عن مستقيم يشمل المبدأ معادلته من الشكل : (2)  $a = \alpha(v_\ell^2 - v^2) \dots$

$$a = \frac{k}{m}(v_\ell^2 - v^2) \dots (1) \quad \text{من المعادلة (1):}$$

$$\frac{k}{m} = \alpha \Rightarrow k = \alpha \times m \quad \text{بالمطابقة نجد :}$$

$$\alpha = \frac{1-0}{1-0} = 1$$

$$k = 7,83 \times 10^{-3} kg / m$$

## تحديد قيمة التسارع الابتدائي $a_0$ :

$$a_0 = 4 m / s^2$$

## الكتلة الحجمية للهواء:

$$\frac{dv}{dt} = a_0 \text{ و } v = 0 \text{ عند بداية السقوط:}$$

$$\frac{dv}{dt} = -\frac{k}{m}v^2 + g(1 - \frac{\rho V}{m})$$

$$a_0 = g(1 - \frac{\rho V}{m}) = g(1 - \frac{\rho V}{\rho_{CO_2} V}) = g(1 - \frac{\rho}{\rho_{CO_2}})$$

$$1 - \frac{\rho}{\rho_{CO_2}} = \frac{a_0}{g} \Rightarrow \rho = \rho_{CO_2}(1 - \frac{a_0}{g})$$

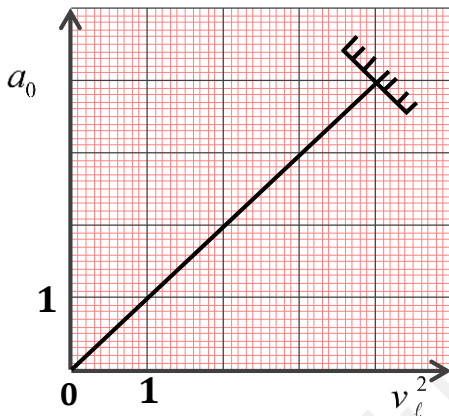
$$\rho_{air} = 1,87 \times (1 - \frac{4}{10})$$

$$\rho_{air} = 1,12 kg / m^3$$

## تحديد قيمة السرعة الحدية $v_{lim}$ :

$$v_\ell^2 = 4 \text{ من البيان :}$$

$$v_l = 2 m / s$$



1 - أ إثبات أن العبارة الزمنية لتغيرات سرعة الكرة تكتب بالشكل:  $v(t) = gt + v_0$  الجملة المدروسة : كرة مطاطية.

مرجع الدراسة : المرجع السطحي الأرضي.

القوى الخارجية: الثقل  $\vec{p}$ .

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

$$\vec{p} = m \vec{a}_G$$

$$p = ma_G \Rightarrow mg = ma_G$$

بالإسقاط على المحور Oz:

$$a = g$$

ومنه:

$$\text{لدينا } \frac{dv}{dt} = g \text{ بالمكاملة نجد : } v(t) = gt + C$$

حسب الشروط الابتدائية :  $v(0) = g(0) + C = v_0$

ومنه :  $v(t) = gt + v_0$

ب - العبارة الزمنية لتغير الفاصلة الزمنية  $z(t)$ :

$$v(t) = \frac{dz}{dt} = gt + v_0 \text{ بالمكاملة نجد : } z(t) = \frac{1}{2}gt^2 + v_0t + C$$

حسب الشروط الابتدائية :  $z(0) = \frac{1}{2}g(0) + v_0(0) + C = 0$

$$\text{ومنه : } z(t) = \frac{1}{2}gt^2 + v_0t$$

2 - أ - استنتاج قيم كل من  $v_0$  و  $v_M$  و  $t_M$ :

البيان عبارة عن مستقيم يشمل المبدأ معادلته من الشكل : (1)  $v(t) = at + b$

$$(2) v(t) = gt + v_0$$

من السؤال 1 - أ وجدنا أن :

بالمطابقة بين (1) و (2) نجد :  $v_0 = b = 2m/s$

من البيان:  $v_M = 12m/s$

$$t_M = 1s$$

ب - حساب قيمة الارتفاع h:

الارتفاع (المسافة المقطوعة) تمثل المساحة المحصورة أسفل المستقيم.

$$h = \frac{2+12}{2} \times 1 = 7m$$

ط 2 : الارتفاع يمثل الفاصلة  $z$  عند اللحظة  $t_M$

$$h = z(t_M) = \frac{1}{2} \times 10 \times (1)^2 + 2 \times (1) = 7m$$

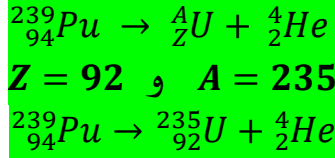
**التمرين الثاني: (04 نقاط)**

I.

1. أ. تعريف المصطلحات التالية: نظير - الجسيمات  $\alpha$

نظير: أنوية لنفس العنصر تمتلك نفس العدد الشحني  $Z$  وتختلف في العدد الكتلي  $A$ .

الجسيمات  $\alpha$ : عبارة عن نواة الهليوم  ${}^4_2\text{He}$  تميز الأنوية الثقيلة.



ب. معادلة تفكك  ${}^{239}_{94}\text{Pu}$ :

بحيث بتطبيق قانوني الإنحفاظ لصودي نجد:

ومنه تصبح المعادلة النووية:

2. 1. الإجابة الصحيحة هي:  $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$  -

التعليل: لدينا:  $N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \rightarrow \frac{m(t)}{M} \cdot N_A = \frac{m_0}{M} \cdot N_A e^{-\lambda t} \rightarrow m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$

2.2. معادلة البيان: البيان عبارة عن خط مستقيم يمر بالمبدأ، معادلته من الشكل:  $\ln \frac{m_0}{m} = a \cdot t$  بحيث  $a$  يمثل ميل

البيان:  $a = \frac{4-0}{14 \times 10^4 - 0} = 2,85 \times 10^{-5} \text{ ans}^{-1}$ ، ومنه تصبح معادلة البيان:  $\ln \frac{m_0}{m} = 2,85 \times 10^{-5} \cdot t$

استنتاج قيمة ثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$ :

نكتب العبارة النظرية بالإعتماد على الإجابة 1.2:

$$\ln \frac{m_0}{m} = \lambda t \quad m(t) = m_0 e^{-\lambda t} \rightarrow \frac{m}{m_0} = e^{-\lambda t} \rightarrow \frac{m_0}{m} = e^{\lambda t} \rightarrow \ln \frac{m_0}{m} = \lambda t$$

بالمطابقة بين العبارتين البيانية والنظرية نجد:  $\lambda = 2,85 \times 10^{-5} \text{ ans}^{-1}$

3. حساب النشاط الابتدائي  $A_0$  للعينة السابقة:

$A_0 = \lambda \cdot N_0$ ، بشرط تكون قيمة  $\lambda$  مقدرة بوحدة  $s^{-1}$ .

$$A_0 = \lambda \cdot N_0 = \lambda \cdot \frac{m_0 \cdot N_A}{M_{Pu}} = \frac{2,85 \times 10^{-5}}{1 \times 365.25 \times 24 \times 60 \times 60} \cdot \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{239} = 9,031105 \times 10^{-13} \times 2,5188 \times 10^{21}$$

$$A_0 = 22,75 \times 10^8 \text{ Bq}$$

II.

1. تعريف تفاعل الإنشطار النووي: تفاعل نووي مفتعل يتم فيه قذف نواة ثقيلة بـ بروتون بطيء لنحصل على أنوية أخف وأكثر استقرار مع تحرير طاقة ونيوترونات.

2. تعيين قيمة  $Z$  باستعمال قانون صودي لا نحفاظ العدد الشحني:  $94 + 0 = Z + 52 + 3 \times 0 \rightarrow Z = 42$

3. أ. المقارنة بين استقرار بين استقرار الأنوية: نقارن بين استقرار النواتين من خلال المقارنة بين طاقة الربط لكل نوية بالنسبة للأنوية الثلاث:

$$E_L({}^{102}_{42}\text{Mo}) = \Delta m \cdot C^2 = [Z \cdot m_p + (A - Z)m_n - m({}^{102}_{42}\text{Mo})] \cdot C^2$$

$$E_L({}^{102}_{42}\text{Mo}) = [42 \times 1,00728 + 60 \times 1,00866 - 101,8874] \times 931.5 = 873,70974 \text{ MeV}$$

$$\frac{E_L({}^{102}_{42}\text{Mo})}{A} = \frac{873,70974}{102} = 8,57 \text{ MeV/nucl}$$

ومنه النواة  ${}^{102}_{42}\text{Mo}$  أكثر استقرارا من باقي الأنوية.

$$\frac{E_L({}^{102}_{42}\text{Mo})}{A} > \frac{E_L({}^{135}_{52}\text{Te})}{A} > \frac{E_L({}^{239}_{94}\text{Pu})}{A}$$

3. ب. نعم النتيجة تتوافق مع التعريف.

4. حساب الطاقة المتحررة  $E_{lib}$  عن التفاعل النووي السابق بوحدة MeV:

$$E_{Lib} = \Delta m \cdot c^2 = [m(Pu) + m(n) - m(Mo) - m(Te) - 3m(n)] \cdot c^2$$

$$= [239,0015 + 1,00866 - 101,8874 - 134,8881 - 3 \times 1,00866] \times 931,5$$

$$E_{Lib} = 194,38542 \text{ MeV}$$

أ.5. حساب  $E_{(Lib)T}$  للعينة:

$$E_{(Lib)T} = N_0 \cdot E_{Lib} = \frac{m_0 \cdot N_A}{M(Pu)} \cdot E_{Lib} = \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{239} \times 194,38542 = 4,8962 \times 10^{23} \text{ MeV}$$

$$E_{(Lib)T} = 4,8962 \times 10^{23} \text{ MeV} \text{ ساطع}$$

1. حساب استطاعة المفاعل النووي  $P$  بالميغاواط (MW):

نعلم أن:  $P = \frac{E_e}{\Delta t}$  ومنه:  $\Delta t = \frac{E_e}{P} = \frac{r \cdot E_{(Lib)T}}{100 \cdot P}$  بشرط  $E_{(Lib)T}$  مقدرة بوحدة الجول J.

نحسب  $E_{(Lib)T}$  بوحدة الجول:

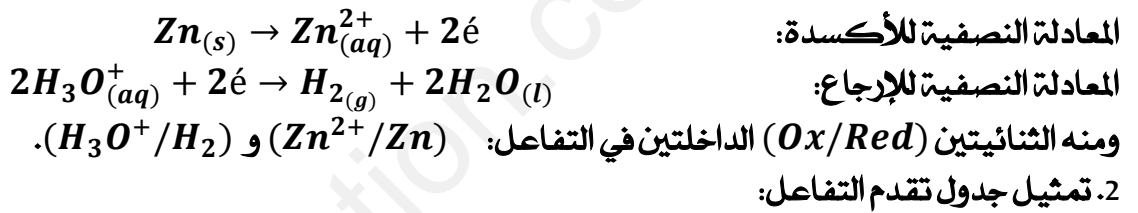
$$E_{(Lib)T} = 4,8962 \times 10^{23} \times 1,6 \times 10^{-13} = 7,8339 \times 10^{10} \text{ J}$$

ومنه:  $\Delta t = \frac{30 \times 7,8339 \times 10^{10}}{100 \times 30 \times 10^6} = 783,4 \text{ s}$  أي:  $\Delta t = 783,4 \text{ s}$

**التمرين التجريبي: (06 نقاط)**

— I

1. الثنائيتين (ox / red) المشاركتي هذا التفاعل: لتحديد هاتين المعادلتين النصفيتين للأكسدة والإرجاع:



معادلة التفاعل		$2H_3O_{(aq)}^+ + Zn_{(s)} = H_{2(g)} + Zn_{(aq)}^{2+} + 2H_2O_{(l)}$				
حالة الجملة	التقدم	كميات المادة بالمول (mol)				
حالة ابتدائية	0	$n_{01} = CV$ ساطع	$n_{02} = \frac{m_0}{M(Zn)}$ ساطع	0	0	بوفرة
حالة إنتقالية	$x(t)$	$n_{01} - 2x(t)$ ساطع	$n_{02} - x(t)$ ساطع	$x(t)$	$x(t)$	بوفرة
حالة نهائية	$x_{max}$ ساطع	$n_{01} - 2x_{max}$ ساطع	$n_{02} - x_{max}$ ساطع	$x_{max}$	$x_{max}$	بوفرة

3.1. حساب تركيز شوارد  $H_3O^+$  في الحالة النهائية:  $[H_3O^+]_f = 10^{-pH_f} = 10^{-1,698} = 0,02 \text{ mol/L}$  استنتاج كمية مادة  $H_3O^+$  في هذه الحالة النهائية:

$$n_f(H_3O^+) = [H_3O^+]_f \cdot V = 10^{-pH_f} \cdot V = 0,02 \times 0,1 = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

3.2. تحديد المتفاعل المحد: بما أن  $n_f(H_3O^+) \neq 0$  فشوارد  $H_3O^+$  ليست متفاعل محد، ومنه حتما قطعة الزنك  $Zn$  هي المتفاعل المحد.

استنتاج قيمة التقدم الاعظمي:  $x_{max}$

$$n_f(H_3O^+) = n_0(H_3O^+) - 2x_{max} \Rightarrow x_{max} = \frac{n_0(H_3O^+) - n_f(H_3O^+)}{2} = \frac{CV - 2 \times 10^{-3}}{2}$$

$$= \frac{5 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-3}}{2} = 1,5 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$$

ومنه:  $x_{\max} = 1,5 \times 10^{-3} \text{ mol}$

3.3. إيجاد الكتلة المتفاعلة من الزنك  $m_0$ : بما أن  $Zn$  متفاعل محد فإن:  $n_f(Zn) = 0 \Leftrightarrow n_{O_2} - x_{\max} = 0$

وبالتالي:  $\frac{m_0}{M(Zn)} - x_{\max} = 0 \Rightarrow m_0 = x_{\max} \cdot M(Zn) = 1,5 \times 10^{-3} \times 64,5 = 0.09675 \text{ g}$

II

1. إكمال المنحنى:

التعليل: لأن:  $[H_3O^+]_f = 2 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$

2- تحديد بيانيا زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ :

$$[H_3O^+]_{1/2} = \frac{[H_3O^+]_0 + [H_3O^+]_f}{2} = \frac{5 \times 10^{-2} + 2 \times 10^{-2}}{2} = 3.5 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$$

باسقاط هذه القيمة على محور الأزمنة نجد:  $t_{1/2} = 1.4 \text{ min}$

3. حساب السرعة الحجمية الابتدائية لاختفاء شوارد  $H_3O^+$ :

$$v_{H_3O^+}(0) = -\frac{1}{V} \frac{dn(H_3O^+)}{dt} = -\frac{d[H_3O^+]}{dt} = \frac{10^{-2} - 5 \cdot 10^{-2}}{-0} = \text{mol/L} \cdot \text{min}$$

- استنتاج السرعة الحجمية للتفاعل:

$$v_V(0) = \frac{v_{H_3O^+}(0)}{2} = \frac{1}{2} = \text{mol/L} \cdot \text{min}$$

4. رسم المنحنى: الوصول للنظام الدائم (ينعدم البيان) في زمن أقل من السابق.

العامل الحركي: درجة الحرارة

تأثير العامل الحركي: عند ارتفاع درجة الحرارة تزداد حركة الجسيمات وبالتالي تزداد عدد التصادمات الفعالة ما يؤدي لزيادة سرعة التفاعل.

III- معايرة محلول النشادر بواسطة محلول حمض كلور الماء:



1. معادلة تفاعل المعايرة:

2. التركيب التجريبي المستعمل في تقنية المعايرة مرفق

بالبينات:

إكمال البيانات المرقمة:

1. سحاحة مدرجة. 2. حامل سحاحة.

3. محلول معاير به  $(H_3O^+ + Cl^-)$

4. مسبار جهاز الـ pH متر. 5. جهاز الـ pH متر.

6. محلول معاير  $NH_3(aq)$ . 7. مخلاط كهرومغناطيسي.

8. بيشر. 9. قضيب مغناطيسي.

3. أحداثيات نقطة التكافؤ وحساب  $C_B$ :

- أحداثيات نقطة التكافؤ "E":

$$E(PH_E = 6, V_{aE} = 15 \text{ mL})$$

- حساب قيمة  $C_B$ : عند نقطة التكافؤ يصبح المزيج ستوكيومتري: أي:  $n_E(H_3O^+) = n(NH_3)$

ونعلم أن:  $[H_3O^+]_f = C_a = 2 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$



$$C_B V_B = C_a V_{aE} \Rightarrow C_B = \frac{C_a V_{aE}}{V_B} = \frac{2 \times 10^{-2} \times 15}{20} = 0.015 \text{ mol/L} \quad \text{ومنه:}$$

$$C_B = 0.015 \text{ mol/L} \quad \text{سلاط}$$

4. تعيين قيمة ثابت الحموضة  $PK_a$  للثنائية  $(NH_4^+ (aq) / NH_3 (aq))$  بيانيا:

عند نقطة نصف التكافؤ والتي توافق:  $\frac{V_{BE}}{2} = 7.5 \text{ mL}$  وعند إسقاطها بيانيا يكون:  $PK_a = PH = 9.2$

5. حساب ثابت التوازن  $K$  لتفاعل المعايرة:

$$K = \frac{[NH_4^+]_f}{[NH_3]_f \cdot [H_3O^+]_f} = \frac{1}{K_a} = \frac{1}{10^{-PK_a}} = 10^{PK_a} = 10^{9.2} = 1.58 \times 10^9 \quad \text{سلاط}$$

نلاحظ أن:  $K = 1.58 \times 10^9 > 10^4$  ومنه نستنتج أن تفاعل المعايرة تفاعل تام

6.. تحديد الحجم  $V_{a1}$  من محلول حمض كلور الماء الذي يجب اضافته لكي تتحقق العلاقة:

$$[NH_4^+] = 15 [NH_3] \Rightarrow \frac{[NH_4^+]}{[NH_3]} = 15 \quad \text{في المزيج التفاعلي:}$$

$$PH = 9.2 + \log\left(\frac{1}{15}\right) = 9.2 - 1.2 = 8 \quad \text{ولدينا: } PH = PK_a + \log \frac{[NH_3]}{[NH_4^+]}$$

$$PH = 8 \quad \text{بالإسقاط نجد: } V_{a1} = 2 \text{ mL}$$

**الموضوع الثاني: (20 نقطة)**

**التمرين الأول: (04.50 نقاط)**

1. تفسير: لا يعتبر حمض الكبريت المركز وسيط لأنه يظهر في معادلة التفاعل  $(H^+)$ .
2. استنتاج الثنائيات:  $(ClO^-/Cl^-)$   $(I_2/I^-)$
3. سبب إضافة الماء والجليد: توقيف تشكل  $I_2$  من أجل معايرته في اللحظة المعتبرة.
4. جدول تقدم التفاعل:

معادلة التفاعل		$ClO^- + 2 I^- + 2 H^+ = Cl^- + I_2 + H_2O$					
الحالة	التقدم	كميات المادة (mol)					
الابتدائية	0	$n_1$	$n_2$	المزمنة	0	0	النهائية
الوسطية	$x$	$n_1 - x$	$n_2 - 2x$		$x$	$x$	
النهائية	$x_f$	$n_1 - x_f$	$n_2 - 2x_f$		$x_f$	$x_f$	

5. العلاقة بين  $[I_2]$  و  $x$ :  
من جدول تقدم التفاعل:  $n_t(I_2) = x$   
بقسمة العبارة السابقة على  $V_T$ ، نجد:  $[I_2] = \frac{x}{V_T} \dots (1)$
6. تعريف السرعة الحجمية للتفاعل: هي سرعة التفاعل في وحدة الحجم. (مشتق التقدم  $x$  بالنسبة للزمن  $t$  في وحدة

الحجم  $V$ ).  

$$v_{vol} = \frac{1}{V_T} \cdot \frac{dx}{dt}$$
 بـ حساب السرعة الحجمية للتفاعل:

باشتقاق العبارة (1)، نجد:

$$\frac{d[I_2]}{dt} = \frac{1}{V_T} \cdot \frac{dx}{dt}$$

وعليه:

$$v_{vol} = \frac{d[I_2]}{dt}$$

$$v_{vol} = \left. \frac{d[I_2]}{dt} \right|_{t=5 \text{ min}} = \frac{50 - 14}{10 - 0} = 3,6 \text{ mmol/L.min}$$

$$v_{vol} = \left. \frac{d[I_2]}{dt} \right|_{t=10 \text{ min}} = \frac{50 - 30}{15 - 0} = 1,33 \text{ mmol/L.min}$$

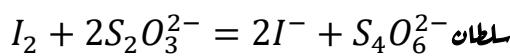
تتناقص السرعة الحجمية للتفاعل مع مرور الزمن.  
 جـ العامل الحركي: تناقص تراكيز المتفاعلات.

7. تعريف زمن نصف التفاعل: هو الزمن اللازم لبلوغ تقدم التفاعل نصف قيمته النهائية أو الأعظمية.  $x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2}$   
 وعليه:  $[I_2]_{t_{1/2}} = \frac{[I_2]_f}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ mmol/L}$

بالإسقاط على البيان، نجد:

$$t_{1/2} = 1,75 \text{ min}$$

8. معادلة تفاعل المعايرة:



بـ تعريف التكافؤ: هي الحالة التي يكون فيها الميزج ستوكيومتري.

عبارة  $[I_2]$ :

عند نقطة التكافؤ يكون:

$$n'_{I_2} = \frac{n_{S_2O_3^{2-}}}{2}$$

خاصة بأنبوب اختبار واحد.

$$n'_{I_2} = \frac{C_0 \cdot V_E}{2} \quad \text{منه:}$$

ونعلم أن:

$$n_{I_2} = \frac{V_T}{V} \cdot n'_{I_2} \quad \text{بحيث عدد الأنابيب يساوي: } \frac{V_T}{V} \text{ أي: حجم المزيج مقسوم على حجم أنبوب واحد.}$$

وعليه:

$$n_{I_2} = \frac{C_0 \times V_E \times V_T}{2V} \quad \text{ملحوظة}$$

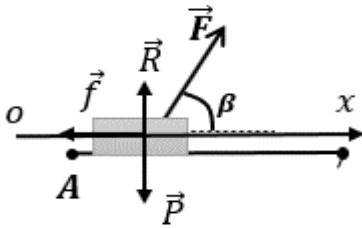
$$[I_2] = \frac{C_0 \times V_E}{2V} \quad \text{بقسمة العبارة السابقة على } V_T \text{، نجد:}$$

**جد حساب حجم التكافؤ عند  $t = 5 \text{ min}$**

اعتمادا على البيان، عند اللحظة  $t = 5 \text{ min}$ ، نجد:  $[I_2] = 31 \text{ mmol/L}$

$$V_E = \frac{[I_2] \times 2V}{C_0} = \frac{32 \times 20 \times 10^{-3}}{0,04} = 16 \text{ mL} \quad \text{من العبارة السابقة:}$$

### التمرين الثاني: (05.50 نقاط)



1. دراسة حركة مركز عتالة الجسم (S) على الجزء (AB):

1. إحصاء وتمثيل القوى المؤثرة الخارجية على مركز عتالة الجسم (S):

- قوة الثقل  $\vec{P}$ ، قوة الجر  $\vec{F}$ ، قوة الاحتكاك  $\vec{f}$ ، تأثير فعل السطح  $\vec{R}$

$$\frac{dv}{dt} = \frac{-f + F \cdot \cos \beta}{m} \quad \text{2. 1. نبين أن المعادلة التفاضلية لسرعة مركز عتالة الجسم (S) تكتب بالشكل:}$$

الجملة: جسم (S).

المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا.

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{R} + \vec{P} + \vec{F} + \vec{f} = m\vec{a} \quad \text{بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:}$$

$$F_x - f = ma \Rightarrow F \cdot \cos \beta - f = m \frac{dv}{dt} \quad \text{نجد:}$$

$$\frac{dv}{dt} = \frac{F \cdot \cos \beta - f}{m} \quad \text{ومنه:}$$

2.2. العبارة الزمنية لسرعة مركز عتالة الجسم (S):

$$v(t) = a \cdot t + v_0 \quad \text{لدينا: } a = \frac{dv}{dt} = \frac{F \cdot \cos \beta - f}{m} \quad \text{بالتكامل نجد:}$$

و بتعويض عبارة  $a$  و من الشروط الابتدائية نجد:  $v_0 = v_A$  ومنه:

$$v(t) = \frac{F \cdot \cos \beta - f}{m} \cdot t + v_A = a \cdot t + v_A \dots \dots \dots (1)$$

3. 1. البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر بالمبدأ معادلته من الشكل:

$$v(t) = a \cdot t + b \quad \text{و } a = \frac{4-1}{6-0} = 0,5 \quad \text{و } b = 1$$

$$v(t) = 0,5t + 1 \dots \dots (2) \quad \text{ومنه:}$$

ومنه المعادلة (1) تتوافق مع المعادلة (2) أي أن البيان مع العبارة الزمنية للسرعة.

2.3. قيمة كل من:  $v_A$  و  $a$ : بالمطابقة بين المعادلة البيانية النظرية والمعادلة البيانية نجد:

$$v_A = 1 \quad \text{و } a = 0,5$$

$$a = \frac{F \cdot \cos \beta - f}{m} \rightarrow F = \frac{a \cdot m + f}{\cos \beta} = \frac{0,5 \times 0,4 + 0,4}{\cos 60} = 1,2 \text{ N} \quad \text{- قيمة } F:$$

### 3.3. حساب المسافة AB :

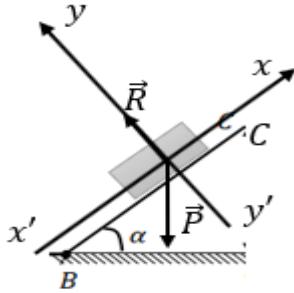
**طريقة 01:** المسافة تمثل في منحني السرعة مساحة شبه المنحرف:  $AB = S = \frac{(1+4) \times 6}{2} = 15m$

**طريقة 02:** باستعمال محذوفية الزمن:  $v_B^2 - v_A^2 = 2 \cdot a \cdot AB \rightarrow AB = \frac{v_B^2 - v_A^2}{2 \cdot a} = \frac{4^2 - 1^2}{2 \times 0,5} = 15m$

### 4.3. طبيعة حركة مركز عتالة الجسم (S) على الجزء (AB) :

$\vec{a} \times \vec{v} > 0$  ومنه : الحركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

أو نقول المسار مستقيم والتسارع ثابت غير معدوم وبالتالي الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام.



### II. دراسة حركة الجسم (S) على الجزء (BC) :

1. القوى الخارجية المؤثرة على مركز عتالة الجسم (S):

2. حساب شدة القوة R التي تطبقها الطريق على الجسم في هذا الجزء:

الجملة : جسم (S).

المرجع : سطحي أرضي نعتبره غاليليا.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{R} + \vec{P} = m\vec{a}$$

بالاسقاط نجد على محور (y'y') نجد :  $R - P_y = 0 \Rightarrow R = P_y = P \cdot \cos \alpha = mg \cdot \cos \alpha = 2,82N$

3. تبين أن:  $v_C = 2 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم + أرض):  $E_{c_C} + E_{pp_C} = E_{c_B} + E_{pp_B}$  حيث  $E_{pp_B} = 0$

$$E_{c_B} = E_{c_C} + E_{pp_C} \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = \frac{1}{2}mv_C^2 + mgh \rightarrow v_B^2 = v_C^2 + 2gh$$

حيث :  $h = BC \cdot \sin \alpha$

$$v_C = \sqrt{v_B^2 - 2gBC \cdot \sin \alpha} = \sqrt{4^2 - 2 \times 10 \times 0,85 \times \sin 45} = 2 \text{ m/s}$$

### III. 1. دراسة طبيعة حركة الجسم (S) :

الجملة : جسم (S).

المرجع : سطحي أرضي نعتبره غاليليا.

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \rightarrow \vec{P} = m\vec{a}$$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

بالاسقاط على المحورين (xx') و (yy') نجد :

$$\begin{cases} a_x = 0 \\ -P_y = ma_y \rightarrow a_y = -g \end{cases} \Rightarrow \text{حركة مستقيمة منتظمة}$$

$$\Rightarrow \text{حركة مستقيمة متغيرة بانتظام}$$

2. المعادلات الزمنية: لدينا :

$$\begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = -g \end{cases} \text{ سلطان}$$

بالتكامل نجد :

$$\begin{cases} v_x = a_x \cdot t + v_{xc} = v_{xc} \\ v_y = a_y \cdot t + v_{cy} = -g \cdot t + v_{cy} \end{cases} \text{ سلطان}$$

ولدينا من الشروط الابتدائية :

$$\begin{cases} v_{cx} = v_c \cdot \cos \alpha \\ v_{cy} = v_c \cdot \sin \alpha \end{cases} \quad \text{ومنه} \quad \begin{cases} v_x = v_c \cdot \cos \alpha \\ v_y = -g \cdot t + v_c \cdot \sin \alpha \end{cases}$$

ولدينا :

$$\begin{cases} x_c = 0 \\ y_c = 0 \end{cases} \quad \text{بحيث من ش!} \quad \left\{ \begin{array}{l} x = \frac{1}{2} a_x t^2 + v_{xc} t + x_0 = v_c \cdot \cos \alpha \cdot t \\ y = \frac{1}{2} a_y t^2 + v_{cy} t + y_0 = -\frac{1}{2} g \cdot t^2 + v_c \cdot \sin \alpha \cdot t \end{array} \right. \quad \text{بالتكامل} \quad \left\{ \begin{array}{l} v_x = \frac{dx}{dt} \\ v_y = \frac{dy}{dt} \end{array} \right.$$

- معادلة المسار : لدينا : من عبارة  $x$  نجد :  $t = \frac{x}{v_c \cdot \cos \alpha}$

بالتعويض في  $y$  نجد :  $y = -\frac{1}{2} g \cdot \left( \frac{x}{v_c \cdot \cos \alpha} \right)^2 + v_c \cdot \sin \alpha \cdot \frac{x}{v_c \cdot \cos \alpha}$

$$y = -\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot x^2 + \alpha \tan \alpha \quad \text{ومنه :}$$

4. حساب المسافة الأفقية  $OD$  :

أحداثيات النقطة  $D$  هي :  $D(OD, -h)$  بالتعويض في معادلة المسار نجد :

$$-h = -\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot OD^2 + OD \tan \alpha \Rightarrow -\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot OD^2 + OD \tan \alpha + h = 0$$

$$-\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot OD^2 + OD \tan \alpha + BC \cdot \sin \alpha = 0 \quad \text{لأن}$$

$$-\frac{10}{2 \times 2^2 \cdot \cos^2 45} \cdot OD^2 + OD \tan 45 + 0,85 \times \sin 45 = 0$$

$$-2,5 \cdot OD^2 + OD + 0,6 = 0$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 1^2 - 4 \times (-2,5) \times 0,6 = 7 \rightarrow \sqrt{\Delta} = \sqrt{7} = 2,64$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 - 2,64}{2 \times (-2,5)} = 0,72 \text{ m}$$

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 + 2,64}{2 \times (-2,5)} = -0,32 \text{ m} \quad \text{مرفوض}$$

$$OD = 0,72 \text{ m} \quad \text{ومنه :}$$

5. حساب زمن السقوط  $t_D$  في الموضع  $D$  :

$$OD = v_c \cdot \cos \alpha \cdot t_D \Rightarrow t_D = \frac{OD}{v_c \cdot \cos \alpha} = \frac{0,72}{2 \times \cos 45} = 0,51 \text{ s}$$

- السرعة عند الموضع  $D$  :

$$\begin{cases} v_{Dx} = v_c \cdot \cos \alpha = 2 \times \cos 45 = 1,41 \text{ m/s} \\ v_{Dy} = -g \cdot t_D + v_c \cdot \sin \alpha = -10 \times 0,51 + 2 \times \sin 45 = -3,68 \text{ m/s} \end{cases}$$

$$v_D = \sqrt{v_{Dx}^2 + v_{Dy}^2} = \sqrt{1,41^2 + (-3,68)^2} = 3,96 \text{ m/s}$$

6. أقصى ارتفاع  $y_s$  يصل اليه الجسم :

عند الذروة يكون  $v_y = 0$  ومنه :

$$0 = -g \cdot t_s + v_c \cdot \sin \alpha \rightarrow t_s = \frac{v_c \cdot \sin \alpha}{g} = \frac{2 \times \sin 45}{10} = 0,14 \text{ s}$$

$$y_s = -\frac{1}{2} g \cdot t_s^2 + v_c \cdot \sin \alpha \cdot t_s = -\frac{1}{2} \times 10 \times 0,14^2 + 2 \times \sin 45 \times 0,14 = 0,01 \text{ m} \quad \text{ومنه :}$$

كما يمكن استعمال محذوفية الزمن.



### التمرين الثالث: (04 نقاط)

#### الجزء الأول:

1. التفسير: لا يتم قذف النواة بنترون لأن لديه نفس شحنة النواة مما يؤدي إلى حدوث تنافر كهربائي.

2. تحديد قيمتي  $Z$  و  $x$ :

$$\begin{cases} 235 + 1 = 99 + 134 + x \\ 92 + 0 = Z + 51 \end{cases} \quad \text{بتطبيق قانوني الانحفاظ:}$$

وعليه:

$$\begin{cases} x = 3 \\ Z = 41 \end{cases}$$

3. طاقة تماسك النواة: هي الطاقة الواجب توفيرها لنواة في حالة سكون لتفكيكها إلى نوياتها في حالة سكون.

4. حساب طاقتي التماسك للنواتين  ${}^{134}_{51}\text{Sb}$  و  ${}^{99}_{41}\text{Nb}$ :

- النواة  ${}^{99}_{41}\text{Nb}$ :

$$E_l({}^{99}_{41}\text{Nb}) = \Delta m \times c^2 = (41 \times m_p + 58 \times m_n - m_{\text{Nb}}) \times 931,5 = 849,528 \text{ MeV}$$

- النواة  ${}^{134}_{51}\text{Sb}$ :

$$E_l({}^{134}_{51}\text{Sb}) = \Delta m \times c^2 = (51 \times m_p + 83 \times m_n - m_{\text{Sb}}) \times 931,5 = 1115,0055 \text{ MeV}$$

- تحديد النواة الأكثر استقرارا:

$$\frac{E_l({}^{99}_{41}\text{Nb})}{A} = \frac{849,528}{99} = 8,58 \text{ MeV/n}$$

$$\frac{E_l({}^{134}_{51}\text{Sb})}{A} = \frac{1115,0055}{134} = 8,32 \text{ MeV/n}$$

وعليه النواة  ${}^{99}_{41}\text{Nb}$  هي الأكثر استقرارا.

5. حساب الطاقة المحررة من تفاعل الانشطار:

$$E_{\text{lib}}({}^{99}_{41}\text{Nb}) = E_l({}^{99}_{41}\text{Nb}) + E_l({}^{134}_{51}\text{Sb}) - E_l({}^{235}_{92}\text{U}) = 180,8835 \text{ MeV}$$

6. حساب كتلة اليورانيوم:

$$r = \frac{100 \times P_e \times \Delta t}{E_T} \quad \text{نعلم أن:}$$

$$E_T = \frac{100 \times P_e \times \Delta t}{r} = \frac{10^2 \times 9 \times 10^8 \times 24 \times 3600}{40} = 1,944 \times 10^{14} \text{ J}$$

منه:

ومن جهة أخرى:

$$N = \frac{E_T}{E_{\text{lib}}} = \frac{1,944 \times 10^{14}}{180,8835 \times 1,6 \times 10^{-13}} = 6,7 \times 10^{24} \text{ noyaux}$$

وعليه:

$$m = \frac{N}{N_A} \cdot M = \frac{6,7 \times 10^{24} \times 235}{6,02 \times 10^{23}} = 2615,44 \text{ g}$$

#### الجزء الثاني:

1. تحديد النواة الأخطر إشعاعيا: انطلاقا من الشكلين (01) و (02)، أنوية السيزيوم  $\text{Cs}$  هي الأخطر إشعاعيا لأن تواجهها في الطبيعة يستمر لسنوات.

2. زمن نصف العمر: هو الزمن اللازم لتفكك نصف الأنوية المشعة الابتدائية.

$$N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$$

3. تحديد العبارة الصحيحة: يتعلق زمن نصف العمر بطبيعة النواة.

4. إيجاد قيمتي  $t_{1/2}$  و  $t'_{1/2}$ :

- تحديد قيمة  $t_{1/2}$ : اعتمادا على الشكل (01):  $t_{1/2} = 30 \text{ ans}$

- تحديد قيمة  $t'_{1/2}$ :

اعتمادا على الشكل (02):

• العبارة الرياضية:  $\ln N = a \cdot t + b$

• العبارة النظرية:  $\ln N = -\lambda \cdot t + \ln N_0$

بالمطابقة بين العبارتين، نجد:  $\lambda = -a$

وعليه:  $t'_{1/2} = -\frac{\ln 2}{a} = \frac{\ln 2}{0,086} = 8 \text{ jours}$  إذن:  $t'_{1/2} = 8 \text{ jours}$

5. تحديد قيمة النسبة:

نعلم أن:  $A(t) = A'(t)$

منه:  $\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \times N(t) = \frac{\ln 2}{t'_{1/2}} \times N'(t)$

وعليه:

$$\frac{N(t)}{N'(t)} = \frac{t_{1/2}}{t'_{1/2}} = \frac{30 \times 365}{8} = 1368,75$$

6. أ- تحديد السنة:

نعلم أن:  $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \times \ln \left( \frac{N_0}{N(t)} \right) = \frac{30}{\ln 2} \times \ln \left( \frac{N_0}{0,01 \times N_0} \right) = 199,31 \text{ ans}$

وعليه:

$$t' = 1986 + 199 = 2185 \text{ ans}$$

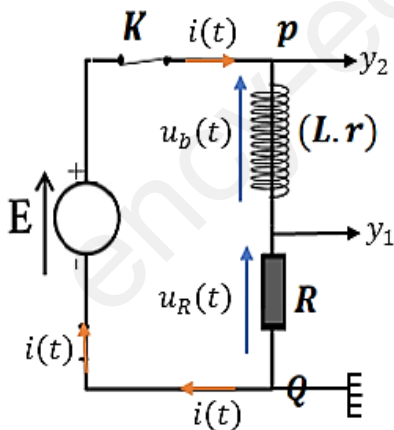
ب- حساب كتلة السيزيوم Cs:

$$m = \frac{N}{N_A} \cdot M = \frac{A \times M \times t_{1/2}}{\ln 2 \times N_A} = \frac{5,55 \times 10^{15} \times 137 \times 30 \times 365 \times 24 \times 3600}{6,02 \times 10^{23} \times \ln 2} = 1723,9 \text{ g}$$

لدينا:

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

الجزء الأول:



1-1. تمثيل الجهة الإصطلاحية للتيار والتوترات مع تبين كيفية

توصيل راسم الإهتزاز المهبطي:

2-1. تبين أن المنحنى (b) يمثل التوتر  $u_R(t)$ :

لدينا:  $u_{pQ}(t) = E = cte$

ومنه البيان (a) يمثل التوتر  $u_{pQ}(t)$  ولدينا:  $u_R(t = 0) = 0$

ومنه المنحنى (b) يمثل التوتر  $u_R(t)$ .

3-1. تعيين بيانيا قيمة كل من:

أ- القوة المحركة الكهربائية  $E = 12 \text{ V}$

ب- التوتر  $u_{R,max}$  بين طرفي الناقل الأومي:  $u_{R,max} = 10,8 \text{ V}$

ج- ثابت الزمن  $\tau$ : برسم المماس عند اللحظة  $t = 0$  أو إسقاط القيمة  $0,63 u_{R,max}$  نجد  $\tau = 1 \text{ ms}$

4-1. أثبات أن المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$ . الكهربائي المار في الدارة تكتب بالشكل:

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$$

حسب قانون جمع التوترات نجد:  $u_b + u_R = E$

نعلم أن:  $u_R = R \cdot i$  و  $u_b = L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i$  ومنه:  $L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$  أي:  $L \cdot \frac{di}{dt} + (r + R) \cdot i = E$  وبالضرب في  $\frac{1}{L}$  نجد:

$$\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$$

1-5 - تبين أن المقاومة الداخلية للوشية تكتب بالشكل:  $r = R \cdot \left( \frac{E}{u_{R,max}} - 1 \right)$

لدينا في النظام الدائم:  $\frac{di}{dt} = 0$  ومنه:  $I_0 = \frac{E}{r+R} \Leftrightarrow \frac{(r+R)}{L} \cdot I_0 = \frac{E}{L}$  ولدينا  $u_{R,max} = R \cdot I_0$  ومنه:  $r = \frac{R \cdot E}{u_{R,max}} - R \Leftrightarrow r + R = \frac{R \cdot E}{u_{R,max}} \Leftrightarrow u_{R,max} = \frac{R \cdot E}{r+R} \Leftrightarrow u_{R,max} = R \cdot I_0$

$$r = R \cdot \left( \frac{E}{u_{R,max}} - 1 \right)$$

- حساب قيمتها: تطبيق عددي

$$r = 10 \cdot \left( \frac{12}{10.8} - 1 \right) = 11.11 \Omega$$

1-6. التحقق أن ذاتية الوشية  $L \approx 111 mH$

لدينا:  $\tau = \frac{L}{r+R}$  ومنه  $L = \tau \cdot (r + R)$  نجري تطبيق عددي نجد:  $L = 1 \cdot (100 + 11.11) = 111 mH$

**الجزء الثاني:**

2-1. نمط الإهتزازات الذي يبرزه الشكل: شبه دوري متخامد.

2-2. أ - قيمة شبه الدور  $T$ : من بيان الشكل-16. نجد:  $T = 3.4 ms = 3.4 \times 10^{-3} s$

ب- استنتاج قيمة سعة المكثفة  $C$ : لدينا:  $T = 2\pi\sqrt{LC}$  بتربيع الطرفين نجد عبارة  $C$  بالشكل:  $C = \frac{1}{L} \frac{T^2}{4\pi^2}$

تطبيق عددي:

$$C = \frac{1}{0.1} \frac{(3.4 \times 10^{-3})^2}{4(3.14)^2} = 2.89 \times 10^{-6} F$$

ج- حساب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t = 0s$ : لدينا:

د- شكل الطاقة المخزنة في الدارة  $RLC$  عند اللحظة  $t = 0.85s$ :

$$u_c(0) = E \text{ ومنه } E_C(0) = \frac{1}{2} C E^2 = 2.1 \times 10^{-6} J \text{ ، ت.ع. } E_C(0) = \frac{1}{2} C E^2$$

من البيان:  $u_c(t = 0.85) = 0$ ، ونعلم أن:  $E_T = E_C + E_b$  أي:  $E_T = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L \cdot i^2$  ومنه:

2-3. أ - دور جهاز التغذية (مضخم تطبيقي  $AO$ ): هو تعويض الطاقة الضائعة بفعل جول.

ب - تمثيل بيان التوتر  $u_c(t)$  بين طرفي المكثفة المتحصل عليه:

ج - اثبات أن المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر تكتب بالشكل:

$$\frac{d^2 u_c}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_c = 0$$

حسب قانون جمع التوترات:  $u_b + u_R + u_C + u_{AO} = 0$

$$L \frac{di}{dt} + (r + R) \cdot i + u_c - R_0 \cdot i = 0$$

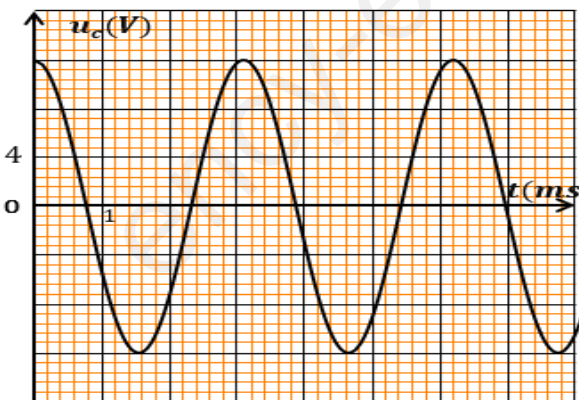
نعلم أن:  $i = C \frac{du_c}{dt}$  ومنه:  $LC \frac{d^2 u_c}{dt^2} + u_c = 0$

إذا:  $\frac{d^2 u_c}{dt^2} + \frac{1}{LC} u_c = 0$

د - تحديد من بين النوات الواردة في الجدول التالي، النواة الموافقة للموجة الصوتية المنبعثة:

لنحسب تواتر الموجة الصوتية: نعلم أن:  $f = \frac{1}{T}$  ت.ع.  $f = \frac{1}{3.4 \times 10^{-3}} = 294.12 Hz$

ومنه النواة الموافقة للموجة الصوتية المنبعثة هي: Ré.



## التمرين الاول: 7 نقاط

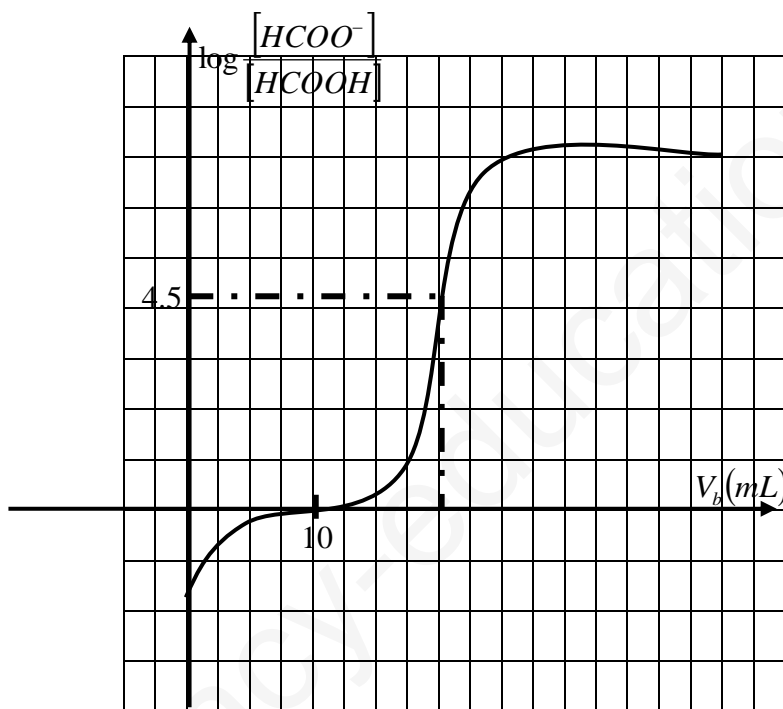
I - نذيب كتلة قدرها  $m=0.046g$  من حمض الميثانويك (النمل)  $HCOOH$  في 100ml من الماء المقطر، الناقلية النوعية للمحلول أعطى:  $\sigma = 0.049 \text{ s/m}$  عند الدرجة  $25^\circ C$ .

- 1 - اكتب معادلة انحلال الحمض في الماء ،
- 2 - انشئ جدول تقدم التفاعل .
- 3 - احسب التركيز المولي للمحلول  $Ca$ .
- 4 - احسب pH المحلول ثم احسب نسبة التقدم النهائي  $\tau_f$ ، ماذا تستنتج؟
- 5 - احسب ثابت التوازن الكيميائي  $K$  ماذا يمثل في هذه الحالة ،
- 6 - أستنتج  $pK_a$  للثنائية  $HCOOH/HCOO^-$

I - نعاير حجم  $v_a=10ml$  من المحلول السابق بمحلول هيدروكسيد الصوديوم  $NaOH$  تركيزه  $C_b$

- نرسم البيان  $f(v_b) = \log \frac{[HCOO^-]}{[HCOOH]}$  ( أنظر البيان -1 - )

- 1- اكتب معادلة تفاعل المعايرة .
- 2- باستغلال البيان -1 - اوجد :



- أ - حجم محلول  $NaOH$  اللازم للتكافؤ  $V_{bE}$  ثم استنتج قيمة  $C_b$  .
- ب - قيمة pH المحلول عند التكافؤ .

3- من بين الكواشف الملونة التالية بين الكاشف المناسب لهذه المعايرة مع التعليل

الكاشف	الهليانتين	احمر الكريزول	فينول فتالين
مجال تغير اللون	3.1 - 4.4	7.2 - 8.8	8.2 - 10

يعطى:

$$M_O = 16g/mol, \lambda_{HCOO^-} = 5,46 \text{ mS.m}^2/mol, \lambda_{H_3O^+} = 35 \text{ mS.m}^2/mol$$

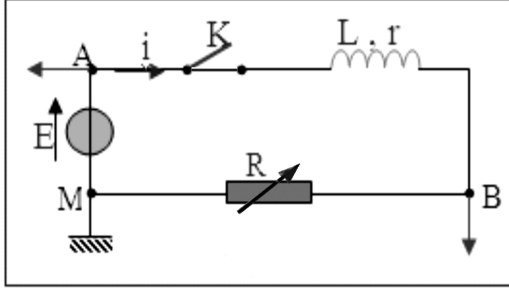
$$M_H = 1g/mol, M_C = 12g/mol$$

## التمرين التجريبي: (06 نقاط )

### إيجاد تجريبيا خصائص وشيعة:

في مخبر الفيزياء وجد تلميذ وشيعة وأراد تعيين خصائصها رفقة فوجه وبتوجيه من أستاذه.  
الأجهزة المتوفرة: مولد للتوتر  $E = 6\text{ V}$ ، مقاومة متغيرة  $R$ ، وشيعة  $(L, r)$ ، أسلاك توصيل، قاطعات، راسم اهتزاز مهبطي.

### الجزء أ: تعيين مقاومة الوشيعة $r$ :



الشكل 1

نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل 1: نضبط  $R$  عند القيمة  $10\ \Omega$ ، وفي اللحظة  $t = 0$  نغلق القاطعة، باستخدام راسم الاهتزاز المهبطي نسجل منحنى تغيرات فرق الكمون بين طرفي المقاومة مع الزمن  $U_R = f(t)$ ، ثم نحصل بعد ذلك على المنحنى 1 (الشكل 2).

1- أعط العلاقة التي تمكننا من الحصول على المنحنى 1 (الشكل 2).

2- ما هي شدة التيار المار بالدائرة عند بلوغ

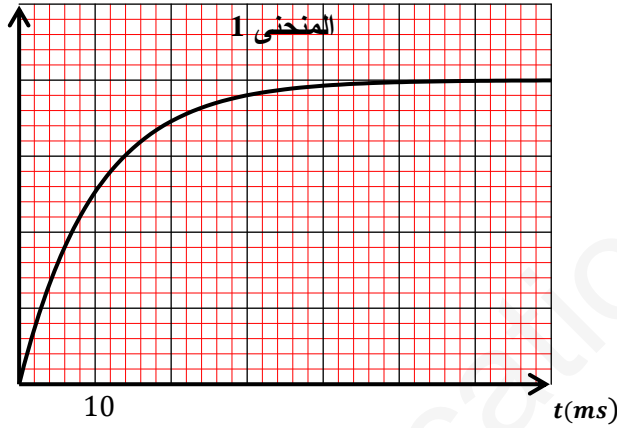
النظام الدائم؟

3- بين أن عبارة شدة التيار في النظام الدائم

$$I_0 = \frac{E}{R+r}$$

4- أوجد قيمة  $r$  للوشيعة.

$i(\text{mA})$



الشكل 2

### الجزء ب: تعيين ذاتية الوشيعة $L$ :

5- انطلاقا من المنحنى 1 الشكل 1 حدّد ثابت الزمن  $\tau$  موضحا الطريقة المتبعة.

6- أعط عبارة  $\tau$  بدلالة مميزات الدارة ثم استنتج قيمة ذاتية الوشيعة  $L$ .

### الجزء ج: الدراسة النظرية:

7- بين أن المعادلة التفاضلية لشدة التيار المار في الدارة من الشكل:  $\frac{di}{dt} = A - B \cdot i(t)$ .

8- بواسطة التحليل البعدي حدّد وحدة  $B$ .

9- ارسم منحنى 2 في نفس المعلم السابق حالة جعل  $R = 20\ \Omega$



## التمرين الثالث 7 نقاط

نقترح دراسة حركة قطرة مطر كتلتها  $m=1g$  وحجمها  $V$

الحالة الأولى : ندرس حركة القطرة في سقوط شاقولي في الهواء (عدم وجود رياح). عبارة قوة الاحتكاك  $f=kv$  حيث  $v$  سرعة مركز القطرة و  $f$  ثابت

1- اعطي عبارة دافعة ارخميدس  $\pi$  و بين انها مهملة امام ثقل  $p$

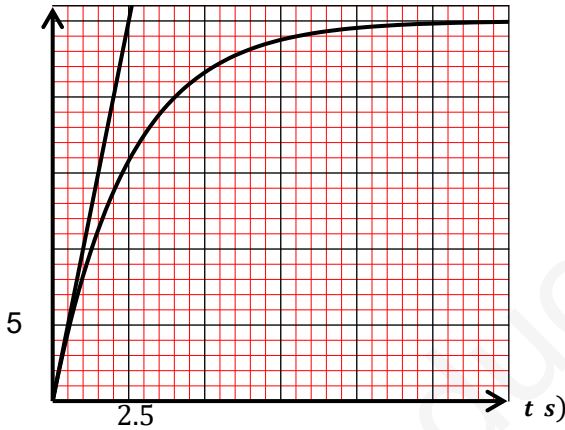
2- ندرس سقوط مركز عطالة القطرة على محور شاقولي (OZ) موجه نحو الأسفل باهمال دافعة ارخميدس، بين ان المعادلة التفاضلية للسرعة تكتب على الشكل:

$$dv/dt + Av = B$$

ثم اعطي عبارة A و B بدلالة  $g$  ،  $m$  ،  $k$

3- المنحنى المرفق يعطى تطور سرعة مركز عطالة القطرة بدلالة الزمن :

$v(m/s)$



1-3 احسب تسارع الحركة في اللحظة  $t=0$  ثم في النظام الدائم

2-3 اوجد عبارة السرعة الحدية  $v_L$  ثم حدد قيمتها من البيان

3-3 احسب معامل الاحتكاك و عين وحدته

ثانياً: في النظام الدائم عندما كانت القطرة تسقط شاقولياً تعرضت الى هبة ريح مدتها قصيرة اكسبها سرعة افقية  $v_{0x}=54m/s$  في لحظة نعتبرها مبدأ الأزمنة اضافة الى السرعة الشاقولية السابقة  $v_{0y}$  فاخذ سقوطه مسار منحنى بسرعة ابتدائية  $v_0$  يصنع حاملها زاوية  $\alpha$  مع الأفق (لاحظ الشكل)

باهمال قوة الاحتكاك و دافعة ارخميدس

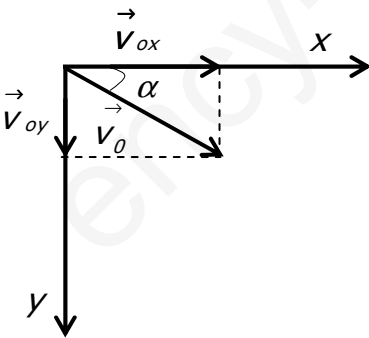
1- ابتطبيق القانون الثاني لنيتون اوجد طبيعة الحركة في المحوين والمعادلات

الزمنية  $X(t)$  و  $Y(t)$

2- احسب قيمتي  $v_0$  و الزاوية  $\alpha$

3- علما ان القطرة تقطع زمن قدره  $t=0.5s$  للوصول الى سطح الأرض احسب

المسافة الافقية التي تقطعها عندئذ



معطيات : \* تسارع الجاذبية الأرضية :  $g = 10 m.s^{-2}$

\* الكتلة الحجمية للماء :  $\rho_1 = 10^3 kg / m^3$

\* الكتلة الحجمية للهواء :  $\rho_2 = 1,3 kg / m^3$

0,25 من امان  $\frac{[H_2O]}{[H_2O]} = 4,5$

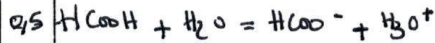
0,5  $pH_e = pK_a + \log \frac{[H_2O]}{[H_2O]} = 3,8 + 4,5 = 8,3$

0,5 3. الكائن للـ هو  
فـ  $p_e \in [ ]$  متالين

## تصحيح الاختيار:

الفرق 1. مثال

1 معادلة انحلال الحـ في الماء:



0,5 الجبرل : 
$$\begin{array}{ccccccc} HCOOH & + & H_2O & = & H_3O^+ & + & HCOO^- \\ 1C_{a.V} & + & 0 & = & 0 & + & 0 \\ 1C_{a.V} \times & + & x & = & x & + & x \\ 1C_{a.V} - x & + & 2x & = & 2x & + & x \end{array}$$

0,5  $C_a = \frac{n}{V} = \frac{m}{M.V} = \frac{0,046}{46 \times 0,1} = 10^{-2} \text{ mol/l}$

4 -  $pH$  حـ

0,25  $pH = -\log [H_3O^+]$

0,5  $[H_3O^+] = \frac{b}{\lambda_{HCOO^-} + \lambda_{H_3O^+}} = \frac{0,049}{1,46 + 35} = 0,00121 \text{ mol/l}$

0,25  $pH = -\log (0,00121) = 2,9$

0,5  $10^{-pH} = \frac{[H_3O^+]}{C_a} = \frac{[H_3O^+]}{10^{-2}}$  متالين

0,5  $K = \frac{[H_3O^+][HCOO^-]}{[HCOOH]} = \frac{[H_3O^+]^2}{C_a - [H_3O^+]}$   
 $= 1,6 \times 10^{-4}$

0,25 مثل ايضا ثابت الـ  $K_a$

0,5  $pK_a = -\log K_a = -\log (1,6 \times 10^{-4}) = 3,8$

$pK_a = 3,8$

II - معادلة للمـ



0,5  $\log \frac{[ ]}{[ ]} = 0$  ونكون  $V_b = \frac{V_p}{2}$  1  $= \frac{[HCOOH]_f}{[HCOO^-]_f}$  2

0,5  $V_b = 20 \text{ ml}$  اذن  $\frac{V_{be}}{2} = 10 \text{ ml}$  في الـ

0,25  $C_a V_a = C_b V_{be}$  : حـ

0,5  $V_b = \frac{C_a V_a}{V_{be}} = \frac{0,01 \cdot 10}{20} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol/l}$

0 -  $pH$  عند انكاف



الحل:

$$I_0 = \frac{E}{R+r} = \frac{6}{25} = 0.24 \text{ A} = 240 \text{ mA}$$

$$\tau_2 = \frac{L}{R+r} = \frac{0.15}{25} = 0.006$$

$I_{02} < I_{01}$   $\tau_2 < \tau_1$   $\rightarrow$  التحل

النموذج التجريبي. (مقاطع)

1- العلاقة التي يمكن الحصول عليها هي

$$U_R = R i$$

2- من البيان  $I_0 = 0.4 \text{ A}$

3-  $U_R + U_L = E$

$$R i + r i + L \frac{di}{dt} = E$$

في لحظ دائم  $\frac{di}{dt} = 0$  ،  $i = I_0$

$$R I_0 + r I_0 = E$$

$$I_0 = \frac{E}{R+r}$$

4-  $r = \frac{E}{I_0} - R$

$$r = \frac{6}{0.4} - 10 = 5 \Omega$$

5- من البيان نعلم  $I_0 = 0.4 \text{ A}$

$$0.63 I_0 = 0.63 \times 0.4 = 0.25 \text{ A} = 250 \text{ mA}$$

حيال بيان  $\tau = 10 \text{ ms}$

6-  $\tau = \frac{L}{R+r}$  عاين

7-  $L = \tau (R+r)$   
 $= 10^{-2} (15) = 0.15 \text{ H}$

$$U_R + U_L = E$$

$$R i + r i + L \frac{di}{dt} = E$$

التي هي  $L$

$$\frac{di}{dt} = \frac{E}{L} - \frac{R+r}{L} i$$

الطاقة  $B = \frac{R+r}{L} = \frac{1}{\tau}$

$$[B] = \frac{1}{s} = s^{-1}$$

حـ ك :

$$0,25 \dots K = \frac{mg}{V_L} = \frac{10^3 \cdot 10}{25} = 4 \cdot 10^4$$

وحدة  
النقل الجلي العدي

$$0,25 \dots [K] = \frac{kg \cdot \frac{m}{s^2}}{\frac{m}{s}} = kg/s$$

ثانياً :  
ايجاد خواص الحركة والمعادلات  $x(t), y(t)$

$$0,25 \dots \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}, \quad \vec{p} = m \vec{a}$$

لا هناك مجال محور  $x$  :  
0,1 كـ

$$0 = ma_x \Rightarrow a_x = 0$$

الحركة مستقيمة متساوية

لا هناك مجال محور  $y$

$$0,1 \dots p = ma_y, \quad mg = m a_y$$

$$a_y = g = \text{ثابت}$$

الحركة مستقيمة معرودة النظام

المعادلة :

$$x(t) = V_x t + x_0 \rightarrow 0$$

0,25

$$x(t) = V_0 \cos \alpha t$$

$$0,25 \dots y(t) = \frac{1}{2} g t^2 + V_0 \sin \alpha t + y_0 \rightarrow 0$$

حـ بـ ثمة  $V_0$

$$0,1 \dots V_0 = \sqrt{V_{0x}^2 + V_{0y}^2} = \sqrt{54^2 + 25^2}$$

$$V_0 = 59,12 \text{ m/s}$$

ايجاد زاوية  $\alpha$

$$0,1 \dots \tan \alpha = \frac{V_{0y}}{V_{0x}} = \frac{25}{54} = 0,46$$

$$\alpha = 24,7^\circ$$

$$0,1 \dots x = V_x t = 54 \times 0,55 = 27 \text{ m}$$

التمرين 03 : 1 كـ

1. كـ بـ ثمة دافعة ارجس

$$0,25 \dots \Pi = \int_{air} V \cdot g = \int_2 V g$$

2. تبين انهما معك امام قوت  
اسفل

$$0,25 \dots \frac{p}{\Pi} = \frac{\int mg}{\int_{air} V g} = \frac{\int_1 V g}{\int_2 V g} = \frac{10^3}{1,3} = 770$$

$$p \gg \Pi$$

اذن دافعة ارجس مهملة

المعادلة التفاضلية

0,25 شغل :



$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}, \quad \vec{p} + \vec{f} = m \vec{a}$$

$$p - f = ma$$

$$mg - K v = m \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{K}{m} v = g$$

$$0,1 \dots A = \frac{K}{m} \quad / \quad B = g$$

ايجاد  $v$  في الزمان  $t$  ونظام دائم

$$t=0, \quad a_0 = \frac{dv}{dt} = \tan \alpha = \frac{25}{54} = 10 \text{ m/s}^2$$

في نظام دائم  $v = V_L$  :  
 $a=0 \Rightarrow \tan \alpha = \frac{V_L}{V_0}$

عبارة  $V_L$  وميها

$$\frac{K}{m} V_L = g \Rightarrow$$

$$V_L = \frac{mg}{K}$$

$$V_L = 25 \text{ m/s}$$



المدة: 03 ساعات و 30 دقيقة

إختبار البكالوريا التجريبي في مادة: العلوم الفيزيائية

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

## الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (04) صفحات (من الصفحة 01 من 09 إلى الصفحة 04 من 09)  
التمرين الأول: (07 نقاط)

I. تسقط كرية من الفلين شاقوليا بدون سرعة ابتدائية في جوهادى، نصف قطرها  $r = 2\text{ cm}$ .  
يعطى: تسارع الجاذبية الأرضية  $g = 10\text{ m.s}^{-2}$ ، الكتلة الحجمية للفلين  $\rho_L = 200\text{ kg.m}^{-3}$ ،

الكتلة الحجمية للهواء  $\rho_{air} = 1,3\text{ kg.m}^{-3}$ ، حجم كرة:  $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3$ 

تخضع الكرية أثناء سقوطها لقوة احتكاك  $\vec{f}$  تتناسب طردا مع قيمة سرعتها.

1. تحقق أن كتلة الكرية هي:  $m = 6,7 \cdot 10^{-3}\text{ kg}$ 

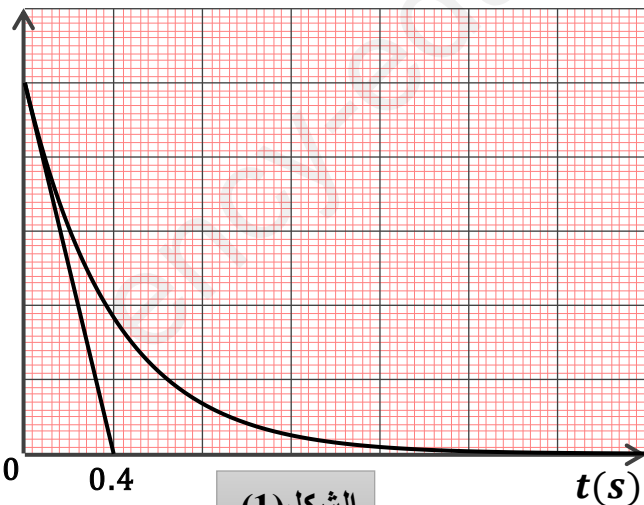
2. تحقق أن النسبة بين شدة دافعة أرخميدس وثقل الكرية تكتب من الشكل:  $\frac{P}{\pi} = \frac{\rho_L}{\rho_{air}}$ ، ثم بين أنه يمكن إهمال دافعة أرخميدس أمام الثقل.

3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة مركز عطالة الكرية

تكتب بالشكل:  $\frac{dv(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} v(t) = B$ 

حيث:  $\tau$  و  $B$  ثابتين يطلب إيجاد عبارة كل منهما.

4. مستعملا التحليل البعدي جد وحدة قياس معامل الاحتكاك  $k$ .

5. باستعمال برمجية مناسبة تمكنا من رسم المنحنى البياني:  $a = f(t)$  في الشكل (1):


- اعتمادا على المنحنى البياني والمعادلة التفاضلية السابقة جد ما يلي:

1.5. الثابت المميز للحركة  $\tau$  واستنتج قيمة معامل

الاحتكاك  $k$ .

2.5. شدة التسارع الابتدائي  $a_0$ ، واستنتج سلم رسم محور

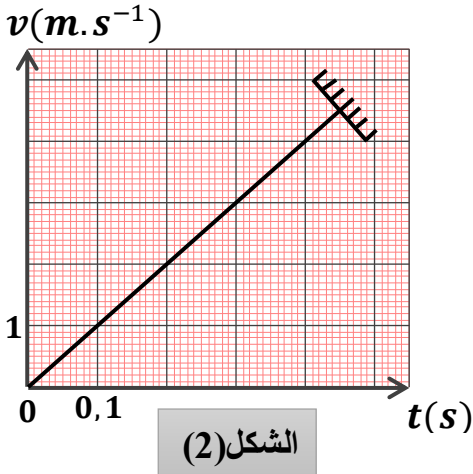
الترتيب للمنحنى  $a = f(t)$ .

6. جد عبارة السرعة الحدية  $v_L$ ، وأحسب شدتها.

7. احسب شدة قوة الاحتكاك عند اللحظة  $t = 0,2\text{ s}$ ، و  
استنتج قيمة الطاقة الحركية للكرية عند نفس اللحظة.



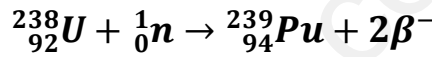
II. توضع الكرة السابقة داخل أنبوب زجاجي طوله  $L$  مفرغ تماما من الهواء، وتترك لتسقط دون سرعة ابتدائية من نقطة  $O$  أعلى الأنبوب في لحظة نعتبرها كمبدأ للأزمنة والمسافات إلى القاع، يمثل الشكل (2) منحنى تغيرات سرعة الكرة بدلالة الزمن كما في الشكل (2):



1. ما نوع هذا السقوط؟ عرفه.
2. أحسب تسارع مركز عطالة الكرة، واستنتج طبيعة حركتها.
3. احسب طول الأنبوب الزجاجي  $L$ .

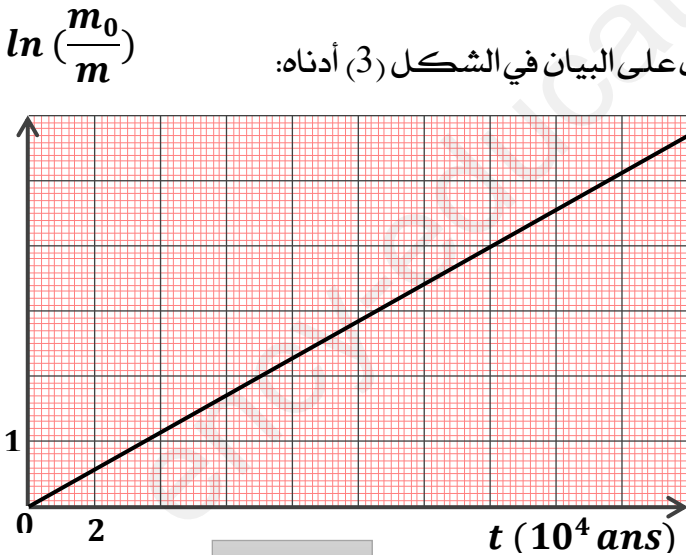
### التمرين الثاني: (06 نقاط)

البلوتونيوم  $^{239}\text{Pu}$  هو أحد نظائر البلوتونيوم وهو من المواد التي تستخدم كوقود نووي في المفاعلات النووية لإنتاج الطاقة الكهربائية، يتم إنتاجه انطلاقا من اليورانيوم  $^{238}\text{U}$  وفق المعادلة النووية التالية:



I البلوتونيوم  $^{239}\text{Pu}$  يتفكك تلقائيا مصدرا جسيمات  $\alpha$ .

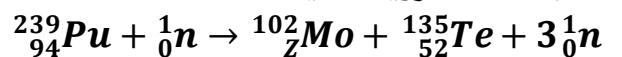
- 1 أ- عرف كلا من: النظير والجسيمات  $\alpha$ .
- ب- أكتب معادلة التفكك النووي لنواة البلوتونيوم  $^{239}\text{Pu}$  علما أن النواة الناتجة هي أحد نظائر اليورانيوم  $^{235}\text{U}$ .
- 2- عينة من البلوتونيوم  $^{239}\text{Pu}$  كتلتها  $m_0 = 1\text{g}$  بواسطة برنامج محاكاة للنشاط الإشعاعي تمكنا من الحصول على البيان في الشكل (3) أدناه:



- 1.2. اختر الإجابة الصحيحة مع التبرير: يعبر عن كتلة الأنوية المتبقية في العينة بالعلاقة:
  - أ-  $m_0 = m(t)e^{-\lambda t}$
  - ب-  $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$
  - ج-  $m(t) = m_0 (1 - e^{-\lambda t})$
- 2.2. اكتب معادلة البيان، واستنتج قيمة ثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$ .

3.2. أحسب قيمة النشاط الابتدائي  $A_0$  للعينة السابقة.

II. ينمذج أحد التفاعلات الممكنة لإنشطار نواة  $^{239}_{94}\text{Pu}$  بالمعادلة النووية التالية:



1. عرف تفاعل الإنشطار النووي.
2. عين قيمة  $Z$  مع تبين القانون المستعمل.
3. أ. ماهي النواة الأكثر استقرارا من بين الأنوية الواردة في معادلة تفاعل الإنشطار النووي السابقة؟
3. ب. هل النتيجة تتوافق مع التعريف؟

4. أحسب الطاقة المحررة عن إنشطار نواة واحدة من البلوتونيوم 239.
5. أ. أحسب بالجول الطاقة المحررة من العينة السابقة ( $m_0 = 1g$ ).
5. ب. تستعمل الطاقة السابقة في توليد الكهرباء في مفاعل نووي استطاعته الكهربائية  $P = 30MW$  بمردود طاقي  $r = 30\%$ .
- أحسب المدة اللازمة لاستهلاك الكتلة السابقة.

يعطى:

$$r = \frac{E_e}{E_{(Lib)T}} \times 100$$

المردود الطاقي  $E_e$  الطاقة الكهربائية،  $E_{(Lib)T}$  الطاقة المحررة الكلية من العينة).

$$1MW = 10^6W, 1MeV = 1,6 \cdot 10^{-13}J, \frac{E_L(^{135}_{52}Te)}{A} = 8,3MeV/nuc, \frac{E_L(^{239}_{94}Pu)}{A} = 7,5MeV/nuc$$

$$m(^1_0n) = 1,00866u, m(^1_1p) = 1,00728u, 1u = 931,5MeV/C^2, N_A = 6,02 \cdot 10^{23}mol^{-1}$$

$$m(^{239}_{94}Pu) = 239,0015u, m(^{102}_ZMo) = 101,8874u, m(^{135}_{52}Te) = 134,8881u$$

1ans = 365.25jours,  $M_{Pu} = 239g/mol$

التمرين التجريبي: (07 نقاط)

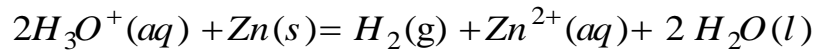
يعتبر حمض كلور الماء ( $H_3O^+ + Cl^-$ ) أو ما يعرف تجارياً بروح الملح من أكثر الأحماض استخداماً خاصة في تنظيف المجاري و أنابيب الصرف الصحي.

يهدف هذا التمرين الى دراسة بعض التفاعلات الكيميائية لهذا الحمض.

I - في أيرلينة ماير نضع عند اللحظة  $t = 0$  وعند درجة حرارة  $\theta = 25^\circ C$  قطعة من الزنك  $Zn$  كتلتها  $m_0$  مع حجم قدره  $V = 100mL$  من محلول لحمض كلور الماء ( $H_3O^+ + Cl^-$ ) تركيزه المولي  $C = 5 \times 10^{-2}mol.L^{-1}$

تعطى:  $M(Zn) = 64,5 g \cdot mol^{-1}$ .

التحول الحادث بطيء وقام، ينمذج بالمعادلة:



1. حدد الثنائيتين ( $ox / red$ ) المشاركتين في هذا التفاعل.

2. انجز جدول تقدم التفاعل.

3. قمنا بقياس  $pH$  المزيج في نهاية التفاعل فتحصلنا على القيمة 1,69.

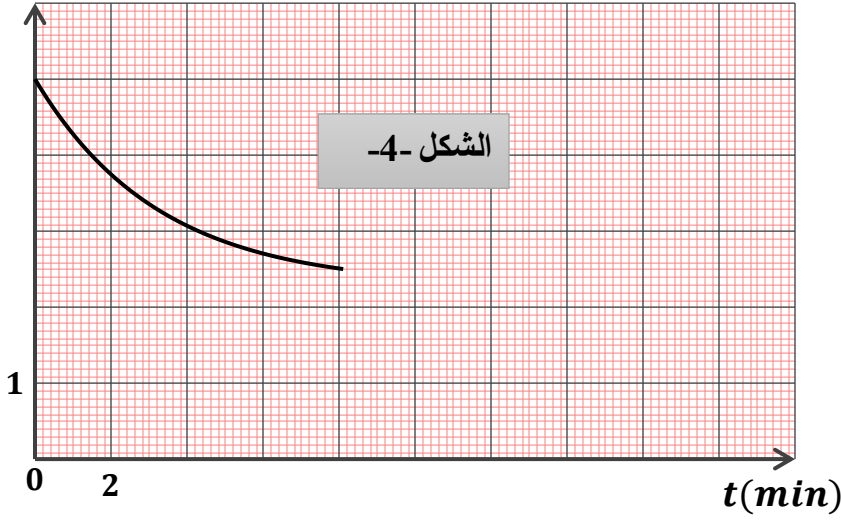
1.3. احسب تركيز شوارد  $H_3O^+$  في الحالة النهائية واستنتج كمية مادتها في هذه الحالة.

2.3. حدد المتفاعل المحد، ثم استنتج قيمة التقدم الأعظمي  $x_{max}$ .

3.3. حدد كتلة الزنك  $m_0$ .

## II. المتابعة الزمنية لهذا التحول مكنتنا من رسم المنحنى: $[H_3O^+] = f(t)$ (الشكل-4).

$$[H_3O^+] \times 10^{-2} \text{ mol/L}$$

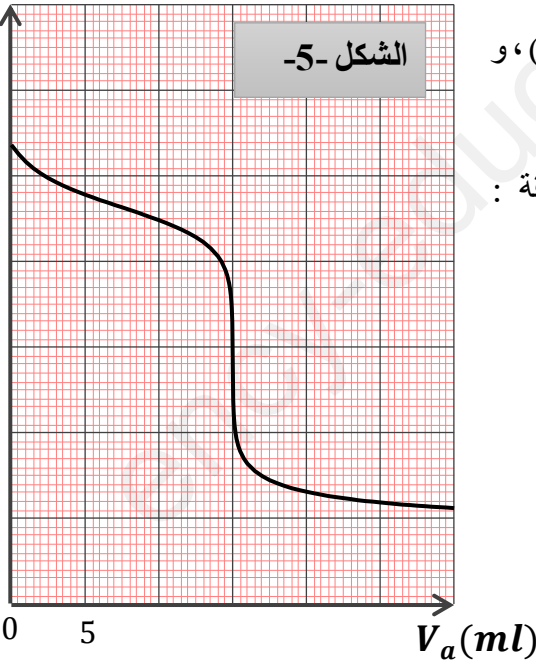


1. اكمل المنحنى البياني مع التعليل.
  2. جد بيانيا زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ ، موضعا كيفية ذلك.
  3. احسب السرعة الحجمية الابتدائية لاختفاء شوارد  $H_3O^+$ ، و استنتج السرعة الحجمية للتفاعل الأعظمية.
  4. نكرر التجربة في درجة حرارة  $\theta = 31^\circ\text{C}$ .
- ارسم على نفس الشكل المنحنى  $[H_3O^+] = g(t)$ ، مع تفسير تأثير العامل الحركي المسؤول عن تغير سرعة التفاعل مجهريا.

## III. معايرة محلول النشادر بواسطة محلول حمض كلور الماء :

نقوم بمعايرة حجما  $V_B = 20 \text{ mL}$  من محلول مائي  $(S_b)$  للنشادر  $NH_3(aq)$  تركيزه المولي  $C_B$  بواسطة محلول حمض كلور الماء المتبقي من التفاعل السابق (الجزء II) ذي التركيز  $C_A$ ، بواسطة المعايرة  $pH$  - مترية تحصلنا على المنحنى الممثل في الشكل-5. تغيرات  $pH$  المزيج بدلالة حجم المحلول الحمضي المضاف  $V_A$ .

$pH$



1. اكتب معادلة تفاعل المعايرة.
2. ارسم التركيب التجريبي المستعمل مع ارفاقه بالبيانات.
3. جد احداثيي نقطة التكافؤ  $E$ ، ثم احسب قيمة  $C_B$ .
4. جد بيانيا قيمة ثابت الحموضة  $pKa$  للثنائية  $(NH_4^+ / NH_3(aq))$ ، و استنتج قيمة  $Ka$ .
5. احسب ثابت التوازن  $K$  لتفاعل المعايرة ، ماذا تستنتج؟
6. حدد الحجم  $V_A$  من المحلول الحمضي الواجب اضافته لكي تتحقق العلاقة :  $[NH_4^+] = 15 [NH_3]$  في المزيج التفاعلي .

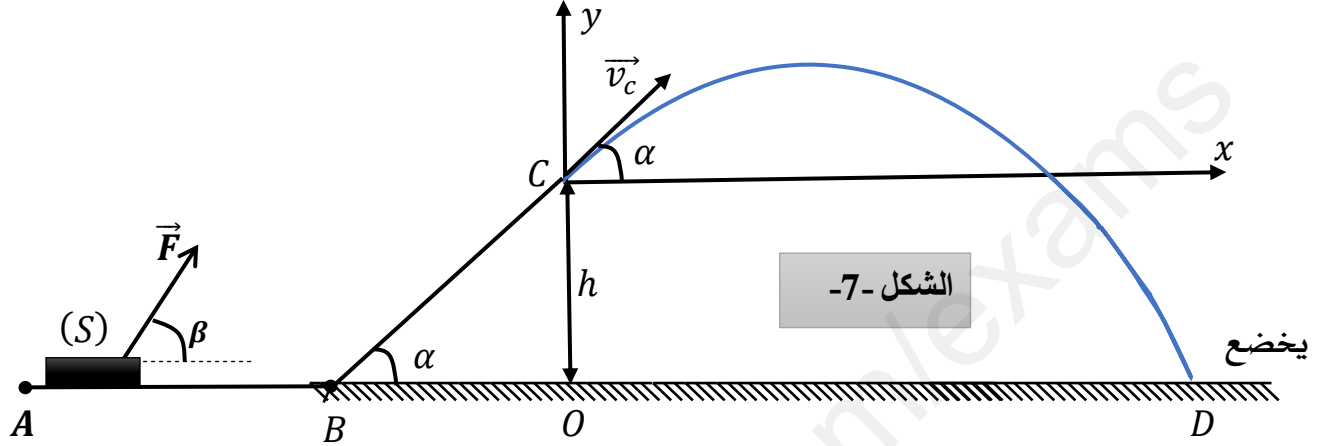
انتهى الموضوع الأول

## الموضوع لثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (05) صفحات (من الصفحة 05 من 09 إلى الصفحة 09 من 09)

التمرين الأول (6 نقاط) :

يتحرك جسم ( $m$ ) كتلته  $m = 400g$  على المسار ( $ABC$ )، يبدأ حركته من الموضع  $A$  بسرعة  $\vec{v}_A$  وذلك تحت تأثير قوة جر  $\vec{F}$  ثابتة ويصنع حاملها مع الأفق زاوية  $\beta = 60^\circ$ .



الجسم أثناء حركته لقوة احتكاك  $f$  شدتها ثابتة  $0.4N$  على الجزء  $AB$  فقط (انظر الشكل-7-).

I- دراسة حركة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $AB$ ) :

1- حص ومثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة الجسم ( $S$ ).

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجسم ( $S$ ):

أ- بين أن المعادلة التفاضلية لسرعة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) تكتب بالشكل :  $\frac{dv}{dt} = \frac{-f + F \cos \beta}{m}$

ب- استنتج العبارة الزمنية لسرعة مركز عطالة الجسم ( $S$ ).

3- سلطان البيان المقابل في الشكل-8- يمثل مخطط سرعة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $AB$ ).

أ- سلطان هل يتوافق البيان مع العبارة الزمنية للسرعة؟ علل.

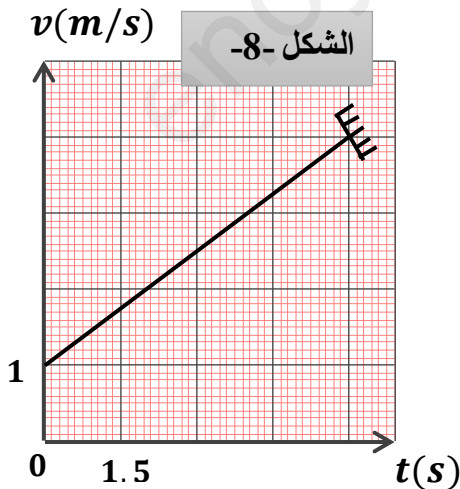
ب- سلطان اعتمادا على البيان اوجد قيمة كل من : شدة كل  $v_A$  و  $a$  (تسارع مركز عطالة الجسم ( $S$ )) و ثم استنتج  $F$ .

ج- سلطان أحسب المسافة المقطوعة  $AB$ .

د- سلطان بالاعتماد على النتائج المتحصل عليها استنتج طبيعة حركة مركز عطالة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $AB$ ).

II- دراسة حركة الجسم ( $S$ ) على الجزء ( $BC$ ) :

نعتبر  $\alpha = 45^\circ$  و  $BC = 0.85 m$  و  $g = 10 m.s^{-2}$



يواصل الجسم حركته على الجزء (BC) بدون احتكاك وبدون قوة جريصل إلى الموضع C بسرعة  $\vec{v}_C$

1 - مثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة الجسم (S).

2 - أحسب شدة القوة R التي تطبقها الطريق على الجسم في هذا الجزء .

3- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم + أرض) بين أن:  $v_C = 2 \text{ m.s}^{-1}$

III- يغادر الجسم المسار الموضع C ليقفز في الهواء بسرعة  $\vec{v}_C$  يصنع حاملها زاوية  $\alpha = 45^\circ$  مع الأفق ليرتطم بسطح الأرض عند الموضع D.

1 - أدرس طبيعة حركة الجسم (S) في المعلم (cx; cy) المرتبط بمرجع غاليلي.

2 - أكتب المعادلات الزمنية  $x(t)$  و  $y(t)$  ، ثم أكتب معادلة المسار.

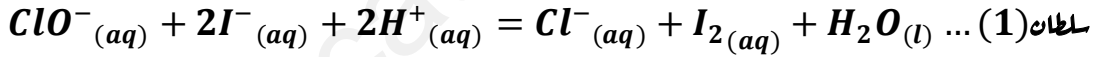
3 - أحسب المسافة الأفقية OD ( المدى ) .

4 - أحسب زمن السقوط  $t_D$  في الموضع D ، ثم استنتج السرعة عند هذا الموضع .

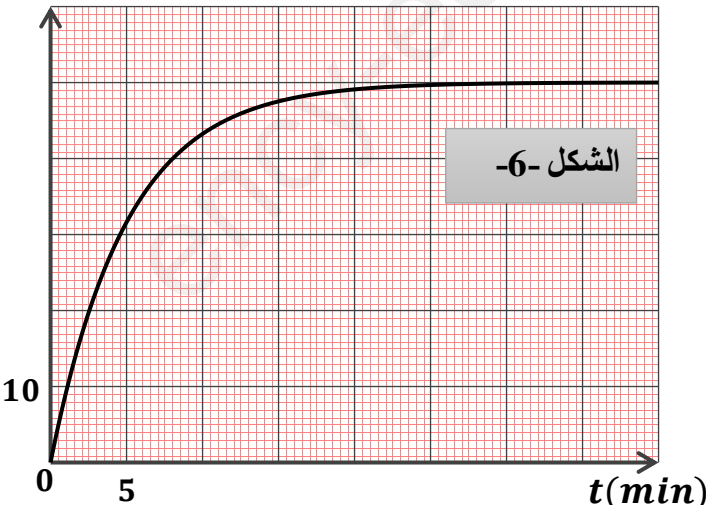
5 - ماهو أقصى ارتفاع  $y_s$  يصل اليه الجسم .

### التمرين الثاني (06 نقاط):

نضع في بيشر حجما  $V_1 = 50 \text{ mL}$  من ماء الجافيل الذي يحتوي على شوارد الهيبوكلوريت  $\text{ClO}^-$  تركيزها المولي  $C_1 = 0,56 \text{ mol/L}$  ونظيف إليه حجما  $V_2 = 50 \text{ mL}$  من مجلول يود البوتاسيوم ( $\text{K}^+ + \text{I}^-$ ) تركيزه المولي  $C_2 = 0,2 \text{ mol/L}$  مع قطرات من حمض الكبريت المركز. المعادلة المنمذجة للتفاعل الحادث:



$[\text{I}_2](\text{mmol/L})$



لمتابعة هذا التفاعل البطيء والتام، نأخذ عند لحظات زمنية مختلفة بواسطة ماصة  $V = 10 \text{ mL}$  من المزيج، نسكبه في بيشر ونظيف إليه الماء والجليد، ثم نعاير محتوى البيشر ( $\text{I}_2$ ) بواسطة محلول ثيوكبريتات الصوديوم ( $2\text{Na}^+ + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}$ ) تركيزه المولي

$C_0 = 0,04 \text{ mol/L}$ . النتائج أعطت المنحنى الممثل في الشكل (06).

1. هل يعتبر حمض الكبريت وسيط؟ علل.

2. اعتمادا على معادلة التفاعل (1)، أستنتج الشناتيات (Ox/Red) الداخلة في التفاعل.

3. لماذا تم إضافة الماء والجليد قبل عملية المعايرة؟

4. انجز جدولا لتقدم التفاعل الكيميائي الحادث بين شوارد الهيبوكلوريت وشوارد اليود.

5. أوجد العلاقة التي تربط بين  $[\text{I}_2]_t$  وتقدم التفاعل  $x_t$ .



6. أ. عرف السرعة الحجمية للتفاعل.

ب. احسب السرعة الحجمية للتفاعل عند  $t_1 = 5 \text{ min}$  و  $t_2 = 10 \text{ min}$ . كيف تتطور مع مرور الزمن؟  
ج. ما هو العامل الحركي المسؤول عن ذلك؟

7. عرف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ ، ثم حدد قيمته.

8. أ. اكتب معادلة تفاعل المعايرة. (يعطى  $(S_4O_6^{2-}/S_2O_3^{2-})$ )

ب. عرف التكافؤ، ثم جد العبارة الحرفية التي تربط بين  $[I_2]$  بدلالة الحجم  $V$  والحجم  $V_E$  والتركيز  $C_0$  لمحلول ثيوكبريتات الصوديوم.

ج. ما هو حجم التكافؤ اللازم إضافته عند اللحظة  $t = 5 \text{ min}$ ؟

التمرين التجريبي (07 نقاط) :

البيانو الإلكتروني جهاز صوتي يرسل نوبات موسيقية ذات ترددات مختلفة. من بين أهم مكونات دارته الإلكترونية الوشيعة والمكثفات.

استخرجت مجموعة من التلاميذ بثانوية قطاش حمود من جهاز بيانو متلف وشيعة ومكثفة بغرض تحديد كل من المقادير المميزة لها وهي ذاتية الوشيعة  $L$  والمقاومة الداخلية  $r$  للوشيعة السعة المكثفة  $C$ ، وكذا تحديد التواتر  $f$  إحدى النوبات الموسيقية، ومن أجل ذلك ننجز الدراستين التجريبتين التاليتين :

الجزء الأول : دراسة ثنائي القطب  $RL$ .

لتحديد المقدارين المميزين في الوشيعة ( ذاتيتها  $L$  والمقاومة الداخلية  $r$  )،

انجز التلاميذ التركيب التجريبي الممثل في الشكل - 1 - عند اللحظة

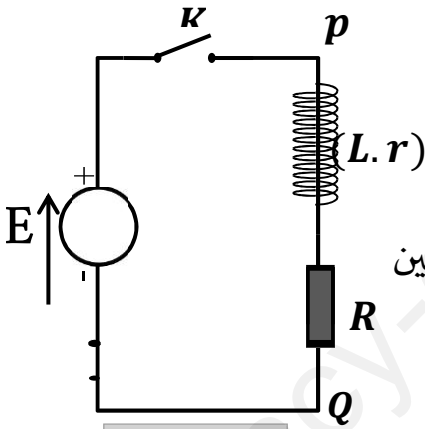
$t = 0$ ، تم اغلاق القاطعة وتبعنا بواسطة راسم الإهتزاز ذو ذاكرة تغيرات كل

من التوتر  $u_R(t)$  بين طرفي الناقل الأومي ذي المقاومة  $R = 100 \Omega$  والتوتر  $u_{pQ}(t)$  بين

طرفي المولد الكهربائي، فتم الحصول على المنحنيين (a) و (b) الممثلين في

الشكل - 10 -

الشكل - 9 -



1-1 - أنقل الشكل - 9 - على ورقة الإجابة ومثل عليه الجهة الإصطلاحية لجهة التيار الكهربائي  $i(t)$  و

التوترات  $u_R(t)$  و  $u_b(t)$  بأسم مع تبين كيفية توصيل راسم الإهتزاز لمهبطي لمشاهدة التوترات  $u_R(t)$  و  $u_{pQ}(t)$ .

1-2 - بين أن المنحنى (b) يمثل التوتر  $u_R(t)$ .

1-3 - عين بيانيا قيمة كل من:

أ- القوة المحركة الكهربائية  $E$ .

ب- التوتر  $u_{R.max}$  بين طرفي الناقل الأومي في النظام الدائم.

ج- ثابت الزمن  $\tau$ .

1-4 - أثبت أن المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$  الكهربائي المار في الدارة تكتب بالشكل:

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$$

1-5 - بين أن المقاومة الداخلية للوشية تكتب بالشكل:  $r =$

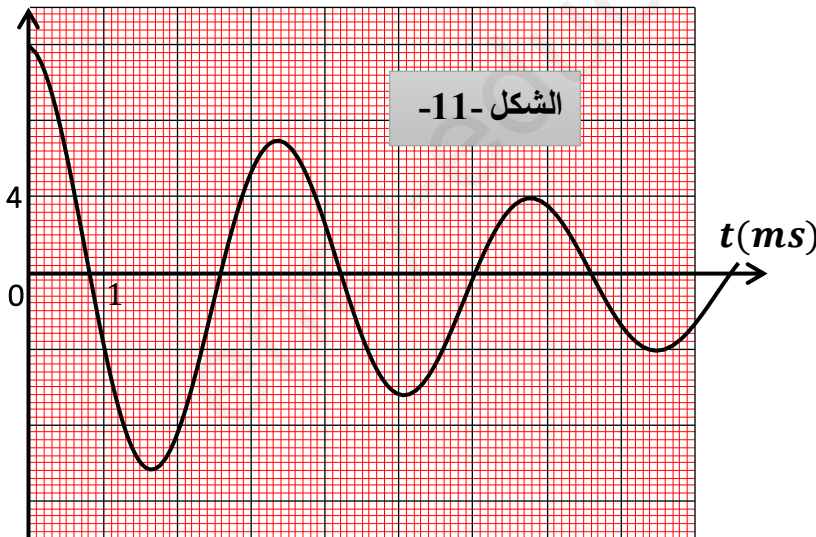
$$R \cdot \left( \frac{E}{u_{R.max}} - 1 \right) \text{ ثم أحسب قيمة } r.$$

1-6 - تحقق أن ذاتية الوشية  $L \approx 111 \text{ mH}$ .

## 2 الجزء الثاني: الإهتزازات الحرة الكهربائية في الدارة الحقيقية $RLC$ :

لتحديد المقدار  $C$  سعة المكثفة، قام أحد التلاميذ بشحن المكثفة كلياً بواسطة مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائية  $E$  مع توصيلها بمكبر الصوت، ثم تفريغها في الوشية ( $L = 0.1 \text{ H}$ ;  $r = 11 \Omega$ ) حيث نمذج الدارة الناتجة بدارة  $RLC$  موصولة على التسلسل، ونعاين تغيرات التوتر  $u_c(t)$  بين

$u_c(V)$



طرفي المكثفة على شاشة راسم الإهتزاز ذي ذاكرة

(الشكل-11).

2.1 - ما نمط الإهتزاز الذي يبرزه الشكل؟

2.2 - نعتبر أن شبه الدور  $T$  يساوي الدور  $T_0$

أ- أوجد قيمة شبه الدور  $T$ ؟

ب- استنتج قيمة سعة المكثفة  $C$ .

ج- احسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة

$$t = 0 \text{ s}$$

د- ما شكل الطاقة المخزنة في الدارة  $RLC$  عند اللحظة  $t = 0.85 \text{ s}$ ؟

2-3. قام التلاميذ بتغذية الدارة  $RLC$  وذلك بتوصيلها بجهاز (مضخم تطبيقي  $AO$ )، فانبعثت موجة صوتية ترددها نفس تردد التوتر  $u_C(t)$ .

أ- ماهو دور جهاز التغذية (مضخم تطبيقي  $AO$ )؟

ب- مثل بيان التوتر  $u_C(t)$  بين طرفي المكثفة المتحصل عليه؟

ج- اثبت أن المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر تكتب بالشكل:  $\frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C = 0$

د- حدد من بين النوبات الواردة في الجدول التالي، النوبة الموافقة للموجة الصوتية المنبعثة.

النوبة	$DO$	$Ré$	$Mi$	$Fa$	$sol$	$La$	$Si$
التردد $(HZ)$	262	294	330	349	392	440	494

انتهى الموضوع الثاني

\*\*\* أساتذة المادة يتمنون لكم كل التوفيق والنجاح في امتحان شهادة البكالوريا \*\*\*



## تصحيح إختبار البكالوريا التجريبي في مادة: العلوم الفيزيائية

## الموضوع الأول: (20 نقطة)

## التمرين الأول: (07 نقاط)

$$1. \text{ حساب كتلة الكرية: } V = \frac{4}{3}\pi \cdot (0.02)^3 = 3,35 \cdot 10^{-5} m^3 = \text{حيث: } \rho_L = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho_L \cdot V$$

$$\text{ومنه: } m = 3,35 \cdot 10^{-5} \times 200 = 6,7 \times 10^{-3} kg$$

$$2. \text{ النسبة بين شدة دافعة أرخميدس وثقل الكرية: } \frac{P}{\pi} = \frac{m \cdot g}{\rho_L \cdot V \cdot g} = \frac{m}{\rho_L \cdot V} = \frac{\rho_L}{\rho_{air}}$$

$$\text{حساب النسبة: } \frac{P}{\pi} = \frac{\rho_L}{\rho_{air}} = \frac{200}{1,3} = 153,84$$

ومنه نعم يمكن إهمال دافعة أرخميدس لأن شدة قوة الثقل أكبر من شدة دافعة أرخميدس بـ 153 مرة.

3. كتابة المعادلة التفاضلية للحركة:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: - الجملة المدروسة: كرية الفلين

- المرجع المختار: سطحي أرضي نعتبره عطالي.

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$$

بالإسقاط على محور الحركة ( $\vec{OZ}$ ) نجد:

$$P - f = m \cdot a \rightarrow mg - kv = m \frac{dv}{dt} \rightarrow m \frac{dv}{dt} + kv = mg \rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}v = g$$

$$\text{بالمطابقة نجد: } B = g \text{ و } \tau = \frac{m}{k}$$

4. تعيين وحدة قياس معامل الإحتكاك  $k$  باستعمال التحليل البعدي:

$$\text{لدينا: } f = kv, \text{ ومنه: } k = \frac{f}{v}, \leftarrow [k] = \frac{[f]}{[v]} \dots (*)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} [v] = \frac{L}{T} \dots (01) \\ f = ma \Rightarrow f = m \frac{dv}{dt} \Rightarrow [f] = M \cdot \frac{[v]}{T} = M \cdot \frac{L}{T^2} \dots (02) \end{array} \right.$$

بتعويض (01) و (02) في (\*) نجد:

ومنه وحدة ثابت الإحتكاك من وحدة:  $kg/s$ .

$$[k] = \frac{[f]}{[v]} = \frac{M \cdot \frac{L}{T^2}}{\frac{L}{T}} = M \cdot \frac{L}{T^2} \cdot \frac{T}{L} = \frac{M}{T}$$

1.5. تعيين قيمة ثابت الزمن  $\tau$ : تمثل نقطة تقاطع المماس عند اللحظة  $t = 0$  مع محور الأزمنة، وهي توافق:

$$\tau = 0,4s$$

$$\tau = \frac{m}{k} \Rightarrow k = \frac{m}{\tau} = \frac{6,7 \times 10^{-3}}{0,4} = 1,675 \times 10^{-2} kg/s$$

$$\text{ومنه: } k = 1,675 \times 10^{-2} kg/s$$

$$\frac{dv}{dt}\bigg|_{t=0} + \frac{k}{m}v(0) = g \Rightarrow a_0 + 0 = g \Rightarrow a_0 = g = 10m/s^2 : \text{2.5. تعيين التسارع الابتدائي } a_0$$

$$5Cm \rightarrow 10m/s^2 \Rightarrow 1Cm \rightarrow 2m/s^2 : \text{استنتاج سلم رسم لمحور الترتيب:}$$

$$\frac{dv_L}{dt} + \frac{k}{m}v_L = g \Rightarrow 0 + \frac{k}{m}v_L = g \Rightarrow v_L = g \cdot \frac{m}{k} = g \cdot \tau : \text{6. عبارة السرعة الحدية } v_L$$

$$v_L = g \cdot \tau = 10 \times 0,4 = 4m/s : \text{حساب شدة } v_L$$

$$f(0,2) = k \cdot v(0,2) : t = 0,2 s \text{ اللحظة عند الاحتكاك} : \text{7. حساب شدة قوة الاحتكاك عند اللحظة } t = 0,2 s$$

نعين أولا قيمة  $v(0,2)$ :

$$\frac{dv}{dt}\bigg|_{t=0,2} + \frac{k}{m}v(0,2) = g \Rightarrow a_{(0,2)} + \frac{1}{\tau}v(0,2) = g \Rightarrow 6 + \frac{1}{0,4}v(0,2) = 10$$

$$\Rightarrow v(0,2) = (10 - 6) \times 0,4 = 1,6m/s \text{ سلطان}$$

$$v(0,2) = 1,6m/s : \text{ومنه:}$$

$$: t = 0,2 s \text{ عند } E_C \text{ الطاقة الحركية}$$

$$E_C(0,2) = \frac{1}{2}m \cdot v^2(0,2) = 0,5 \times 6,7 \times 10^{-3} \times (1,6)^2 = 8,58 \times 10^{-3}J = 8,58mJ$$

II.

1. نوع السقوط: سقوط حر.

تعريفه: هو سقوط جسم شاقوليا تحت تأثير قوة ثقله فقط.

$$a = \frac{1-0}{0,1-0} = 10m/s^2 : \text{ومنه:}$$

2. التسارع يمثل بيانيا ميل منحنى السرعة: ومنه: طبيعة الحركة: المسار مستقيم والتسارع ثابت موجب والسرعة موجبة متزايدة وبالتالي الحركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

أو نقول: مستقيمة متغيرة بانتظام لأن المسار مستقيم والتسارع ثابت غير معدوم.

3. حساب طول الأنبوب الزجاجي L: أي المسافة المقطوعة من طرف الكرية، ونعلم أن المسافة تمثل بيانيا المساحة في منحنى السرعة: وبالتالي نحسب مساحة المثلث:

$$L = \frac{0,45 \times 4,5}{2} = 1,0125m \text{ سلطان}$$

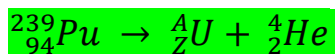
**التمرين الثاني: (06 نقاط)**

I.

1. أ. تعريف المصطلحات التالية: نظير - الجسيمات  $\alpha$

نظير: أنوية لنفس العنصر تمتلك نفس العدد الشحني Z وتختلف في العدد الكتلي A.

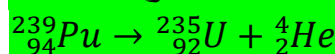
الجسيمات  $\alpha$ : عبارة عن نواة الهليوم  ${}^4_2He$  تميز الأنوية الثقيلة.



ب. معادلة تفكك  ${}^{239}_{94}Pu$ :



بحيث بتطبيق قانوني الإنحفاظ لصودي نجد:



ومنه تصبح المعادلة النووية:

$$m(t) = m_0 e^{-\lambda t} : \text{1. الإجابة الصحيحة هي: ب.}$$

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \rightarrow \frac{m(t)}{M} \cdot N_A = \frac{m_0}{M} \cdot N_A e^{-\lambda t} \rightarrow m(t) = m_0 e^{-\lambda t} : \text{التعليق: لدينا:}$$



2.2. معادلة البيان: البيان عبارة عن خط مستقيم يمر بالمبدأ، معادلته من الشكل:  $\ln \frac{m_0}{m} = a \cdot t$  بحيث  $a$  يمثل ميل

البيان:  $a = \frac{4-0}{14 \times 10^4 - 0} = 2,85 \times 10^{-5} \text{ ans}^{-1}$  ، ومنه تصبح معادلة البيان:  $\ln \frac{m_0}{m} = 2,85 \times 10^{-5} \cdot t$

استنتاج قيمة ثابت النشاط الإشعاعي  $\lambda$ :

نكتب العبارة النظرية بالإعتماد على الإجابة 1.2:

$\ln \frac{m_0}{m} = \lambda t$  ومنه:  $m(t) = m_0 e^{-\lambda t} \rightarrow \frac{m}{m_0} = e^{-\lambda t} \rightarrow \frac{m_0}{m} = e^{\lambda t} \rightarrow \ln \frac{m_0}{m} = \lambda t$

بالمطابقة بين العبارتين البيانية والنظرية نجد:  $\lambda = 2,85 \times 10^{-5} \text{ ans}^{-1}$

3. حساب النشاط الابتدائي  $A_0$  للعينة السابقة:

$A_0 = \lambda \cdot N_0$  ، بشرط تكون قيمة  $\lambda$  مقدرة بوحدة  $s^{-1}$ .

$A_0 = \lambda \cdot N_0 = \lambda \cdot \frac{m_0 \cdot N_A}{M_{Pu}} = \frac{2,85 \times 10^{-5}}{1 \times 365.25 \times 24 \times 60 \times 60} \cdot \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{239} = 9,031105 \times 10^{-13} \times 2,5188 \times 10^{21}$

$A_0 = 22,75 \times 10^8 \text{ Bq}$

II.

1. تعريف تفاعل الإنشطار النووي: تفاعل نووي مفتعل يتم فيه قذف نواة ثقيلة بـ نوترون بطيء لنحصل على أنوية أخف وأكثر استقرار مع تحرير طاقة ونيوترونات .

2. تعيين قيمة  $Z$  باستعمال قانون صودي لانحفاظ العدد الشحني:  $94 + 0 = Z + 52 + 3 \times 0 \rightarrow Z = 42$

3. أ. المقارنة بين استقرار بين استقرار الأنوية: نقارن بين استقرار النواتين من خلال المقارنة بين طاقة الربط لكل نوية بالنسبة للأنوية الثلاث:

$E_L(^{102}_{42}\text{Mo}) = \Delta m \cdot C^2 = [Z \cdot m_p + (A - Z)m_n - m(^{102}_{42}\text{Mo})] \cdot C^2$   
 $E_L(^{102}_{42}\text{Mo}) = [42 \times 1,00728 + 60 \times 1,00866 - 101,8874] \times 931,5 = 873,70974 \text{ MeV}$

$\frac{E_L(^{102}_{42}\text{Mo})}{A} = \frac{873,70974}{102} = 8,57 \text{ MeV/nucleon}$

نلاحظ أن:  $\frac{E_L(^{102}_{42}\text{Mo})}{A} > \frac{E_L(^{135}_{52}\text{Te})}{A} > \frac{E_L(^{239}_{94}\text{Pu})}{A}$  ومنه النواة  $^{102}_{42}\text{Mo}$  أكثر استقرارا من باقي الأنوية .

3. ب. نعم النتيجة تتوافق مع التعريف.

4. حساب الطاقة المتحررة  $E_{lib}$  عن التفاعل النووي السابق بوحدة MeV :

$E_{Lib} = \Delta m \cdot c^2 = [m(\text{Pu}) + m(n) - m(\text{Mo}) - m(\text{Te}) - 3m(n)] \cdot c^2$   
 $= [239,0015 + 1,00866 - 101,8874 - 134,8881 - 3 \times 1,00866] \times 931,5$

$E_{Lib} = 194,38542 \text{ MeV}$

1.5. حساب  $E_{(Lib)T}$  للعينة:

$E_{(Lib)T} = N_0 \cdot E_{Lib} = \frac{m_0 \cdot N_A}{M(\text{Pu})} \cdot E_{Lib} = \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{239} \times 194,38542 = 4,8962 \times 10^{23} \text{ MeV}$

$E_{(Lib)T} = 4,8962 \times 10^{23} \text{ MeV}$  ساطع

1. حساب استطاعة المفاعل النووي  $P$  بالميجاواط (MW):

نعلم أن:  $P = \frac{E_e}{\Delta t}$  ومنه:  $\Delta t = \frac{E_e}{P} = \frac{r \cdot E_{(Lib)T}}{100 \cdot P}$  بشرط  $E_{(Lib)T}$  مقدرة بوحدة الجول J.

نحسب  $E_{(Lib)T}$  بوحدة الجول:

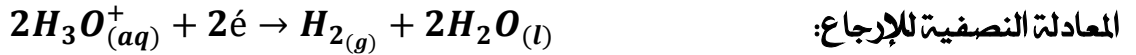
$E_{(Lib)T} = 4,8962 \times 10^{23} \times 1,6 \times 10^{-13} = 7,8339 \times 10^{10} \text{ J}$

ومنه:  $\Delta t = \frac{30 \times 7,8339 \times 10^{10}}{100 \times 30 \times 10^6} = 783,4 \text{ s}$  أي:  $\Delta t = 783,4 \text{ s}$

**التمرين التجريبي: (07 نقاط)**

**-I**

1. الثنائيتين (ox / red) المشاركتي هذا التفاعل: لتحديد هانكتب المعادلتين النصفيتين للأكسدة والإرجاع:



ومنه الثنائيتين (Ox/Red) الداخلتين في التفاعل:  $(H_3O^+/H_2)$  و  $(Zn^{2+}/Zn)$ .

2. تمثيل جدول تقدم التفاعل:

معادلة التفاعل		$2H_3O^+_{(aq)} + Zn_{(s)} = H_{2(g)} + Zn_{(aq)}^{2+} + 2H_2O_{(l)}$				
حالة الجملة	التقدم	كميات المادة بالمول (mol)				
حالة ابتدائية	0	$n_{01} = CV$	$n_{02} = \frac{m_0}{M(Zn)}$	0	0	بوفرة
حالة إنتقالية	$x(t)$	$n_{01} - 2x(t)$	$n_{02} - x(t)$	$x(t)$	$x(t)$	بوفرة
حالة نهائية	$x_{max}$	$n_{01} - 2x_{max}$	$n_{02} - x_{max}$	$x_{max}$	$x_{max}$	بوفرة

1.3. حساب تركيز شوارد  $H_3O^+$  في الحالة النهائية:  $[H_3O^+]_f = 10^{-pH_f} = 10^{-1,698} = 0,02 mol/L$  استنتاج كمية مادة  $H_3O^+$  في هذه الحالة النهائية:

$$n_f(H_3O^+) = [H_3O^+]_f \cdot V = 10^{-pH_f} \cdot V = 0,02 \times 0,1 = 2 \times 10^{-3} mol$$

2.3. تحديد المتفاعل المحد: بما أن  $n_f(H_3O^+) \neq 0$  فشوارد  $H_3O^+$  ليست متفاعل محد، ومنه حتما قطعة الزنك  $Zn$  هي المتفاعل المحد.

استنتاج قيمة التقدم الاعظمي  $x_{max}$ :

$$n_f(H_3O^+) = n_0(H_3O^+) - 2x_{max} \Rightarrow x_{max} = \frac{n_0(H_3O^+) - n_f(H_3O^+)}{2} = \frac{CV - 2 \times 10^{-3}}{2}$$

$$= \frac{5 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-3}}{2} = 1,5 \times 10^{-3} mol$$

ومنه:  $x_{max} = 1,5 \times 10^{-3} mol$

3.3. إيجاد الكتلة المتفاعلة من الزنك  $m_0$ : بما أن  $Zn$  متفاعل محد فإن:  $n_f(Zn) = 0 \Leftrightarrow n_{02} - x_{max} = 0$

$$\frac{m_0}{M(Zn)} - x_{max} = 0 \Rightarrow m_0 = x_{max} \cdot M(Zn) = 1,5 \times 10^{-3} \times 64,5 = 0,09675g$$

**II**

1. إكمال المنحنى:

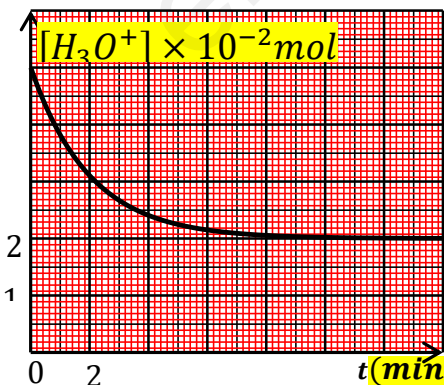
التعليل: لأن:  $[H_3O^+]_f = 2 \times 10^{-2} mol/L$

2- تحديد بيانيا زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ :

$$[H_3O^+]_{1/2} = \frac{[H_3O^+]_0 + [H_3O^+]_f}{2} = \frac{5 \times 10^{-2} + 2 \times 10^{-2}}{2} = 3,5 \times 10^{-2} mol/L$$

باسقاط هذه القيمة على محور الأزمنة نجد:  $t_{\frac{1}{2}} = 1,4 min$

3. حساب السرعة الحجمية الإبتدائية لإختفاء شوارد  $H_3O^+$ :



$$v_{H_3O^+}(0) = -\frac{1}{V} \frac{dn(H_3O^+)}{dt} = -\frac{d[H_3O^+]}{dt} = \frac{.10^{-2} - 5.10^{-2}}{-0} = mol/L.min$$

- استنتاج السرعة الحجمية للتفاعل:

$$v_V(0) = \frac{v_{H_3O^+}(0)}{2} = \frac{.10^{-2}}{2} = mol/L.min$$

4. رسم المنحنى: الوصول للنظام الدائم (ينعدم البيان) في زمن أقل من السابق.

العامل الحركي: درجة الحرارة

تأثير العامل الحركي: عند ارتفاع درجة الحرارة تزداد حركة الجسيمات وبالتالي تزداد عدد التصادمات الفعالة ما يؤدي لزيادة سرعة التفاعل.

III- معايرة محلول النشادر بواسطة محلول حمض كلور الماء:



1. معادلة تفاعل المعايرة:

2. التركيب التجريبي المستعمل في تقنية المعايرة مرفق

بالبينانات:

إكمال البينانات المرقمة:

1. سحاحة مدرجة. 2. حامل سحاحة.

3. محلول معاير به  $(H_3O^+ + Cl^-)$

4. مسبار جهاز الـ pH متر. 5. جهاز الـ pH متر.

6. محلول معاير  $NH_3(aq)$ . 7. مخلاط كهرومغناطيسي.

8. بيشر. 9. قضيب مغناطيسي.

3. أحداثيات نقطة التكافؤ وحساب  $C_B$ :

- أحداثيات نقطة التكافؤ "E":

$$E(PH_E = 6, V_{aE} = 15mL)$$

- حساب قيمة  $C_B$ : عند نقطة التكافؤ يصبح المزيج ستوكيومتري: أي:

$$n_E(H_3O^+) = n(NH_3)$$

$$[H_3O^+]_f = C_a = 2 \times 10^{-2} mol/L$$

$$C_B V_B = C_a V_{aE} \Rightarrow C_B = \frac{C_a V_{aE}}{V_B} = \frac{2 \times 10^{-2} \times 15}{20} = 0.015 mol/L$$

$$C_B = 0.015 mol/L$$

4. تعيين قيمة ثابت الحموضة  $PK_a$  للشثائية  $(NH_4^+(aq) / NH_3(aq))$  بيانيا:

عند نقطة نصف التكافؤ والتي توافق:  $\frac{V_{BE}}{2} = 7.5mL$  وعند إسقاطها بيانيا يكون:  $PK_a = PH = 9.2$

5. حساب ثابت التوازن K لتفاعل المعايرة:

$$K = \frac{[NH_4^+]_f}{[NH_3]_f \cdot [H_3O^+]_f} = \frac{1}{K_a} = \frac{1}{10^{-PK_a}} = 10^{PK_a} = 10^{9.2} = 1.58 \times 10^9$$

نلاحظ أن:  $K = 1.58 \times 10^9 > 10^4$  ومنه نستنتج أن تفاعل المعايرة تفاعل تام

6. تحديد الحجم  $V_{a1}$  من محلول حمض كلور الماء الذي يجب اضافته لكي تتحقق العلاقة:

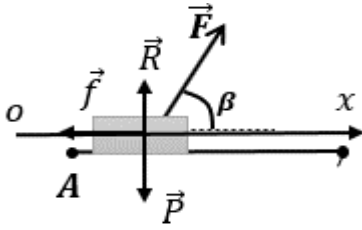
$$[NH_4^+] = 15 [NH_3] \Rightarrow \frac{[NH_4^+]}{[NH_3]} = 15$$

$$PH = PK_a + \log \frac{[NH_3]}{[NH_4^+]} \text{ ولدينا: } PH = 9.2 + \log \left( \frac{1}{15} \right) = 9.2 - 1.2 = 8$$

$$PH = 8 \text{ بالاسقاط نجد: } V_{a1} = 2mL$$

**الموضوع الثاني: (20 نقطة)**

**التمرين الأول: (07 نقاط)**



1- دراسة حركة مركز عتالة الجسم (S) على الجزء (AB) :

إحصاء وتمثيل القوى المؤثرة الخارجية على مركز عتالة الجسم (S) :

- قوة الثقل  $\vec{P}$  ، قوة الجر  $\vec{F}$  ، قوة الإحتكاك  $\vec{f}$  ، تأثير فعل السطح  $\vec{R}$

2- 1. نبين أن المعادلة التفاضلية لسرعة مركز عتالة الجسم (S) تكتب بالشكل :  $\frac{dv}{dt} = \frac{-f + F \cos \beta}{m}$  **الجملة : جسم (S) .**

**المرجع : سطحي أرضي نعتبره غاليليا .**

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :  $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{R} + \vec{P} + \vec{F} + \vec{f} = m\vec{a}$

بالاسقاط نجد على محور (ox) الحركة نجد :  $F \cos \beta - f = m \frac{dv}{dt}$

ومنه :  $\frac{dv}{dt} = \frac{F \cos \beta - f}{m}$

2.2. العبارة الزمنية لسرعة مركز عتالة الجسم (S) :

لدينا :  $a = \frac{dv}{dt} = \frac{F \cos \beta - f}{m}$  بالتكامل نجد :  $v(t) = a \cdot t + v_0$

وبتعويض عبارة  $a$  و من الشروط الابتدائية نجد :  $v_0 = v_A$  ومنه :

$$v(t) = \frac{F \cos \beta - f}{m} \cdot t + v_A = a \cdot t + v_A \dots \dots \dots (1)$$

3- 1. البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر بالمبدأ معادلته من الشكل :  $v(t) = a \cdot t + b$

$$b = 1 \quad \text{و} \quad a = \frac{4-1}{6-0} = 0,5$$

ومنه :  $v(t) = 0,5t + 1 \dots \dots (2)$

ومنه المعادلة (1) تتوافق مع المعادلة (2) أي أن البيان مع العبارة الزمنية للسرعة.

2.3. قيمة كل من :  $v_A$  و  $a$  : بالمطابقة بين المعادلة البيانية النظرية والمعادلة البيانية نجد :

$$v_A = 1 \quad \text{و} \quad a = 0,5$$

- قيمة  $F$  :

$$a = \frac{F \cos \beta - f}{m} \rightarrow F = \frac{a \cdot m + f}{\cos \beta} = \frac{0,5 \times 0,4 + 0,4}{\cos 60} = 1,2 \text{ N}$$

3.3. حساب المسافة AB :

$$AB = S = \frac{(1+4) \times 6}{2} = 15 \text{ m}$$

**طريقة 01:** المسافة تمثل في منحني السرعة مساحة شبه المنحرف:

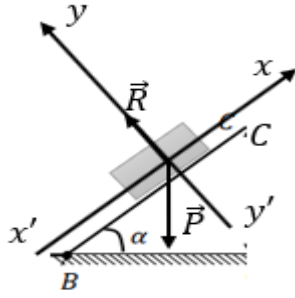
$$v_B^2 - v_A^2 = 2 \cdot a \cdot AB \rightarrow AB = \frac{v_B^2 - v_A^2}{2 \cdot a} = \frac{4^2 - 1^2}{2 \times 0,5} = 15 \text{ m}$$

**طريقة 02:** باستعمال محذوفية الزمن:

4.3. طبيعة حركة مركز عتالة الجسم (S) على الجزء (AB) :

$\vec{a} \times \vec{v} > 0$  ومنه : الحركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

أو نقول المسار مستقيم والتسارع ثابت غير معدوم وبالتالي الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام.



## II. دراسة حركة الجسم (S) على الجزء (BC) :

1. القوى الخارجية المؤثرة على مركز عتالة الجسم (S) :

2. حساب شدة القوة R التي تطبقها الطريق على الجسم في هذا الجزء :

الجملة : جسم (S) .

المرجع : سطحي أرضي نعتبره غاليليا .

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{R} + \vec{P} = m\vec{a}$$

$$R - P_y = 0 \Rightarrow R = P_y = P \cdot \cos \alpha = mg \cdot \cos \alpha = 2,82N$$

3. تبين أن :  $v_C = 2 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم + أرض) :  $E_{cC} + E_{ppC} = E_{cB} + E_{ppB}$  حيث :  $E_{ppB} = 0$

$$E_{cB} = E_{cC} + E_{ppC} \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = \frac{1}{2}mv_C^2 + mgh \rightarrow v_B^2 = v_C^2 + 2gh$$

حيث :  $h = BC \cdot \sin \alpha$

$$v_C = \sqrt{v_B^2 - 2gh} = \sqrt{4^2 - 2 \times 10 \times 0,85 \times \sin 45} = 2 \text{ m/s}$$

## III. 1. دراسة طبيعة حركة الجسم (S) :

الجملة : جسم (S) .

المرجع : سطحي أرضي نعتبره غاليليا .

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \rightarrow \vec{P} = m\vec{a}$$

بالاسقاط على المحورين (xx') و (yy') نجد :

$$\begin{cases} a_x = 0 \\ -P_y = ma_y \rightarrow a_y = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{aligned} &\text{حركة مستقيمة منتظمة} \\ &\text{حركة مستقيمة متغيرة بانتظام} \end{aligned}$$

2. المعادلات الزمنية: لدينا :

$$\begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = -g \end{cases} \quad \text{سلطان}$$

بالتكامل نجد :

$$\begin{cases} v_x = a_x \cdot t + v_{xc} = v_{xc} \\ v_y = a_y \cdot t + v_{cy} = -g \cdot t + v_{cy} \end{cases} \quad \text{سلطان}$$

ولدينا من الشروط الابتدائية :

$$\begin{cases} v_{xc} = v_C \cdot \cos \alpha \\ v_{cy} = v_C \cdot \sin \alpha \end{cases} \quad \text{ومنه :}$$

ولدينا :

$$\begin{cases} x_c = 0 \\ y_c = 0 \end{cases} \quad \text{بحيث من ش! :} \quad \begin{cases} x = \frac{1}{2}a_x t^2 + v_{xc}t + x_0 = v_C \cdot \cos \alpha \cdot t \\ y = \frac{1}{2}a_y t^2 + v_{cy}t + y_0 = -\frac{1}{2}g \cdot t^2 + v_C \cdot \sin \alpha \cdot t \end{cases} \quad \text{بالتكامل :} \quad \begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} \\ v_y = \frac{dy}{dt} \end{cases}$$



- معادلة المسار: لدينا: من عبارة  $x$  نجد:  $t = \frac{x}{v_c \cdot \cos \alpha}$

بالتعويض في  $y$  نجد:  $y = -\frac{1}{2}g \cdot \left(\frac{x}{v_c \cdot \cos \alpha}\right)^2 + v_c \cdot \sin \alpha \cdot \frac{x}{v_c \cdot \cos \alpha}$

ومنه:  $y = -\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot x^2 + \alpha \tan \alpha$

4. حساب المسافة الأفقية  $OD$ :

احداثيات النقطة  $D$  هي:  $D(OD, -h)$  بالتعويض في معادلة المسار نجد:

$$-h = -\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot OD^2 + OD \tan \alpha \Rightarrow -\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot OD^2 + OD \tan \alpha + h = 0$$

$$-\frac{g}{2 \cdot v_c^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot OD^2 + OD \tan \alpha + BC \cdot \sin \alpha = 0$$

$$-\frac{10}{2 \times 2^2 \cdot \cos^2 45} \cdot OD^2 + OD \tan 45 + 0,85 \times \sin 45 = 0$$

$$-2,5 \cdot OD^2 + OD + 0,6 = 0$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 1^2 - 4 \times (-2,5) \times 0,6 = 7 \rightarrow \sqrt{\Delta} = \sqrt{7} = 2,64$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 - 2,64}{2 \times (-2,5)} = 0,72 \text{ m}$$

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 + 2,64}{2 \times (-2,5)} = -0,32 \text{ m} \quad \text{مرفوض}$$

ومنه:  $OD = 0,72 \text{ m}$

5. حساب زمن السقوط  $t_D$  في الموضع  $D$ :

$$OD = v_c \cdot \cos \alpha \cdot t_D \Rightarrow t_D = \frac{OD}{v_c \cdot \cos \alpha} = \frac{0,72}{2 \times \cos 45} = 0,51 \text{ s}$$

- السرعة عند الموضع  $D$ :

$$\begin{cases} v_{Dx} = v_c \cdot \cos \alpha = 2 \times \cos 45 = 1,41 \text{ m/s} \\ v_{Dy} = -g \cdot t_D + v_c \cdot \sin \alpha = -10 \times 0,51 + 2 \times \sin 45 = -3,68 \text{ m/s} \end{cases}$$

$$v_D = \sqrt{v_{Dx}^2 + v_{Dy}^2} = \sqrt{1,41^2 + (-3,68)^2} = 3,96 \text{ m/s}$$

6. أقصى ارتفاع  $y_s$  يصل اليه الجسم:

عند الذروة يكون  $v_y = 0$  ومنه:

$$0 = -g \cdot t_s + v_c \cdot \sin \alpha \rightarrow t_s = \frac{v_c \cdot \sin \alpha}{g} = \frac{2 \times \sin 45}{10} = 0,14 \text{ s}$$

$$y_s = -\frac{1}{2}g \cdot t_s^2 + v_c \cdot \sin \alpha \cdot t_s = -\frac{1}{2} \times 10 \times 0,14^2 + 2 \times \sin 45 \times 0,14 = 0,01 \text{ m}$$

كما يمكن استعمال محذوفية الزمن.

### التمرين الثاني: (06 نقاط)

1. تفسير: لا يعتبر حمض الكبريت المركز وسيط لأنه يظهر في معادلة التفاعل  $(H^+)$ .

2. استنتاج الشوائب:  $(ClO^-/Cl^-)$   $(I_2/I^-)$

3. سبب إضافة الماء والجليد: توقيف تشكل  $I_2$  من أجل معايرته في اللحظة المعتمدة.

4. جدول تقدم التفاعل:

معادلة التفاعل		$\text{ClO}_2^- + 2 \text{I}^- + 2 \text{H}^+ = \text{Cl}^- + \text{I}_2 + \text{H}_2\text{O}$					
الحالة	التقدم	كميات المادة (mol)					
الابتدائية	0	$n_1$	$n_2$	$\text{I}_2$	0	0	$\text{I}_2$
الوسطية	$x$	$n_1 - x$	$n_2 - 2x$		$x$	$x$	
النهائية	$x_f$	$n_1 - x_f$	$n_2 - 2x_f$		$x_f$	$x_f$	

5. العلاقة بين  $x$  و  $[\text{I}_2]$ :

من جدول تقدم التفاعل:  $n_t(\text{I}_2) = x$

بقسمة العبارة السابقة على  $V_T$ ، نجد:  $[\text{I}_2] = \frac{x}{V_T} \dots (1)$

6. تعريف السرعة الحجمية للتفاعل: هي سرعة التفاعل في وحدة الحجم. (مشتق التقدم  $x$  بالنسبة للزمن  $t$  في وحدة

الحجم  $V$ ).  $v_{vol} = \frac{1}{V_T} \cdot \frac{dx}{dt}$

بد حساب السرعة الحجمية للتفاعل:

باشتقاق العبارة (1)، نجد:  $\frac{d[\text{I}_2]}{dt} = \frac{1}{V_T} \cdot \frac{dx}{dt}$

وعليه:  $v_{vol} = \frac{d[\text{I}_2]}{dt}$

$$v_{vol} = \left. \frac{d[\text{I}_2]}{dt} \right|_{t=5 \text{ min}} = \frac{50 - 14}{10 - 0} = 3,6 \text{ mmol/L.min}$$

$$v_{vol} = \left. \frac{d[\text{I}_2]}{dt} \right|_{t=10 \text{ min}} = \frac{50 - 30}{15 - 0} = 1,33 \text{ mmol/L.min}$$

تتناقص السرعة الحجمية للتفاعل مع مرور الزمن.

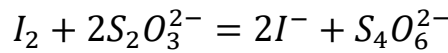
جد العامل الحركي: تناقص تراكيز المتفاعلات.

7. تعريف زمن نصف التفاعل: هو الزمن اللازم لبلوغ تقدم التفاعل نصف قيمته النهائية أو الأعظمية.  $x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2}$

وعليه:  $[\text{I}_2]_{t_{1/2}} = \frac{[\text{I}_2]_f}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ mmol/L}$

بالإسقاط على البيان، نجد:  $t_{1/2} = 1,75 \text{ min}$

8. معادلة تفاعل المعايرة:



بد تعريف التكافؤ: هي الحالة التي يكون فيها المزيغ ستوكيومتري.

عبارة  $[\text{I}_2]$ :

عند نقطة التكافؤ يكون:  $n'_{\text{I}_2} = \frac{n_{\text{S}_2\text{O}_3^{2-}}}{2}$  خاصة بأنبوب اختبار واحد.

منه:  $n'_{\text{I}_2} = \frac{C_0 \cdot V_E}{2}$

ونعلم أن:

$n_{\text{I}_2} = \frac{V_T}{V} \cdot n'_{\text{I}_2}$  بحيث عدد الأنابيب يساوي: أي: حجم المزيغ مقسوم على حجم أنبوب واحد.

وعليه:

$$n_{\text{I}_2} = \frac{C_0 \times V_E \times V_T}{2V}$$

$$[I_2] = \frac{C_0 \times V_E}{2V} \quad \text{بقسمة العبارة السابقة على } V_T, \text{ نجد:}$$

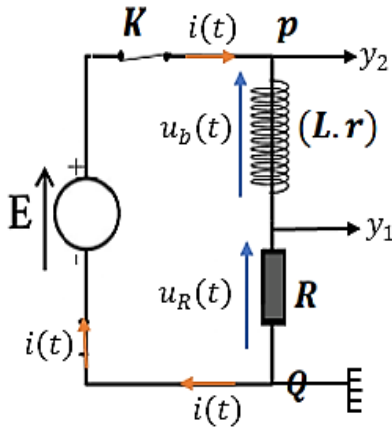
جد حساب حجم التكافؤ عند  $t = 5 \text{ min}$ :

اعتمادا على البيان، عند اللحظة  $t = 5 \text{ min}$ ، نجد:  $[I_2] = 31 \text{ mmol/L}$

$$V_E = \frac{[I_2] \times 2V}{C_0} = \frac{32 \times 20 \times 10^{-3}}{0,04} = 16 \text{ mL} \quad \text{من العبارة السابقة:}$$

### التمرين التجريبي: (07 نقاط)

#### الجزء الأول:



1-1. تمثيل الجهة الإصطلاحية للتيار والتوترات مع تبين كيفية توصيل راسم الإهتزاز المهبطي:

2-1. تبين أن المنحنى (b) يمثل التوتر  $u_R(t)$ :

$$u_{pQ}(t) = E = cte \quad \text{لدينا:}$$

ومنه البيان (a) يمثل التوتر  $u_{pQ}(t)$  ولدينا:  $u_R(t = 0) = 0$

ومنه المنحنى (b) يمثل التوتر  $u_R(t)$ .

3-1. تعيين بيانيا قيمة كل من:

أ- القوة المحركة الكهربائية  $E$ :  $E = 12 \text{ V}$

ب- التوتر  $u_{R,max}$  بين طرفي الناقل الأومي:  $u_{R,max} = 10.8 \text{ V}$

ج- ثابت الزمن  $\tau$ : برسم المماس عند اللحظة  $t = 0$  أو إسقاط القيمة  $0.63 u_{R,max}$  نجد  $\tau = 1 \text{ ms}$

4-1. أثبات أن المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$ . الكهربائي المار في الدارة تكتب بالشكل:

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$$

حسب قانون جمع التوترات نجد:  $u_b + u_R = E$

نعلم أن:  $u_R = R \cdot i$  و  $u_b = L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i$  ومنه:  $L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$  أي:  $L \cdot \frac{di}{dt} + (r + R) \cdot i = E$

و بالضرب في  $\frac{1}{L}$  نجد:  $\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$

5-1. تبين أن المقاومة الداخلية للوشيعية تكتب بالشكل:  $r = R \cdot \left( \frac{E}{u_{R,max}} - 1 \right)$

لدينا في النظام الدائم:  $\frac{di}{dt} = 0$  ومنه:  $I_0 = \frac{E}{r+R} \Leftrightarrow \frac{(r+R)}{L} \cdot I_0 = \frac{E}{L}$

ولدينا  $u_{R,max} = R \cdot I_0 \Leftrightarrow u_{R,max} = \frac{R \cdot E}{r+R} \Leftrightarrow r+R = \frac{R \cdot E}{u_{R,max}} \Leftrightarrow r = \frac{R \cdot E}{u_{R,max}} - R$  ومنه:

$$r = R \cdot \left( \frac{E}{u_{R,max}} - 1 \right)$$

- حساب قيمتها: تطبيق عددي  $r = 10 \cdot \left( \frac{12}{10.8} - 1 \right) = 11.11 \Omega$

6-1. التحقق أن ذاتية الوشيعية  $L \approx 111 \text{ mH}$

لدينا:  $\tau = \frac{L}{r+R}$  ومنه  $L = \tau \cdot (r + R)$  نجري تطبيق عددي نجد:  $L = 1 \cdot (100 + 11.11) = 111 \text{ mH}$

#### الجزء الثاني:

2-1. نمط الإهتزازات الذي يبرزه الشكل: شبه دوري متخامد.

2-2. أ- قيمة شبه الدور  $T$ : من بيان الشكل-16. نجد:  $T = 3.4 \text{ ms} = 3.4 \times 10^{-3} \text{ s}$

ب- استنتاج قيمة سعة المكثفة  $C$ : لدينا:  $T = 2\pi\sqrt{LC}$  بتربيع الطرفين نجد عبارة  $C$  بالشكل:  $C = \frac{1}{L} \frac{T^2}{4\pi^2}$

$$C = \frac{1}{0.1} \frac{(3.4 \times 10^{-3})^2}{4(3.14)^2} = 2.89 \times 10^{-6} F \quad \text{تطبيق عددي :}$$

ج- حساب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t = 0s$  لدينا :

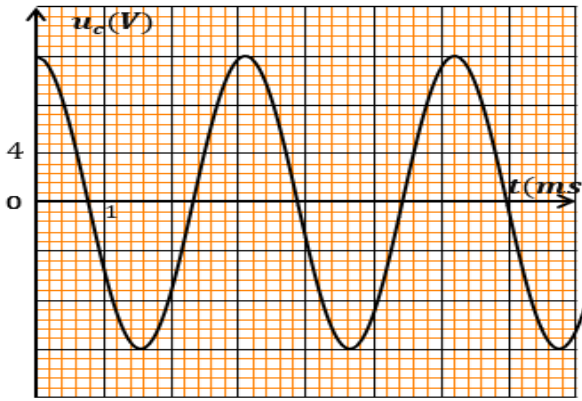
$$E_C(0) = \frac{1}{2} \times 2.89 \times 10^{-6} \cdot (12)^2 = 2.1 \times 10^{-6} J \quad \text{ت.ع : } E_C(0) = \frac{1}{2} C E^2 \text{ ومنه } u_C(0) = E$$

د- شكل الطاقة المخزنة في الدارة  $RLC$  عند اللحظة  $t = 0.85s$  :

$$\text{من البيان : } u_C(t = 0.85) = 0 \text{ ، ونعلم أن : } E_T = E_C + E_b \text{ أي : } E_T = \frac{1}{2} C u_C^2 + \frac{1}{2} L \cdot i^2 \text{ ومنه } E_T = \frac{1}{2} L \cdot i^2$$

2-3- أ- دور جهاز التغذية (مضخم تطبيقي  $AO$ ) : هو تعويض الطاقة الضائعة بفعل جول ..

ب- تمثيل بيان التوتر  $u_C(t)$  بين طرفي المكثفة المتحصل عليه :



ج- اثبات أن المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر تكتب

$$\text{بالشكل : } \frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C = 0$$

حسب قانون جمع التوترات :  $u_b + u_R + u_C + u_{AO} = 0$

$$L \frac{di}{dt} + (r + R) \cdot i + u_C - R_0 \cdot i = 0 \quad \text{سلطان}$$

نعلم أن :  $i = C \frac{du_C}{dt}$  ومنه :  $LC \frac{d^2 u_C}{dt^2} + u_C = 0$  اذا :

$$\frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} u_C = 0$$

د- تحديد من بين النوبات الواردة في الجدول التالي ، النوبة الموافقة للموجة الصوتية المنبعثة :

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{3.4 \times 10^{-3}} = 294.12 \text{ Hz} \quad \text{ت.ع : } f = \frac{1}{T} \text{ : نعلم أن :}$$

ومنه النوبة الموافقة للموجة الصوتية المنبعثة هي : Ré.

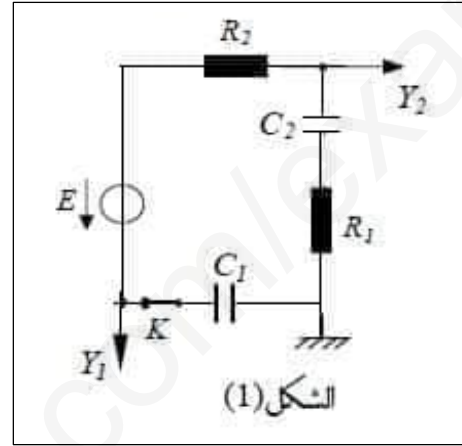
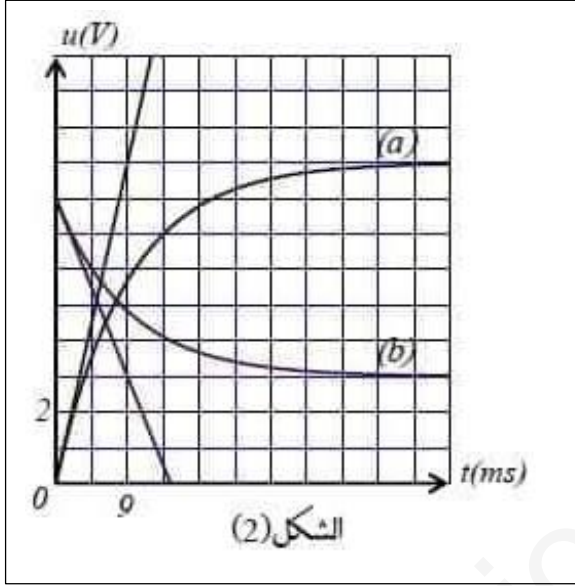
الإمتحان الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

الجزء الأول : ( 13 نقطة )

التمرين الأول : ( 6 نقاط )

الشكل (1) يمثل دارة كهربائية تحتوي على العناصر التالية الموصلة على التسلسل : - مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية  $E$  - قاطعة  $K$  - مكثفتان فارغتان سعتيهما  $C_1$  و  $C_2$  - ناقلان أوميان مقاومتيهما  $R_1$  و  $R_2$  و المقاومة المكافئة لهما  $R_{eq} = 6 K \Omega$  .

نصل الدارة براسم اهتزاز مهبطي ذي ذاكرة ثم نغلق القاطعة  $K$  في اللحظة  $t = 0 \text{ ms}$  ، فنشاهد البيانيين (a) و (b) (الشكل (2))



- 1 - أرفق كل بيان بالمدخل الموافق له مع التبرير .
- 2 - أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة الأولى  $u_{C_1}$  .

3 - إعتمادا على البيانيين ، استنتج قيمة كل من :

- أ - القوة المحركة الكهربائية  $E$  للمولد وشدة التيار الأعظمية  $I_0$  ، ثابت الزمن المميز للدارة  $\tau$  .
- ب - قيمة كل من  $R_1$  و  $R_2$  .
- ج - قيمة كل من  $C_1$  و  $C_2$  .

التمرين الثاني : ( 7 نقاط )

تتكون الدارة الممثلة في الشكل (3) من : - مولد مثالي قوته المحركة

الكهربائية  $E = 6 \text{ V}$  - وشيعة مثالية  $b_1$  ذاتيتها  $L_1$  و وشيعة  $b_2$

حقيقية ذاتيتها  $L_2$  و مقاومتها  $r$  - ناقل أومي مقاومته  $R = 10 \Omega$

- قاطعة  $K$  .

I - عند  $t = 0$  نغلق القاطعة  $K$  و نتابع تطور التوترين  $u_{AB}$  بين طرفي

الوشيعة  $b_1$  و  $u_{AC}$  بين طرفي الوشيعتين  $(b_1 + b_2)$  بدلالة الزمن .

الشكل (4) و الشكل (5) منحني التوترين  $u_{AB}(t)$  و  $u_{AC}(t)$  .

1 - أثبت أن المعادلة التفاضلية للتيار المار في الدارة  $i(t)$  تكتب بالشكل:

$$\frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L_1+L_2}i = \frac{E}{L_1+L_2}$$

2 - حل المعادلة السابقة من الشكل  $i(t) = A + B e^{-\frac{t}{\tau}}$  حيث  $A$  و  $B$  و  $\tau$  ثوابت يطلب تعيين عبارة كل منها .

3 - ما المدلول الفيزيائي للثابت  $\tau$  ، ثم استنتج قيمته .

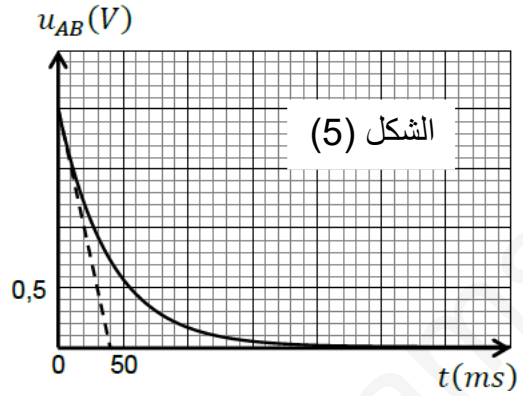
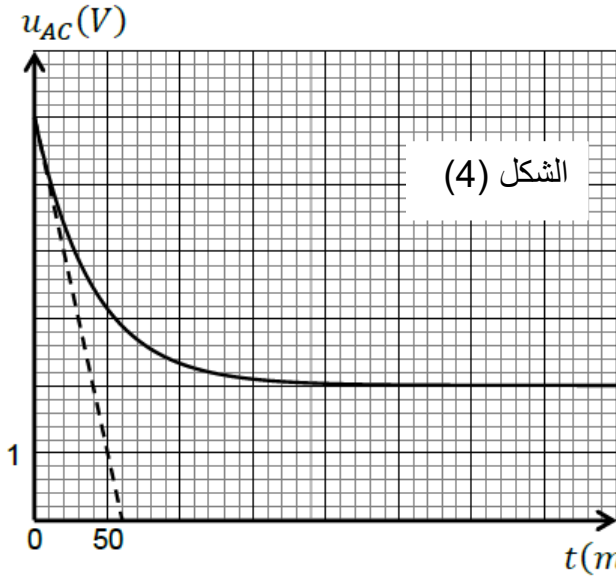
4 - أحسب قيمة  $I_0$  الشدة الأعظمية للتيار المار في الدارة .

ص 1 من 3

3as.ency-education.com



- 5 - أوجد العبارة اللحظية لكل من التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعَة  $b_1$  و التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعَة  $b_2$  .  
6 - أوجد قيم المقادير  $r$  و  $L_1$  و  $L_2$  .



Π - نفتح القاطعة  $K$  في لحظة زمنية نعتبرها  $t = 0$  .

- 1 - أوجد المعادلة التفاضلية للتيار المار في الدارة  $i(t)$  .  
2 - أوجد قيمة  $\tau_2$  في هذه الحالة .  
3 - أوجد قيمة الطاقة التي ضاعت على شكل حرارة في الناقل الأومي عند اللحظة  $t = \tau_2$  .

**الجزء الثاني : ( 7 نقاط )**

**التمرين : ( 7 نقاط )**

يعطى الجدول :

$pK_i$	لون الأساس	مجال التغير اللوني	لون الحمض	الكاشف الملون
3,7	أصفر برتقالي	3,4 - 4,4	أحمر	الهيلياننتين
4,7	أزرق	3,8 - 5,4	أصفر	أخضر البروموكريزول
7,0	أزرق	6,0 - 7,6	أصفر	أزرق البروموتيمول
9,4	وردي	8,0 - 10,0	شفاف	الفينول فتاليين

I - لدينا حوالة تحتوي على كاشف ملون مجهول تركيزه المولي  $C_0 = 2,90 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$  . نقيس الـ  $pH$  له فنجد القيمة 4,18 . يمكن أن نرمز للثنائية الموافقة للكاشف بـ  $(HIn/In^-)$  . محلول خُضر من الصفة الحمضية  $HIn$  للثنائية .

- 1 - أكتب معادلة تفاعل  $HIn$  مع الماء .  
2 - أحسب تركيز شوارد الأكسونيوم  $[H_3O^+]_f$  في المحلول .  
3 - باعتبار حجم  $V = 100 \text{ mL}$  من محلول الكاشف . عيّن النسبة النهائية لتقدم تفاعل  $HIn$  مع الماء . هل تشرّد الحمض كلياً ؟ برر إجابتك .  
4 - عيّن عبارة ثابت الحموضة  $K_i$  الموافقة للثنائية  $(HIn/In^-)$  .  
5 - بعد حساب التراكيز المولية لكل الأنواع الكيميائية المتواجدة في المحلول عند حالة التوازن تأكد أن :  
 $K_i = 1,95 \times 10^{-5}$  .

6 - إستنتج  $pK_i$  الثنائية  $(HIn/In^-)$  ، ثم تعرف عن الكاشف انطلاقاً من الجدول .

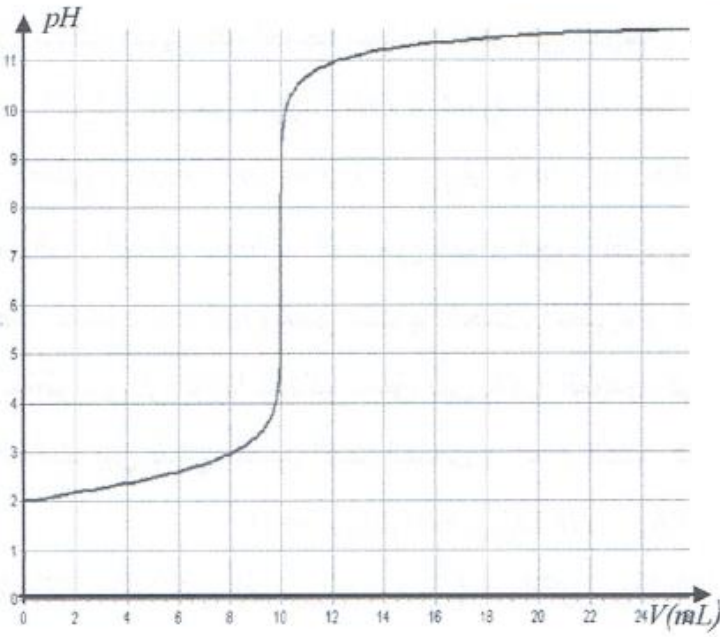
Π - نعتبر محولاً تجارياً لحمض كلور الماء  $(H_3O^+ + Cl^-)_{(aq)}$  تركيزه المولي  $C$  و كثافته  $d = 1,16$  و درجة

نقاوته  $P$  ، نخفف المحلول 1000 مرة فنحصل على محلول  $(S_1)$  تركيزه المولي  $C_1$  .

1 - نأخذ  $V = 10 \text{ mL}$  من المحلول  $(S_1)$  و نضيف له بواسطة سحاحة محلول هيدروكسيد الصوديوم

$(Na^+ + HO^-)_{(aq)}$  تركيزه المولي  $C_b = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  ، ونسجل قيمة  $pH$  المزيج عند كل إضافة للحجم  $V_b$

و نرسم المنحنى المبين في الشكل (6) .



الشكل (6)

- أ - أكتب معادلة تفاعل المعايرة .
- ب - حدد بيانيا إحداثيات نقطة التكافؤ  $E$  .
- ج - هل الكاشف الملون السابق مناسب للمعايرة إذا كان الجواب بلا حدد الكاشف المناسب .
- 2 - أحسب التركيز  $C_1$  للمحلول ( $S_1$ ) و استنتج التركيز  $C$  للمحلول التجاري و احسب درجة النقاوة  $P$  لحمض كلور الماء التجاري .

## بالتوفيق

الجهلاء هم الذين لا يعرفون الخير الذي بين أيديهم إلا بعد طرحه جانبا .  
الحياة مليئة بالأحجار ، فلا تتعثر بها ، بل اجمعها و ابني بها سلما نحو النجاح .



الحل النموذجي لاد متحان التكميلي  
الثاني في العلوم الفيزيائية

الجزء الأول: التمرين الأول: (6 نقاط)

① اوقات كل بيان بالحد في المواقف:

$$t=0 \rightarrow U_{C1} = U_{C2} = 0$$

$$U_{R1} = R_1 \cdot I_0 \neq 0$$

$$U_{R2} = R_2 \cdot I_0 \neq 0$$

$$Y_1 \rightarrow U_{C1} = 0$$

$$Y_2 \rightarrow U_{C2} + U_{R1} = 0 + R_1 I_0 \neq 0$$

$$(U_{C1}) Y_1 \leftarrow (a)$$

$$(U_{C2} + U_{R1}) Y_2 \leftarrow (b)$$

② المعادلة التفاضلية ل  $U_{C1}$ :

قانون جمع التوترات:

$$U_{R2} + U_{R1} + U_{C2} + U_{C1} = E \quad (1)$$

$$U_{R1} = R_1 \cdot i = R_1 \cdot C_1 \frac{dU_{C1}}{dt} \quad (2)$$

$$U_{R2} = R_2 \cdot i = R_2 \cdot C_2 \frac{dU_{C1}}{dt} \quad (3)$$

$$\left. \begin{aligned} q &= C_1 \cdot U_{C1} \\ q &= C_2 \cdot U_{C2} \end{aligned} \right\} \rightarrow U_{C2} = \frac{C_1}{C_2} \cdot U_{C1} \quad (4)$$

بتعويض (2), (3), (4) في (1) نجد:

$$(R_1 + R_2) \cdot C_1 \frac{dU_{C1}}{dt} + \frac{C_1}{C_2} \cdot U_{C1} + U_{C1} = E$$

بضرب طرفي المعادلة في  $\frac{1}{(R_1 + R_2) \cdot C_1}$  نجد:

$$\frac{dU_{C1}}{dt} + \frac{C_1 + C_2}{(R_1 + R_2) \cdot C_1 C_2} \cdot U_{C1} = \frac{E}{(R_1 + R_2) \cdot C_1}$$

③ استنتاج قيمة  $E$ :

$$t=+\infty \rightarrow i=0 \rightarrow U_{R2} = U_{R1} = 0$$

$$U_{R2} + U_{R1} + U_{C2} + U_{C1} = E$$

$$U_{C2} + U_{C1} = E \quad (5)$$

$$t=+\infty \rightarrow U_{C1} = 9V \quad (a)$$

$$t=+\infty \rightarrow U_{C2} = 3V \quad (b)$$

$$E = 12V \quad (5) \text{ نجد:}$$

$$I_0 = \frac{E}{R_{eq}} \quad (25)$$

$$I_0 = \frac{12}{6 \cdot 10^{-3}} \rightarrow I_0 = 2 \cdot 10^{-3} A \quad (25)$$

استنتاج  $I_0$ :

استنتاج  $\tau$ :

من المخطط (ب) لمان  $\tau$  هي ماصلة نقطة تقاطع المماس للمخطط عند المبدأ مع المستقيم:  $U = U_{C1} \max$

$$\tau = 9 \text{ ms} \quad (25)$$

ب) استنتاج قيمة  $R_1$ :

$$t=0 \rightarrow U_{R1} = R_1 \cdot I_0$$

$$R_1 = \frac{U_{R1}}{I_0} \quad (25)$$

$$t=0 \rightarrow U_{R1} = 8V \quad (b): \text{من المخطط (ب)}$$

$$R_1 = \frac{8}{2 \cdot 10^{-3}} \rightarrow R_1 = 4 \cdot 10^3 \Omega \quad (25)$$

استنتاج قيمة  $R_2$ :

$$R_{eq} = R_1 + R_2 \rightarrow R_2 = (6 - 4) \cdot 10^3$$

$$R_2 = 2 \cdot 10^3 \Omega \quad (25)$$

ج) استنتاج قيمة  $C_1$ :

$$t=+\infty \rightarrow U_{C2} = 3V; U_{C1} = 9V$$

$$C_2 \cdot U_{C2} = C_1 \cdot U_{C1} \quad \text{وحيث:}$$

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{U_{C1}}{U_{C2}} = \frac{9}{3} = 3 \quad \text{ومن:}$$

$$C_2 = 3C_1 \quad (6) \quad \text{ومن:}$$

$$\tau = C_{eq} \cdot R_{eq} \quad \text{وحيث:}$$

$$C_{eq} = \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} \quad \text{الربط على السلسلة!}$$

$$\tau = \left( \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} \right) \cdot R_{eq} \quad (7) \quad \text{ومن:}$$

بتعويض (6) في (7) نجد:

$$\tau = \left( \frac{C_1 \cdot 3C_1}{C_1 + 3C_1} \right) \cdot R_{eq} \rightarrow \tau = \frac{3C_1 R_{eq}}{4} \quad (25)$$

$$C_1 = \frac{4\tau}{3R_{eq}} \rightarrow C_1 = \frac{4 \cdot 9 \cdot 10^{-3}}{3 \cdot 6 \cdot 10^3}$$

$$C_1 = 2 \cdot 10^{-6} F \quad (25)$$

استنتاج قيمة  $C_2$ :

$$C_2 = 3 \cdot C_1 \quad (25)$$

التمرين الثاني: (7 نقاط)

① إثبات المعادلة التفاضلية ل  $i$ :

قانون جمع التوترات:

$$U_R + U_{L1} + U_{L2} = E \quad (25)$$

$$R \cdot i + L_1 \frac{di}{dt} + L_2 \frac{di}{dt} + r \cdot i = E \quad (25)$$



5) إيجاد العبارة اللحظية لـ  $U_{b1}$ :

$$\frac{di}{dt} = \frac{A}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{لدينا:}$$

$$A = \frac{E}{R+r} \quad ; \quad \tau = \frac{L_1+L_2}{R+r}$$

$$U_{b1} = L_1 \cdot \frac{di}{dt}$$

$$U_{b1} = L_1 \cdot \frac{E}{(R+r)(L_1+L_2)} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{ومن هنا:}$$

$$U_{b1} = \frac{L_1 \cdot E}{L_1+L_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad (0.25)$$

6) إيجاد العبارة اللحظية لـ  $U_{b2}$ :

$$\frac{di}{dt} = \frac{A}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{لدينا:}$$

$$A = \frac{E}{R+r} \quad ; \quad \tau = \frac{L_1+L_2}{R+r}$$

$$i = A - A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$U_{b2} = L_2 \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i$$

$$U_{b2} = L_2 \cdot \frac{E}{L_1+L_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{r \cdot E}{R+r} - \frac{r \cdot E}{R+r} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{ومن هنا:}$$

$$U_{b2} = \frac{r \cdot E}{R+r} + \left( \frac{L_2}{L_1+L_2} - \frac{r \cdot E}{R+r} \right) \cdot E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad (0.25)$$

6) إيجاد قيمة  $r$ :

$$t \rightarrow +\infty \rightarrow U_{b2} = U_{b2min} = \frac{r \cdot E}{R+r}$$

$$r = \frac{R \cdot U_{b2min}}{E - U_{b2min}} \quad (0.25)$$

$$r = \frac{10 \cdot 2}{6 - 2} \rightarrow r = 5 \Omega \quad (0.25)$$

$$U_{b1} = \frac{L_1 \cdot E}{L_1+L_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{لدينا: إيجاد قيمة } L_1$$

$$t=0 \rightarrow U_{b1} = \frac{L_1 \cdot E}{L_1+L_2} \quad \text{--- (1)} \quad (0.25)$$

$$\tau = \frac{L_1+L_2}{R+r} \quad \text{لدينا:}$$

$$(L_1+L_2) = \tau \cdot (R+r) \quad \text{--- (2)}$$

بمعوين (2) في (1) نجد:

$$U_{b1} = \frac{L_1 \cdot E}{\tau \cdot (R+r)} \rightarrow L_1 = \frac{U_{b1} \cdot \tau \cdot (R+r)}{E} \quad (0.25)$$

$$U_{b1} = 2V \quad (t=0) \quad \text{من منحنى الشكل (5)}$$

$$L_1 = \frac{2 \cdot 40 \cdot 10^{-3} (10+5)}{6} \quad \text{ومن هنا:}$$

$$L_1 = 0.2H \quad (0.25)$$

$$(L_1+L_2) \cdot \frac{di}{dt} + (R+r) \cdot i = E \quad (0.25)$$

بقسمة طرفي المعادلة على  $(L_1+L_2)$ :

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{(L_1+L_2)} \cdot i = \frac{E}{(L_1+L_2)}$$

7) تحديد عبارة كل من  $A$  و  $B$  و  $\tau$ :

$$i(t) = A + B \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$t=0 \rightarrow i(0) = 0 \rightarrow 0 = A + B$$

$$B = -A \quad (0.25)$$

$$i(t) = A - A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{ومن هنا:}$$

$$\frac{di}{dt} = \frac{A}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad (0.25)$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية:

$$\frac{A}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R+r)}{(L_1+L_2)} (A - A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{E}{(L_1+L_2)}$$

$$\left( \frac{1}{\tau} - \frac{(R+r)}{(L_1+L_2)} \right) A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R+r)}{(L_1+L_2)} A - \frac{E}{(L_1+L_2)} = 0$$

$$\frac{1}{\tau} - \frac{(R+r)}{(L_1+L_2)} = 0 \rightarrow \tau = \frac{L_1+L_2}{R+r} \quad (0.25)$$

$$\frac{(R+r)}{(L_1+L_2)} A - \frac{E}{(L_1+L_2)} = 0 \rightarrow A = \frac{E}{R+r} \quad (0.25)$$

$$B = -\frac{E}{(R+r)} \quad (0.25)$$

3) املول الفيزيائي لـ  $\tau$ : هو ثابت

الزمن للدائرة ويمثل الزمن اللازم لكي تصبح سعة التيار امار في الدائرة 63% من قيمتها عند لحظة و ذلك خلال تطبيق التيار الكهربائي في الدائرة. (0.25)

استنتاج قيمة  $\tau$ : من منحنى الشكل (5):

$$\tau = 40 \text{ ms} \quad (0.25)$$

4) حساب قيمة  $I_0$ :

$$t \rightarrow +\infty \rightarrow i = I_0 \quad ; \quad \frac{di}{dt} = 0 \quad ; \quad U_R = R \cdot I_0$$

$$U_{b1} = 0 \quad ; \quad U_{b2} = U_{b2min} \quad (0.25)$$

$$U_{b1} + U_{b2} + U_R = E \quad \text{ولدينا:}$$

$$U_{b2min} + R \cdot I_0 = E$$

$$I_0 = \frac{E - U_{b2min}}{R} \quad (0.25)$$

$$U_{b2min} = 2V \quad \text{من منحنى الشكل (4)} \quad (0.25)$$

$$I_0 = \frac{6 - 2}{10} \rightarrow I_0 = 0.4A \quad \text{ومن هنا:}$$



١ إيجاد قيمة  $L_2$  من (2) نجد

$$L_2 = \Sigma(R+r) - L_1$$

$$L_2 = 40.10^3(10+5) - 0.2$$

$$L_2 = 0.14 \text{ H} \quad (0.25)$$

II (1) إيجاد المعادلة التفاضلية لـ  $i$ :

$$U_R + U_{L_2} = 0 \quad (0.25)$$

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L_2} i = 0 \quad (0.25)$$

(2) إيجاد قيمة  $\tau_2$ :

$$\tau_2 = \frac{L_2}{R+r}$$

$$\tau_2 = \frac{0.14}{10+5} \rightarrow \tau_2 = 867.10^{-5} \text{ s} \quad (0.25)$$

(3) إيجاد قيمة الطاقة الضالعة على شكل

حرارة عند  $t = \tau_2$ :

$$E_{L_2 \text{ max}} = \frac{1}{2} L_2 \cdot I_0^2$$

$$E_{L_2} = \frac{1}{2} L_2 \cdot i^2 \quad / \quad i = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} \quad (0.25)$$

$$E_{L_2} = \frac{1}{2} L_2 \cdot I_0^2 \cdot e^{-\frac{2t}{\tau_2}}$$

الطاقة الضالعة على شكل حرارة:

$$E = E_{L_2 \text{ max}} - E_{L_2}$$

$$E = \frac{1}{2} L_2 \cdot I_0^2 (1 - e^{-\frac{2t}{\tau_2}}) \quad (0.25)$$

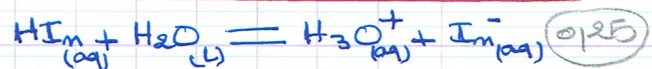
$$t = \tau_2 \rightarrow E = \frac{1}{2} L_2 \cdot I_0^2 (1 - e^{-2})$$

$$E = \frac{1}{2} \cdot 0.14 \cdot (0.14)^2 (1 - e^{-2})$$

$$E = 2.77.10^{-2} \text{ J} \quad (0.25)$$

الجزء الثاني: التمرين (7 نقاط)

I (1) معادلة تفاعل  $\text{HIm}$  مع الماء:



(2) حساب قيمة  $[\text{H}_3\text{O}^+]$ :

$$[\text{H}_3\text{O}^+]_f = 10^{-\text{pH}}$$

$$[\text{H}_3\text{O}^+]_f = 10^{-4.18} \rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+]_f = 6.61.10^{-5} \frac{\text{mol}}{\text{L}} \quad (0.25)$$

(3) تعيين  $\tau_f$ :

ن	$\text{HIm}_{(aq)} + \text{H}_2\text{O}_{(l)} = \text{H}_3\text{O}^+_{(aq)} + \text{Im}^-_{(aq)}$		
$\Sigma^2$	$n_0$	0	0
$\Sigma^2$	$n_0 - x_f$	$x_f$	$x_f$
$\Sigma^2$	$n_0 - x_{\text{max}}$	$x_{\text{max}}$	$x_{\text{max}}$

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\text{max}}} \quad (0.25) \quad (1)$$

بما أن الماء بزيادة طرأ:

$$x_{\text{max}} = n_0 = C_0 \cdot V \quad (0.25) \quad (2)$$

من جدول التقدم في ع 1:

$$[\text{H}_3\text{O}^+]_f = \frac{x_f}{V} \rightarrow x_f = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \cdot V \quad (0.25) \quad (3)$$

بتعويض (2) في (3) نجد

$$\tau_f = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_f}{C_0} \rightarrow \tau_f = \frac{6.61.10^{-5}}{2.90.10^{-4}}$$

$$\tau_f = 22.79\% \quad (0.25)$$

بما أن  $\tau_f < 100\%$  طرأ تسرد الحمض ليس كلياً.

(4) تعيين عبارة  $K_i$  للتشارية  $(\text{HIm} / \text{Im}^-)$ :

$$K_i = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_f \cdot [\text{Im}^-]_f}{[\text{HIm}]_f} \quad (0.25) \quad (4)$$

(5) استكمال قيمة  $K_i$ :

$$[\text{Im}^-]_f = [\text{H}_3\text{O}^+]_f = \frac{x_f}{V} = \frac{6.61.10^{-5} \text{ mol}}{\text{L}} \quad (0.25)$$

$$[\text{HIm}]_f = \frac{n_0 - x_f}{V} = \frac{n_0}{V} - \frac{x_f}{V}$$

$$[\text{HIm}]_f = C_0 - [\text{H}_3\text{O}^+]_f$$

$$[\text{HIm}]_f = 2.90.10^{-4} - 6.61.10^{-5}$$

$$[\text{HIm}]_f = 2.24.10^{-4} \text{ mol/L} \quad (0.25)$$

التعويض في (4) نجد

$$K_i = \frac{(6.61.10^{-5})}{2.24.10^{-4}} \rightarrow K_i = 1.95.10^{-5} \quad (0.25)$$

(6) استنتاج  $\text{p}K_i$ :

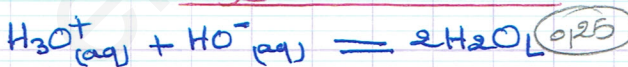
$$\text{p}K_i' = -\log K_i \quad (0.25)$$

$$\text{p}K_i' = -\log(1.95.10^{-5})$$

$$\text{p}K_i' = 4.7 \quad (0.25)$$

الكاشف الملوّن هو: أخضر البروموكريزول

II (1) معادلة تفاعل المعايرة:



(2) تحديد حدودا ثبات نقطة انتكاس:

بملاحظة انعطاشات نجد  $V_E = 10 \text{ ml}$   $(0.25)$

$$\text{pH}_E = 7 \quad (0.25)$$

الكاشف الملوّن المناسب غير مناسب

للمعايرة لأن:  $\text{pH}_E = 7 \notin [3.8 - 5.4]$

الكاشف المناسب هو أزرق البروموكريزول

لأن:  $\text{pH}_E = 7 \in [6.0 - 7.6]$   $(0.25)$



② حساب  $C_1$  :

$$V \cdot C_1 = C_b \cdot V_E \quad (0.25)$$

$$C_1 = \frac{C_b \cdot V_E}{V} \rightarrow C_1 = \frac{10^{-2} \cdot 10 \cdot 10^{-3}}{10 \cdot 10^{-3}}$$

$$C_1 = 10^{-2} \text{ mol/L} \quad (0.25)$$

$$F = 10000$$

حساب التركيز  $C$  :

$$F = \frac{C}{C_1} \rightarrow C = F \cdot C_1 \rightarrow C = 10^4 \cdot 10^{-2}$$

$$C = 10 \text{ mol/L} \quad (0.25)$$

حساب درجة النقاوة  $P$  : لدينا

$$P = \frac{\text{الكتلة النقية}}{\text{الكتلة غير النقية}} \cdot 100 = \frac{C \cdot M}{10 \cdot d} \quad (0.25)$$

$$P = \frac{10 \cdot 3615}{10 \cdot 1116} \rightarrow P = 31.5\% \quad (0.25)$$